



جوان 2021

الثانية تسيير و اقتصاد

اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات المدة: 2 سا

اللقب: ..... الاسم: ..... القسم: .....

### تمرين 1: (8 ن)

اجب بصحيح أو خطأ مع تصحيح الخطأ في كل ما يلي :

$$g(x) = \sqrt{x} ; f(x) = 2x - 1 \quad \text{على } \mathbb{R} \text{ بالشكل :}$$

$$(f \circ g)(x) = \sqrt{2x - 1} \quad \text{فإن}$$

$$(2) \text{ الدالة } f \text{ المعرفة على } \mathbb{R} - \{2\} \text{ بالشكل : } f(x) = \frac{x-1}{x-2}$$

$$\text{فإن } f'(x) = \frac{-1}{(x-2)^2}$$

$$(3) \text{ مجموعة تعريف الدالة } f(x) = \frac{2}{x+2} \text{ هي } \mathbb{R} :$$

(4) الدالة مكعب دالة متزايدة تماما على  $\mathbb{R}$ .

### تمرين 2 (12 ن)

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بالشكل  $f(x) = x^2 - 2x - 1$

وليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

$$(1) \text{ بين أنه من أجل كل } x \text{ من } \mathbb{R} : f(x) = (x - 1)^2 - 2.$$

(2) بين أن  $f$  دالة قابلة للاشتقاق  $a = 2$ .

(3) أكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  في النقطة ذات الفاصلة 2

(4) احسب الدالة المشتقة  $f'(x)$ .

(5) ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

(6) استنتج انه يمكن رسم المنحنى  $(C_f)$  انطلاقاً من منحنى الدالة مربع بالانسحاب

الذي يطلب تعيين شعاعه. ثم أنشئه.

$$(7) g \text{ و } h \text{ داليتين معرفتين على } \mathbb{R} \text{ بالشكل : } h(x) = f(x+2) ; g(x) = f(x) + 1$$

استنتج انه يمكن رسم المنحنى  $(C_g)$  و  $(C_h)$  انطلاقاً من منحنى  $(C_f)$

ثم أنشئ  $(C_g)$  و  $(C_h)$  في المعلم السابق.

بالتوفيق

التصحيح النموذجي

العلامة	الحل	رقم التمرين
8 ن	<p>(1) <math>f</math> و <math>g</math> داليتين معرفتين على <math>\mathbb{R}</math> بالشكل : <math>g(x) = \sqrt{x}</math> ; <math>f(x) = 2x - 1</math></p> <p>فإن <math>(f \circ g)(x) = \sqrt{2x - 1}</math></p> <p>خطأ . <math>(f \circ g)(x) = 2\sqrt{x} - 1</math></p> <p>(2) الدالة <math>f</math> المعرفة على <math>\mathbb{R} - \{2\}</math> بالشكل : <math>f(x) = \frac{x-1}{x-2}</math></p> <p>فإن <math>f'(x) = \frac{-1}{(x-2)^2}</math> . صحيح.</p> <p>(3) مجموعة تعريف الدالة <math>f(x) = \frac{2}{x+2}</math> هي : <math>\mathbb{R} - \{2\}</math> . خطأ .</p> <p>(4) الدالة مكعب دالة متزايدة تماما على <math>\mathbb{R}</math> . صحيح.</p>	التمرين 1
ن ن ن ن	<p>(1) نبين أنه من أجل كل <math>x</math> من <math>\mathbb{R}</math> : <math>f(x) = (x - 1)^2 - 2</math></p> <p>. <math>f(x) = (x - 1)^2 - 2 = x^2 + 1 - 2x - 2 = x^2 - 2x - 1</math></p> <p>(2) نبين أن <math>f</math> دالة قابلة للاشتقاق <math>a = 2</math>.</p> $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} (h + 2) = 2$ <p>(3) معادلة المماس <math>(T)</math> للمنحنى <math>(C_f)</math> في النقطة ذات الفاصلة 2</p> $y = 2x - 5$ <p>(4) الدالة المشتقة <math>f'(x)</math> .</p> $f'(x) = 2x - 2$	التمرين 2

(5) اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

1 ن

$f$  دالة متزايدة تماماً على المجال  $[1; +\infty[$  و متناقصة تماماً على  $] -\infty; 1 ]$ .

جدول التغيرات

$x$	$-\infty$	$1$	$+\infty$
$f(x)$			

1 ن

(6) استنتاج انه يمكن إنشاء  $(C_f)$  انطلاقاً من منحنى الدالة مربع .

1 ن

$(C_f)$  صورة منحنى الدالة مربع بالانسحاب الذي شعاعه  $\begin{pmatrix} 1 \\ -2 \end{pmatrix}$   
إنشاء  $(C_f)$

1 ن

(7)  $g$  و  $h$  داليتين معرفتين على  $\mathbb{R}$  بالشكل :  $g(x) = f(x) + 1$  ;  $h(x) = f(x+2)$

رسم المنحنى  $(C_g)$  و  $(C_h)$  انطلاقاً من منحنى  $(C_f)$

1 ن

$(C_g)$  صورة  $(C_f)$  بالانسحاب الذي شعاعه  $\begin{pmatrix} -2 \\ 0 \end{pmatrix}$

1 ن

$(C_h)$  صورة  $(C_f)$  بالانسحاب الذي شعاعه  $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$

إنشاء  $(C_h)$  و  $(C_g)$