

التوقيت: 2س

التاريخ: 2023/03/08

المادة: رياضيات

المستوى: 2 ت إ

## امتحان الفصل الثاني

### التمرين الأول: (4 نقاط)

أحسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \left( 2 - \frac{1}{x-3} \right) \quad (3) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + x + 4}{3x - 6} \quad (2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-2x + 4}{3x^2 + x - 2} \quad (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 + 2x - 15}{x - 3} \quad (6) \quad \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 + 4x}{9 - x^2} \quad (5) \quad \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 2x + 5}{x^2 + x} \quad (4)$$

### التمرين الثاني: (4 نقاط)

إليك جدول تغيرات الدالة  $f$  المعرفة والقابلة للإشتقاق على  $\mathbb{R} - \{2\}$

ليكن  $(C)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس.

أجب بصحيح أو خطأ مع التبرير في كل حالة من الحالات التالية:

(1) المستقيم ذو المعادلة  $y = 2$  مقارب لـ  $(C)$  بجوار  $-\infty$

(2) النقطة  $A(3; 2)$  تنتمي للمنحنى  $(C)$ .

(3)  $f(2023) > f(2022)$

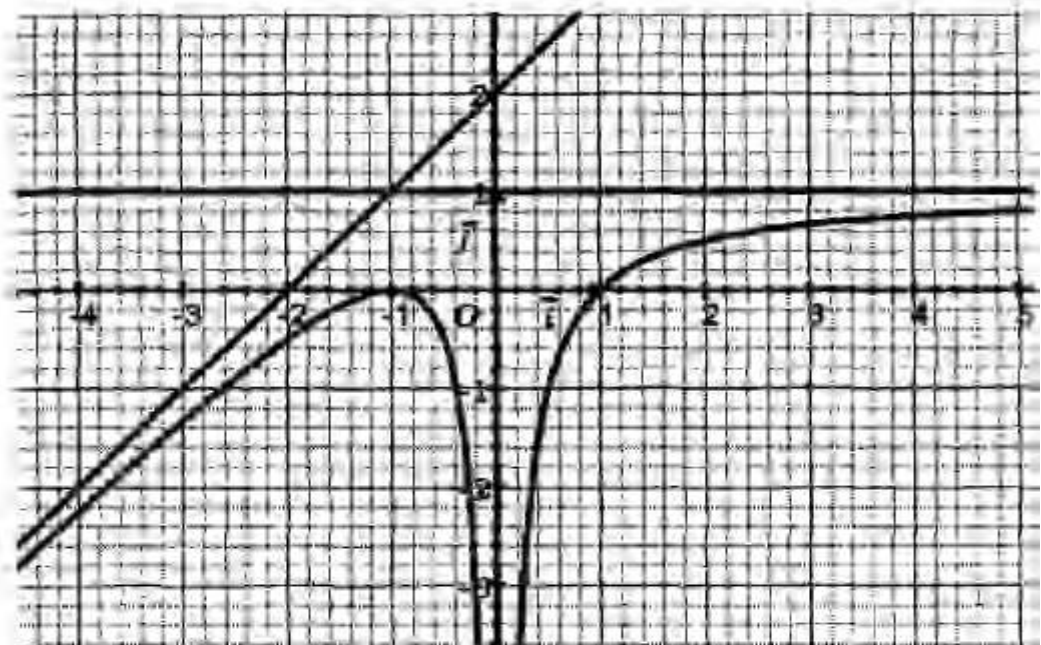
(4) المستقيم ذو المعادلة  $y = 1$  يقطع  $(C)$  في نقطة وحيدة.

$x$	$-\infty$	2	$+\infty$
$f'(x)$	-		+
$f(x)$	$+\infty$		$-\infty$

مدرسة "الرجاء والتفوق" الخاصة  
Ecole Erradja wa Tafaouk  
ÉCOLE PRIVÉE

### التمرين الثالث: (4 نقاط)

في الشكل المرفق التمثيل البياني  $(C)$  للدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R} - \{0\}$ .



$$(1) \text{ عيّن: } \lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - x - 2], \lim_{x \rightarrow 0} f(x), \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$$

(2) عيّن معادلات المستقيمات المقاربة للمنحني (C).

(3) أدرس وضعية (C) بالنسبة لمحور الفواصل ثم استنتج إشارة f.

(4) عيّن (-1) f' وشكل جدول تغيرات الدالة f.

(1) اعتمادا على (C) أنشئ (C') منحنى الدالة h المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $h: x \rightarrow |f(x)| + 1$

### التمرين الرابع: (8 نقاط)

$$f(x) = \frac{x^2 + 3x + 3}{x + 2} \text{ بـ: } \mathbb{R} - \{-2\}$$

ليكن (C) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس.

(1) عيّن الأعداد الحقيقية a، b و c بحيث يكون من أجل كل من  $\mathbb{R} - \{-2\}$ :  $f(x) = ax + b + \frac{c}{x + 2}$

(2) أحسب النهايات عند حدود مجالي التعريف الدالة f. وفسر النتائج هندسيا.

(3) بيّن أنّ المستقيم ذو المعادلة  $y = x + 1$  مقارب مائل لـ (C).

(4) أدرس وضعية (C) بالنسبة لـ (Δ).

(5) بيّن أنّ:  $f'(x) = \frac{(x+1)(x+3)}{(x+2)^2}$ ، لما  $x \in D_f$ .

(6) عيّن اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(7) أكتب معادلة المماس (D) لـ (C) عند النقطة ذات الفاصلة 0.

(8) بيّن أنّ النقطة (-2, -1) A مركز تناظر للمنحني (C).

(9) أرسم كلا من (D)، (Δ) و (C).

(10) الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = \frac{x^2 + 3|x| + 3}{|x| + 2}$ ، (C<sub>g</sub>) تمثيلها البياني في المعلم السابق.

أ- بين أن g زوجية، ثم أكتب g(x) دون رمز القيمة المطلقة.

ب- اشرح كيفية انشاء (C<sub>g</sub>) انطلاقا من (C) ثم أنشئه.

$f(x) = \frac{x^2 + 3x + 3}{x + 2}$  204

لعين  $a, b, c$ :

بالمطابقة نجد:  $a=1, b=1, c=1$

النهايات:

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

$\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -\infty < \lim_{x \rightarrow -2} f(x) = +\infty$

$\lim_{|x| \rightarrow +\infty} f(x) - y = \lim_{|x| \rightarrow +\infty} \frac{1}{x+2} = 0$

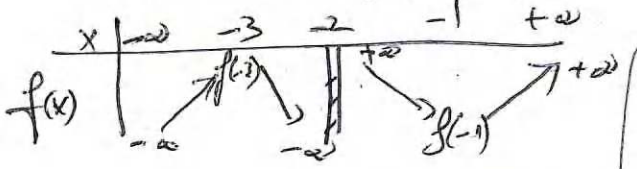
وصية  $y = x+1$  م.م. مائل بزاوية  $45^\circ$  و  $135^\circ$   
دراسة الوصفية:

(A)  $]-\infty, -2[$  و  $]2, +\infty[$

(B)  $]-2, +2[$  فوق (C)  $]-2, +2[$

الاستقفاة:  $f(x) = \frac{(x+1)(x+3)}{(x+2)^2}$

دراسة الوصفية (A) بالسينة محور القواسم  
[  $]-\infty, -1[$  و  $]1, +\infty[$  مؤزيرة كئابة  
[  $]-1, 1[$  و  $]1, 2[$  و  $]2, +\infty[$  باصنا هبة كئابة



مصارلة التماس:  $y = f'(x_0)(x - x_0) + f(x_0)$

$y = f'(0)(x - 0) + f(0)$

$y = \frac{3}{4}x + \frac{3}{2}$

تبيان ان  $A(-2, -1)$  مركز مناسر.

$f(-4-x) + f(x) = -4-2x+1 + \frac{1}{-4-x+2} + x+1 + \frac{1}{x+2}$   
 $= -2 + \frac{1}{-x-2} + \frac{1}{x+2} = -2$

11

1)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + x + 4}{3x - 6} = +\infty$

1)  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{-2x+4}{3x^2+x-2} = 0$

4)  $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 2x + 5}{x^2 + x} = -\infty$

3)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} 2 - \frac{1}{x-3} = 2$

6)  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 + 2x - 15}{x - 3} = 8$

5)  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 + 4x}{9 - x^2} = +\infty$

12

خطا (1) خطا (2) خطا (3) صحيح (4) صحيح

13

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$

$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty$

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$

$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) - x - 2 = 0$

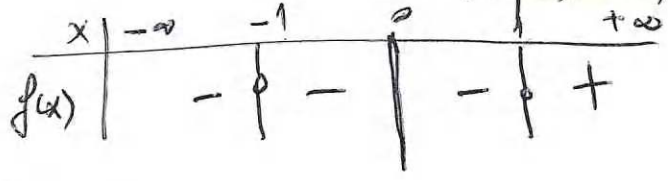
$y = x+1$  م.م. م. أفقي بزاوية  $45^\circ$  و  $135^\circ$   
 $x = 0$  م.م. عمودي

$y = x+2$  م.م. مائل بزاوية  $45^\circ$

دراسة الوصفية (A) بالسينة محور القواسم  
[  $]-\infty, -1[$  و  $]1, +\infty[$  مؤزيرة كئابة  
[  $]-1, 1[$  و  $]1, 2[$  و  $]2, +\infty[$  باصنا هبة كئابة  
 $x = 1, x = -1$  متقاطع

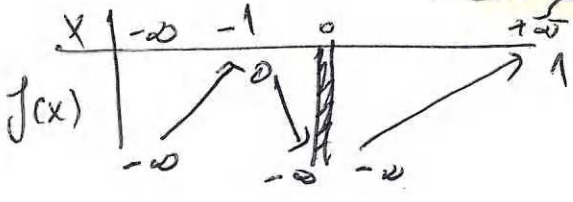
[  $]-1, +2[$  فوق محور القواسم

اسنارة  $f(x)$ :



$f'(-1) = 0$

صبر القواسم



$$g(x) = \frac{x^2 + 3|x| + 3}{|x| + 2}$$

لدينا  $-x \in D$

ومن أجل كل  $x$  نصيغ

$$g(-x) = \frac{(-x)^2 + 3|-x| + 3}{|-x| + 2} = g(x)$$

وهذا هو زوجية

متناهي (زوجي) دون رمز القيمة المطلقة.

$$g(x) = \begin{cases} f(x) & x \geq 0 \\ f(-x) & x < 0 \end{cases}$$

شرح كيفية انشاء (C8)

[0, +∞[ زوجي منطبقا على (C8)

[0, +∞[ مماثل و زوجية في (C8)

متناهي للشيء: اعمد الزاوية