

فرض الثلاثي الثالث في مادة الرياضيات

المدة : ساعتين

المستوى: 2

التمرين الأول:المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.ليكن (D) مستقيم معادلته: $3x + 3y - 5 = 0$.(1) أكتب معادلة المستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة $A(-1; 2)$ وعمودي على (D) .(2) عين احداثيتي النقطة B نقطة تقاطع المستقيمين (D) و (Δ) .(3) عين مجموعة النقط $M(x; y)$ من المستوي التي تحقق: $\overline{MA} \cdot \overline{MB} = AB$.التمرين الثاني:ليكن ABC مثلثا بحيث: $BC = 3cm$ و $AC = 2cm$ و $AB = \sqrt{7} cm$ وليكن I منتصف القطعة $[BC]$.1. باستعمال مبرهنة الكاشي أحسب: $\cos(\hat{BAC})$.(2) أثبت أن: $\overline{AB} \cdot \overline{AC} = 1$.(3) أحسب AI .II. نعتبر النقطة M بحيث: $\overline{AM} = \frac{1}{3}\overline{AB} + \frac{1}{6}\overline{AC}$.(1) أحسب $\overline{AM} \cdot \overline{AC}$.(2) بين ان: $\overline{MB} \cdot \overline{AC} = 0$. ماذا تستنتج بالنسبة للمستقيمين (MB) و (AC) .التمرين الثالث:لتكن المتتالية (u_n) المعرفة على \mathbb{N} كمايلي: $u_0 = 1$ و $u_1 = 2$ و $u_{n+2} = \frac{3}{2}u_{n+1} - \frac{1}{2}u_n$ و المتتالية (V_n) المعرفة بـ: $V_n = u_{n+1} - u_n$.(1) أحسب V_0 و V_1 .(2) أثبت أن (V_n) متتالية هندسية أساسها $q = \frac{1}{2}$.(3) عبر (V_n) عن n بدلالة.(4) احسب المجموع: $S_n = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_{n-1}$.(5) أحسب $\lim (S_n)$.