

الفرض الأول للثلاثي الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول: ( 08 نقاط )

$A$  ،  $B$  و  $C$  ثلاث نقط من المستوي حيث:  $A(-1;4)$  ،  $B(1;0)$  و  $C(5;-2)$

ولتكن النقطة  $G$  مرجح الجملة المثقلة  $\{(A,1);(B,-4);(C,1)\}$

- أجب بصحيح أو خطأ مع التعليل على ما يلي:

1. ✓ إحداثيات النقطة  $G$  هي:  $G(0;-1)$

2. ✓ النقطة  $G$  مرجح للجملة المثقلة  $\left\{\left(A,-\frac{1}{2}\right);(B,2);(C,-\frac{1}{2})\right\}$

3.  $m$  عدد حقيقي، للجملة  $\{(A,m+2);(B,-4m);(C,m)\}$  مرجحا من أجل  $m \in \mathbb{R}$

4. من أجل كل نقطة كيفية  $M$  من المستوي فإن:  $\overline{MA} - 4\overline{MB} + \overline{MC} = \vec{0}$

التمرين الثاني: ( 12 نقطة )

ليكن  $ABC$  مثلثا كيفيا من المستوي مركز ثقله  $H$  ، و  $K$  نقطة من المستوي بحيث:  $3\overline{AK} = \frac{1}{3}\overline{AB}$

$\alpha = 90^\circ$

1. أ) أنشئ المثلث  $ABC$  ، ثم النقطة  $K$  .

ب) بين أن النقطة  $K$  هي مرجح النقطتين  $A$  و  $B$  المرفقتين بمعاملين يطلب تعيينهما.

2. أنشئ النقطة  $G$  مرجح الجملة:  $\{(A,2);(B,1);(C,3)\}$  (في نفس الشكل السابق)

3. بين أن النقط  $C$  ،  $K$  و  $G$  في استقامية.

4. أ) عيّن ثم أنشئ  $(E)$  مجموعة النقط  $M$  من المستوي بحيث:  $\|2\overline{MA} + \overline{MB} + 3\overline{MC}\| = 18$

ب) عيّن ~~ثم أنشئ~~  $(E')$  مجموعة النقط  $M$  من المستوي بحيث:  $\|2\overline{MA} + \overline{MB} + 3\overline{MC}\| = 2\|\overline{MA} + \overline{MB} + \overline{MC}\|$