

تاريخ الإجراء: 2024/01/25

المدة: 60 دقيقة

المستوى: سنة ثانية ثانوي

تاريخ التصحيح: 2024/02/07

الشعبة: علوم تجريبية

## استجاب (فرض تجريبي) للتلاميذ الثاني في مادة الرياضيات

### التمرين الأول: (10 نقاط)

I. يحتوي كيس خمس كرات متماثلة لا نفرق بينها باللمس منها كرتان بيضاويتان  $B_1$  و  $B_2$  وثلاث كرات سوداء  $N_1$ ،  $N_2$  و  $N_3$ ، نسحب كرتين من الكيس على التوالي بحيث لا نعيد الكرة الأولى قبل السحب الثاني.

(1) شكل جدول الاحتمالات الموافقة لهذه التجربة ثم حدد عدد عناصر المجموعة الشاملة  $\Omega$ .

(2) احسب احتمال الاحداث التالية:

- الحادثة  $A$ : " سحب كرتين مختلفين اللون "
- الحادثة  $B$ : " سحب كرتين من نفس اللون "
- الحادثة  $C$ : " سحب كرة بيضاء على الاكثر "

II. نفتح اللعبة التالية للمشاركة يدفع اللاعب  $\alpha$  دينار ( $\alpha$  عدد طبيعي)، فاذا سحب كرتين بيضاويتين يحصل على 300 دينار وإذا سحب كرتين مختلفين في اللون يحصل على 200 دينار وإذا سحب كرتين سوداويتين يخسر ما دفعه. وليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يمثل ربح او خسارة اللاعب بدلالة العدد الطبيعي  $\alpha$ .

(1) عين قيم المتغير العشوائي  $X$ ، ثم عرف قانون احتماله.

(2) بين ان الامل الرياضي لـ  $X$  بدلالة  $\alpha$  يعطى بـ:  $E(X) = 150 - \alpha$ .

(3) اوجد أكبر قيمة ممكنة لـ  $\alpha$  حتى تكون اللعبة في صالح اللاعب.

### التمرين الثاني: (10 نقاط)

$\triangle ABC$  مثلث في المستوى، لنكّن النقط  $I$  و  $J$  المعرفة كما يلي.

- $I$  مرجح الجملة المتقلة  $\{(A, 2); (B, -1)\}$ .
- $J$  نحقق العلاقة  $3\overline{JA} + 2\overline{JC} = \vec{0}$ .

(1) أنشئ النقطين  $I$  و  $J$ .

(2)  $G$  مرجح الجملة المتقلة  $\{(A, 2); (B, -1); (C, \frac{4}{3})\}$

أ- برهن أن النقط  $C$ ،  $I$  و  $G$  في إستقامة،

ب- برهن أن النقط النقط  $B$ ،  $J$  و  $G$  في إستقامة.

ج- إستنتج نقطة تقاطع المستقيمين  $(IC)$  و  $(JB)$ .

(3) عين وأنشئ مجموعة النقط  $M$  من المستوى التي نحقق:  $\|6\overline{MA} - 3\overline{MB} + 4\overline{MC}\| = 7\|2\overline{MA} - \overline{MB} + \overline{GM}\|$ .

كمرصع، وهذا فنقة الازدواج  
 عرف الازدواج  
 ستة نتائج ملووم الازدواج

$$P(X = +\alpha) = \frac{6}{20} = \frac{3}{10} \quad (0.15)$$

$$P(200 - \alpha) = P(A) = \frac{12}{20} = \frac{6}{10} \quad (0.6)$$

$$P(300 - \alpha) = P(\bar{C}) = \frac{2}{20} = \frac{1}{10} \quad (0.05)$$

$$E(X) = 150 - \alpha \quad (2) \text{ بيان ان}$$

$$E(X) = \sum_{i=1}^3 \alpha_i P_i$$

$$E(X) = \frac{-3\alpha + 1200 - 6\alpha + 300 - \alpha}{10}$$

$$E(X) = \frac{1500 - 10\alpha}{10} \quad (1)$$

$$E(X) = 150 - \alpha$$

وهو المطلوب

(3) أكبر قيمة ممكنة لـ  $\alpha$

حتى تكون النتيجة في صالح الازدواج

$$E(X) > 0 \quad \text{مفاد}$$

$$150 - \alpha > 0 \quad \text{ومنه}$$

$$150 > \alpha \quad \text{أي}$$

$$\alpha < 150 \quad \text{اذن}$$

وبما ان  $\alpha$  عند كافيي جاب أكبر

$$\alpha = 149 \quad \text{قيمة هي}$$

التمديد الأول:

(A) جدول الازدواج

نتيجة تساوي	B <sub>1</sub>	B <sub>2</sub>	N <sub>1</sub>	N <sub>2</sub>	N <sub>3</sub>
B <sub>1</sub>	X	B <sub>1</sub> B <sub>2</sub>	B <sub>1</sub> N <sub>1</sub>	B <sub>1</sub> N <sub>2</sub>	B <sub>1</sub> N <sub>3</sub>
B <sub>2</sub>	B <sub>2</sub> B <sub>1</sub>	X	B <sub>2</sub> N <sub>1</sub>	B <sub>2</sub> N <sub>2</sub>	B <sub>2</sub> N <sub>3</sub>
N <sub>1</sub>	N <sub>1</sub> B <sub>1</sub>	N <sub>1</sub> B <sub>2</sub>	X	N <sub>1</sub> N <sub>2</sub>	N <sub>1</sub> N <sub>3</sub>
N <sub>2</sub>	N <sub>2</sub> B <sub>1</sub>	N <sub>2</sub> B <sub>2</sub>	N <sub>2</sub> N <sub>1</sub>	X	N <sub>2</sub> N <sub>3</sub>
N <sub>3</sub>	N <sub>3</sub> B <sub>1</sub>	N <sub>3</sub> B <sub>2</sub>	N <sub>3</sub> N <sub>1</sub>	N <sub>3</sub> N <sub>2</sub>	X

\* عدد عناصر  $\Omega$  هو 20 عناصر

$$|\Omega| = 4 \times 5 = 20 \quad (0.15)$$

(2) حساب الازدواج

$$P(A) = \frac{12}{20} \quad (1)$$

$$P(B) = \frac{8}{20} \quad (1)$$

$$P(C) = 1 - P(\bar{C}) = 1 - \frac{2}{20}$$

$$P(C) = \frac{18}{20} \quad (1)$$

$$0.15 \times 3$$

X قيم (A)

$$X = \{-\alpha; 200 - \alpha; 300 - \alpha\}$$

(4) قانون الاحتمال X

$x_i$	$-\alpha$	$200 - \alpha$	$300 - \alpha$	$\sum$
$P_i$	$\frac{3}{10}$	$\frac{6}{10}$	$\frac{1}{10}$	1

المسألة الثانية الثاني:

(4) إنشاء I و J - (3)

I مرجع  $\{(A, 2); (B, -1)\}$

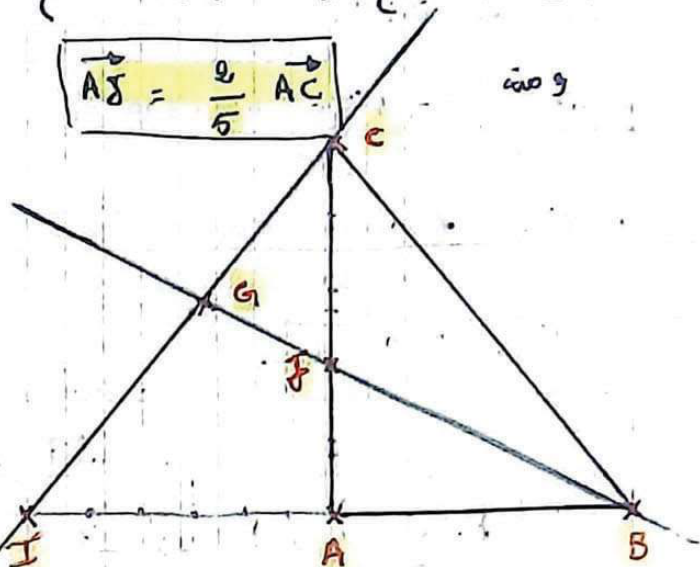
$$\vec{AI} = -\frac{1}{2} \vec{AB}$$

$$\vec{AJ} = -\vec{AB}$$

ك نقطة  $3\vec{FA} + 2\vec{FC} = \vec{0}$

I و J مرجع  $\{(A, 3); (C, 2)\}$

$$\vec{AJ} = \frac{2}{5} \vec{AC}$$



(2)

G مرجع  $\{(A, 2); (B, -3); (C, 4/3)\}$

أ البرهان أن النقطة C، I و G في

استقامة (2)

لدينا G مرجع  $\{(A, 2); (B, -1); (C, 4/3)\}$

و I مرجع  $\{(A, 2); (B, -1)\}$

باستعمال خاصية التجميع نجد:

G مرجع  $\{(I, 1); (C, 4/3)\}$

ومنه النقطة C، I و G في استقامة

ب البرهان أن B، G و I في استقامة

لدينا G مرجع  $\{(A, 2); (B, -3); (C, 4/3)\}$

ببرهان المعاملات في العدد 3

G مرجع  $\{(A, 3); (B, -3/2); (C, 2)\}$

و بما أن I مرجع  $\{(A, 3); (C, 2)\}$

باستعمال خاصية التجميع نجد:

G مرجع  $\{(B, -3/2); (I, 1)\}$

ومنه النقطة B، I و G في استقامة

(ج) نقطة تقاطع (AB) و (IC) (1)

لدينا من (2) I، C و G في

استقامة معناه  $G \in (IC)$  (3)

و من (2) B، G و I في استقامة

معناه  $G \in (IB)$  (4)

إذن من (3) و (4) النقطة G في تقاطع

تقاطع (AB) و (IC)

(3) تعيين وإنشاء مجموعة النقطة M (2)

$$\|6\vec{MA} - 3\vec{MB} + 4\vec{MC}\| = 7\|\vec{e}\vec{MA} - \vec{MB} + \frac{4}{3}\vec{MC}\|$$

$$3\|\vec{e}\vec{MA} - \vec{MB} + \frac{4}{3}\vec{MC}\| = 7\|\vec{I}\vec{M} + \frac{4}{3}\vec{MC}\|$$

$$\vec{MG} = \vec{GI} \quad \text{و منه}$$

$$\vec{MG} = \vec{GI} \quad \text{إذن}$$

مجموعة النقطة M دائرة مركزها G

و أشعة النقطة I

$$\vec{AG} = -\frac{3}{7}\vec{AB} + \frac{4}{7}\vec{AC}$$

G نقطة تقاطع (AB) و (IC)

لإنشائها