

الفرض الأول للثلاثي الثاني في مادة الرياضياتالتمرين الأول :

$$f \text{ الدالة العددية المعرفة على } \mathbb{R}^* \text{ بـ : } f(x) = \frac{x^3 - 5x^2 + 4}{x^2} .$$

و  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .

(1) بيّن أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}^*$  فإن :  $f(x) = x - 5 + \frac{a}{x^2}$  ، حيث  $a$  عدد حقيقي يطلب تعيينه .

$$(2) \text{ أحسب : } \lim_{x \rightarrow 0} f(x) , \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) , \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$$

(3) أ) بيّن أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}^*$  فإن :  $f'(x) = \frac{(x-2)(x^2+2x+4)}{x^3}$  ، إستنتج إتجاه تغير الدالة  $f$ .

ب) شكّل جدول تغيرات الدالة  $f$ .

(4) أثبت أن المنحني  $(C_f)$  يقبل مستقيمين مقاربين أحدهما مائل ، يطلب تعيين معادلتيهما .

التمرين الثاني:

ABCD مستطيل

1- أنشئ النقطتين  $G$  مرجح الجملة  $\{(A,2)(B,3)\}$  و  $J$  مرجح الجملة  $\{(C,4)(D,1)\}$

لتكن النقطة  $H$  المعرفة بالعلاقة  $2\vec{HA} + 3\vec{HB} + 4\vec{HC} + \vec{HD} = \vec{0}$

2- بين ان النقط  $G$  ،  $J$  و  $H$  في استقامية .

3- عين طبيعة  $(\Gamma)$  مجموعة النقط  $M$  من المستوي بحيث يكون :

$$\|2\vec{MA} + 3\vec{MB} + 4\vec{MC} + \vec{MD}\| = 20$$

4- عين طبيعة  $(E)$  مجموعة النقط  $M$  من المستوي بحيث يكون :

$$\|2\vec{MA} + 3\vec{MB}\| = \|4\vec{MC} + \vec{MD}\|$$

ملاحظة : يمنع التشطيب ويرجى المحافظة على نظافة الورقة

بالتوفيق - أستاذة المادة : ملوك . ف