

الفرض الأول للفصل الثاني في الرياضيات

التمرين الاول :

يحتوي صندوق على 5 كريات متماثلة لا نفرق بينها عند اللمس منها كرتين بيضاويتين تحملان الرقمين 1 و 2 و كرتين حمراوين تحملان الرقمين 1 و 3 و كرة واحدة خضراء تحمل الرقم 2 , نحسب عشوائيا من الصندوق كرتين على التوالي بحيث لا نعيد الكرة الاولى للصندوق قبل السحب الكرة الثانية

1. مثل التجربة بمخطط ثم عين عدد الحالات الممكنة .

1. احسب احتمال الأحداث الأتية :

A : " الحصول على كرتين من نفس اللون "

B : " الحصول على كرتين تحملان رقمان أوليان "

2. بين أن A و B حدثان غير متلائمان ثم إستنتج  $P(A \cup B)$

II. نقترح اللعبة التالية : للمشاركة يدفع اللاعب  $DA(30 + \alpha)$  ( بحيث  $\alpha$  عدد طبيعي معطى ) فإذا سحب كرتين تحملان رقمين أوليين يربح  $DA(2\alpha + 50)$  وإذا سحب كرتين جءاهما رقم أولي يربح  $30DA$  و إذا سحب كرتين تحملان الرقم 1 فيخسر ما دفعه , ليكن X المتغير العشوائي الذي يهتم بربح اللاعب

1. بين أن  $X = \{-\alpha - 30; -\alpha; \alpha + 20\}$

2. عين قانون احتمال X

3. بين أن :  $E(x) = \frac{-4\alpha + 30}{10}$

4. هل اللعبة عادلة ؟

5. عين أكبر قيمة لـ  $\alpha$  حتى تكون اللعبة في صالح اللاعب . بمرون ارجاع

III. نضيف الى الصندوق n كرية زرقاء , ونسحب كرتين على التوالي بإرجاع

C: "الحصول على كرتين من نفس اللون "

بين أن :  $P(C) = \frac{n^2 - n + 4}{n^2 + 9n + 20}$

التمرين الثاني :

ABCD متوازي أضلاع  $G_m$ , مرجح الجملة المثقلة  $\{(B, m^2 - 2m - 3)(C, 3m + 3)\}$

بحيث m عدد صحيح نسبي

1. عين قيم m في كل من الحالات الآتية :

أ النقطة  $G_m$  موجودة.

ب النقطة  $G_m$  منتصف [BC]

2. لتكن I و K نقطتان من المستوي بحيث

K مرجح الجملة المثقلة  $\{(A, -3)(B, -2)(C, 3)\}$  ;

3. أنشئ ABCD و النقطتين I و  $G_1$

4. بين أن I مرجح النقطتين A و B يطلب تعيين معاملاتهما

5. بين أن  $K \in (CI)$

6. بين أن المستقيمان (CI) و  $(AG_1)$  متقاطعة في النقطة K

$$\vec{AI} = \frac{2}{5}\vec{DC}$$