

الفرض الاول في مادة: الرياضيات

التمرين الأول (نقاط) :

في المستوي المنسوب الى معلم م م $(o; \vec{i}; \vec{j})$ ، نعرف النقط $A(-3; -2)$ ، $B(0; -1)$ ، $C(3; 2)$ ، $D(x; y)$ حيث $ABCD$ متوازي اضلاع. نمز بـ G_m لمرجح الجملة المثقلة $\{(A; 2m+1) (B; 2-m) (D; 3-m)\}$ حيث m عدد حقيقي

1. بين أن G_m موجود من اجل كل عدد حقيقي m

2. عين احدائيات النقطة D ثم علم كلا من النقط A ، B ، C ، D ، G_2

3. عبر عن $\overline{AG_m}$ بدلالة m ، \overline{AB} و \overline{AD}

4. استنتج ان $\overrightarrow{G_2G_m} = \frac{2-m}{6} \overrightarrow{AC}$

5. ماهي مجموعة النقط G_m عندما يمسح m مجموعة الاعداد الحقيقية \mathbb{R}

6. عين مجموعة النقط M من المستوي والمعرفة كمايلي:

$$\|(2m+1)\overline{AM} + (2-m)\overline{BM} + (3-m)\overline{DM}\| = 3\|\overline{AB} - \overline{DA}\|$$

التمرين الثاني (نقاط) :

f دالة معرفة على $\mathbb{R} - \{1\}$ بـ : $f(x) = \frac{x^2 - x + 4}{x - 1}$ ، حيث (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى معلم م م $(o; \vec{i}; \vec{j})$

1. احسب نهايات التالية $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ ، ثم فسر النتائج بيانيا

2. ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها

3. اكتب معادلة المماس (T) لـ (C_f) عند النقطة $A(0; -4)$

- ثم عين عدد المماسات التي تحمل نفس معامل توجيه المماس (T)

4. بين ان (C_f) يقبل مستقيما مقاربا مائلا (Δ) عند $+\infty$ و $-\infty$ يطلب تعيين معادلته

5. ادرس الوضع النسبي لـ (C_f) و (Δ)

6. انشئ كلا من (T) ، (Δ) و (C_f)

7. m و سيط حقيقي، ناقش حسب قيم m عدد حلول المعادلة ذات المجهول x التالية

$$x^2 - (1-m)x - m + 4 = 0$$