

## الوظيفة النزلية رقم (1)

### التعريف الأول:

(1) نعتبر الدالتين  $h$  و  $k$  المعرفتين على المجال  $[-1; +\infty[$  بـ:

$$k(x) = \frac{x}{\sqrt{x+1}+1} \quad \text{و} \quad h(x) = \sqrt{x+1}-1$$

✓ بين أن:  $k = h$

(2) عين  $f \circ g$  و  $g \circ f$  بعد تعيين مجموعة تعريف  $f$ ،  $g$ ،  $f \circ g$  و  $g \circ f$  في كل حالة:

$$f(x) = x^2 \quad \text{و} \quad g(x) = \frac{1}{x-4} \quad \checkmark$$

$$f(x) = 2x^2 + 3 \quad \text{و} \quad g(x) = \sqrt{x} \quad \checkmark$$

$$f(x) = x^2 + 1 \quad \text{و} \quad g(x) = \frac{2x}{x-1} \quad \checkmark$$

### التعريف الثاني:

$f$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = x^2 + 2x$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس ( $O; \vec{i}; \vec{j}$ )

(I) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$ :  $f(x) = (x+1)^2 - 1$

(2) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  على المجالين  $[-1; +\infty[$  و  $]-\infty; -1]$  ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) عين نقط تقاطع ( $C_f$ ) مع حامل محور الفواصل .

(4) بين أن المستقيم ذو المعادلة  $x = -1$  هو محور تناظر للمنحنى ( $C_f$ ).

(5) أنشئ المنحنى ( $C_f$ ).

(II)  $g$  و  $h$  الدالتان المعرفتان على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = f(|x|)$  ،  $h(x) = |f(x)|$

(1) بين أن  $g$  دالة زوجية.

(2) أكتب كلام من  $g$  و  $h$  دون رمز القيمة المطلقة.

(3) استنتج تغيرات الدالة  $g$  على  $\mathbb{R}$ .

(4) أنشئ كلام من ( $C_g$ ) و ( $C_h$ ) المنحنيين الممثلين للدالتين  $g$  و  $h$  اعتمادا على ( $C_f$ ).

(III)  $k$  دالة معرفة كمايلي:  $k(x) = \sqrt{x^2 + 2x}$

(1) بين أن:  $D_k = ]-\infty; -2] \cup [0; +\infty[$

(2) عين اتجاه تغير الدالة  $k$  على المجالين:  $]-\infty; -2]$  و  $[0; +\infty[$ .