

اختبار الثلاثي الثالث في مادة الرياضيات

**التمرين الأول: (05 ن)**

يحتوي كيس على كرات لا نفرق بينها عند اللمس مرقمة بـ 0 ، 1 ، 2 .  
نسحب عشوائيا كرة من الكيس لنسجل رقم الكرة المسحوبة و نعيدها إلى الكيس، ثم نسحب كرة ثانية لنسجل رقمها  $y$ . لكل سحب لكرتين نرفق النقطة  $M(x, y)$  من المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .  
نسمي (D) القرص الذي مركزه O ونصف قطره 1,7.

**1-** عين احداثيات كل النقط M الممكنة.

**2-** أحسب احتمال الحوادث التالية:

- A " M تنتمي إلى محور الفواصل "

- B " M نقطة من المستقيم المعرف بالمعادلة :  $2x+y=0$  "

- C " M تنتمي إلى الدائرة التي مركزها O و طول نصف قطرها 1 "

**3-** X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل عملية سحب العدد  $x^2 + y^2$ .

أ/ عين قانون احتمال X.

ب/ أحسب الأمل الرياضي للمتغير X.

ج/ أثبت أن احتمال أن تنتمي النقطة M إلى (D) هو  $\frac{4}{9}$

**التمرين الثاني: (07 ن)**

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

$A(2, -1)$  ,  $\Omega(-2,3)$  نقطتان من المستوي ، (Γ) دائرة مركزها النقطة  $\Omega$  و نصف قطرها  $2\sqrt{2}$ .

**1-** أ/ بين أن النقطة B منتصف القطعة  $[\Omega]$  تنتمي إلى الدائرة (Γ).

ب/ تحقق أن:  $x - y + 1 = 0$  هي معادلة ديكارتية للمستقيم (T) مماس للدائرة (Γ) عند النقطة B.

**2-**  $\lambda$  عدد حقيقي ،  $(C_\lambda)$  مجموعة النقط  $M(x, y)$  من المستوي حيث:

$$x^2 + y^2 - 4x + 2y + \lambda = 0$$

أ/ حدد قيم  $\lambda$  حتى تكون  $(C_\lambda)$  دائرة يطلب تعيين مركزها، و طول نصف قطرها بدلالة  $\lambda$ .

ب/ نعتبر:  $\lambda < 5$ .

**1** عين قيم  $\lambda$  حيث:  $(\Gamma) \cap (C_\lambda) = \emptyset$ .

**2-** أوجد قيمة العدد الحقيقي  $\lambda$  حتى تكون الدائرتان  $(C_\lambda)$  و  $(\Gamma)$  متماستان خارجيا.

- ماذا يمثل المستقيم  $(T)$  بالنسبة إلى القطعة  $[\Omega A]$ .

**3-** أكتب معادلة للدائرة  $(\Gamma')$  صورة  $(\Gamma)$  بالتحاكي الذي مركزه النقطة  $B$  ونسبته 3.

**4-** أوجد جميع المستقيمت التي تمس الدائرة  $(\Gamma)$  و توازي المستقيم  $(D)$  المعرف بالمعادلة  $x - y - 2 = 0$ .

### التمرين الثالث: (08 ن)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ .

**I** نعتبر النقطتين  $A(1,0,-2)$  و  $B(0,-1,0)$  و الشعاع  $\vec{u} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$  من الفضاء.

**1-** أوجد تمثيل وسيطي للمستقيم  $(\Delta)$  الذي يشمل النقطة  $A$  و شعاع توجيه له ، ثم حدد تمثيلا ديكارتيًا له.

**2-**  $(S)$  مجموعة النقط  $M(x, y, z)$  التي تحقق:  $x^2 + y^2 + z^2 + 2y - 5 = 0$ .

أ/ بين أن سطح كرة مركزها  $B$ ، يطلب تعيين نصف قطرها.

ب/ أدرس الوضع النسبي للمستقيم  $(\Delta)$  و السطح  $(S)$ ، مع إيجاد إحداثيات نقط التقاطع إن كانت موجودة.

**3-** نريد حساب المسافة بين المستقيم  $(\Delta)$  و النقطة  $B$ .

نعتبر النقطة  $N(-t + 1, t, -2)$  " عدد حقيقي " ، ( لاحظ أن  $N$  تمسح المستقيم  $(\Delta)$  )

أ/ بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $t$ :  $BN = \sqrt{2t^2 + 6}$ .

ب/ نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $R$  كما يلي:  $f(t) = \sqrt{2t^2 + 6}$ .

إذا علمت أنه من أجل كل عدد حقيقي  $t$ :  $f'(t) = \frac{4t}{\sqrt{2t^2 + 6}}$

**1** أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$ .

**2** استنتج أن  $f(0)$  هي القيمة الحدية الصغرى للدالة  $f$  على  $R$ .

**3** ماذا تمثل هذه القيمة بالنسبة للنقطة للمستقيم  $(\Delta)$  و النقطة  $B$ .

**4** تحقق من السؤال 2- ب/.

**II**  $(P_a)$  هو المستوي المعرف بالمعادلة الديكارتية:  $y = a$ . " عدد حقيقي ".

**1-** حدد قيمة  $a$  حتى تكون النقطة  $B$  من المستوي  $(P_a)$ .

**2-** أوجد بدلالة  $a$  إحداثيات النقطة  $\omega$  تقاطع المستوي  $(P_a)$  مع المحور  $(o, \vec{j})$  " محور الترتيب "

**3-** أحسب بدلالة  $a$  الطول  $\omega B$  ، ثم استنتج قيمتي  $a$  حتى يكون  $(P_a)$  مماسا للسطح  $(S)$ .