



المستوى: الثانية ثانوي (علوم تجريبية) (2ASS) مارس 2018

المدة: 3 سا 00

اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

**التمرين الاول (5ن):** اليك جدول تغيرات الدالة  $f$

$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	+	•	-	•	+
$f(x)$	$-\infty$	$-6$	$+\infty$	$2$	$\dots$

نقبل ان الدالة  $f$  معرفة على  $]-\infty; -1[ \cup ]-1; +\infty[$  :  $f(x) = ax + b + \frac{c}{x+1}$

حيث:  $a, b, c$  اعداد حقيقية

(1) احسب  $f'(x)$  بدلالة  $a, b, c$

(2) بالاستعانة بجدول التغيرات بين ان:  $a=1, b=-1, c=4$

(3) اتم جدول التغيرات بتعيين النهايات المنقوصة .

(4) بين ان المنحنى  $(C_f)$  الممثل للدالة  $f$  يقبل المستقيم  $(D)$  الذي معادلته  $y = x - 1$  مقاربا له عند

$+\infty$  و عند  $-\infty$

(5) ادرس وضعية المنحنى  $(C_f)$  بالنسبة للمستقيم  $(D)$

**التمرين الثاني (4ن):**

صندوق يحتوي 5 كرات : ثلاثة كرات سوداء مرقمة بـ : 1 و 2 و 3 وكرتين بيضاوين مرقمان بـ : 1 و 2 .

نسحب عشوائيا كرتين في ان واحد .

(1) احسب احتمال كل من الحادثتين :

A : "الكرات المسحوبة من نفس اللون"

B : "مجموع الكرتين المسحوبتين هو 3"

(2) احسب  $P_B(A)$

### التمرين الثالث(4ن):

- ( $U_n$ ) متتالية حسابية حدها الاول  $U_0$  و اساسها  $r$
- (1) احسب الحد الاول و الاساس لمتتالية ( $U_n$ ) علما ان :  $U_3+U_7=-14$  و  $U_5+U_8=-20$
- (2) اكتب عبارة الحد العام  $U_n$  بدلالة  $n$
- (3) احسب بدلالة  $n$  المجموع :  $S_n=U_1+U_2+\dots+U_n$
- (4) عين  $n$  بحيث يكون  $S_n=-80$

### التمرين الثالث(7ن):

$f$  دالة معرفة على  $IR$  بـ :  $f(x) = \frac{-x^3+5x}{x^2+3}$  و ( $C_f$ ) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس ( $\vec{o}, \vec{i}, \vec{j}$ ).

- (1) بين ان الدالة  $f$  فردية و ماذا تستنتج بالنسبة للمنحنى ( $C_f$ ) ؟
- (2) احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
- (3) اوجد العددين الحقيقيين  $ba$  حيث من اجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f(x) = ax + \frac{bx}{x^2+3}$
- (4) بين ان المستقيم ( $\Delta$ ) ذو المعادلة  $y = -x$  هو مستقيم مقارب مائل للمنحنى ( $C_f$ )  
ثم ادرس وضعية المنحنى ( $C_f$ ) بالنسبة للمستقيم ( $\Delta$ )
- (5) بين ان من اجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f'(x) = \frac{(x^2+15)(1-x^2)}{(x^2+3)^2}$
- ثم ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  و شكل جدول تغيراتها .
- (6) عين احداثياتي نقط تقاطع المنحنى ( $C_f$ ) مع حامي محوري الاحداثيات .
- (7) اكتب معادلة المماس ( $T$ ) للمنحنى ( $C_f$ ) عند النقطة ذات الفاصلة 0
- (8) ارسم المنحنى ( $C_f$ ) .
- (9)  $g$  دالة معرفة على  $IR$  بـ :  $g(x) = \frac{|x|(x^2-5)}{x^2+3}$  و ( $C_g$ ) تمثيلها البياني .  
بين ان الدالة  $g$  زوجية ثم ارسم المنحنى ( $C_g$ ) انطلاقا من ( $C_f$ ) .

بالتوفيق

## التصحيح النموذجي:

### التمرين الاول 5ن:

ن1

$$f'(x) = a - \frac{c}{(x+1)^2} \quad (1)$$

ن1

$$c = 4, b = -1, a = 1 \quad (3)$$

ن2

$$\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = -\infty; \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty \quad (4)$$

ن1

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) - y = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4}{x+1} = 0 \quad (5)$$

### التمرين الثاني 4ن:

$$N = 10$$

ن1 ن1 ن1 ن1

$$P(A) = \frac{2}{5}; P(B) = \frac{2}{5}$$

$$P_B(A) = \frac{1}{5}$$

### التمرين الثالث 4ن:

ن1

$$r = -2; U_0 = 3 \quad (1)$$

ن1

$$U_n = 3 - 2n \quad (2)$$

ن1

$$S_n = n(2 - n) \quad (3)$$

ن1

$$n = 7 \quad (4)$$

### التمرين الرابع 7ن:

ن0.5

$$f(-x) = -f(x) \quad (1)$$

ن1.5

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty; \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty \quad (2)$$

ن0.5

$$a = -1; b = 8 \quad (3)$$

ن0.5

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) - y = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{8x}{x^2 + 3} = 0 \quad (4)$$

ن1

$$f'(x) = \frac{(x^2 + 15)(1 - x^2)}{(x^2 + 3)^2} \quad (5)$$

ن0.5

$$o(0; 0) \quad (6)$$

ن1

جدول التغيرات (7)

ن0.5

$$(T) y = \frac{5}{3}x \quad (8)$$

ن1

$$g(-x) = g(x) \quad (9)$$

حي قعلول سبرج البحري - الجزائر