

التمرين الأول: (6 نقاط):

1/ حلول المعادلة ذات المجهول  $x$   $\left(\cos x - \frac{\sqrt{3}}{2}\right)\left(\sin x - \frac{1}{2}\right) = 0$  في المجال  $[0; 2\pi[$  هي :

أ -  $s = \left\{\frac{\pi}{6}; \frac{5\pi}{6}; \frac{7\pi}{6}; \frac{11\pi}{6}\right\}$  - ب -  $s = \left\{\frac{\pi}{6}; \frac{5\pi}{6}; \frac{11\pi}{6}\right\}$  - ج -  $s = \left\{\frac{\pi}{3}; \frac{2\pi}{3}; \frac{4\pi}{3}; \frac{5\pi}{3}\right\}$

2/ إحداثيات النقطة  $A$  في المعلم  $M$   $(o; i; j)$  هي  $A(-\sqrt{3}; -1)$  وإحداثياتها القطبية في المعلم القطبي  $(o; i)$  هي:

أ -  $A\left(-2; \frac{-6\pi}{7}\right)$  - ب -  $A\left(2; \frac{6\pi}{7}\right)$  - ج -  $A\left(2; \frac{7\pi}{6}\right)$

3/ إذا كان  $\cos^3 x + \cos x \sin^2 x = B$  فإن:

أ -  $B = 1 + \cos x$  - ب -  $B = 1 \times \cos x$  - ج -  $B = \cos x \sin x$

4/ إذا كان  $\sin^4 x - \cos^4 x - \sin^2 x + \cos^2 x = A$  فإن:

أ -  $A = 1$  - ب -  $A = 1 \times \cos x$  - ج -  $A = 0$

التمرين الثاني: (7 نقاط):

$ABC$  مثلث متساوي الساقين في النقطة  $A$  ليكن الارتفاع  $[AH]$  المتعلق بالضلع  $[BC]$  حيث  $AH = 4$  (الوحدة سنتيمتر)

1/ عين وأنشئ النقطة  $G$  مرجح النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  المرفقة المعاملات  $1, 1, 2$  على الترتيب

2/  $M$  نقطة من المستوي. عين طول الشعاع  $\vec{U}$  حيث  $\vec{U} = 2\vec{MA} - \vec{MB} - \vec{MC}$

• نفرض أن  $\|\vec{U}\| = 8$  (الوحدة سنتيمتر)

3/ عين وأنشئ مجموعة النقط  $M$  من المستوي حيث  $\|\vec{U}\| = \|\vec{U}\|$   $\|2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\|$

4/ لتكن  $G_n$  مرجح الجملة  $\{(A, 2), (B, n), (C, n)\}$  حيث  $n$  عدد طبيعي.

\* أثبت أن النقطة  $G_n$  موجودة من أجل كل قيمة لـ  $n$ . وأن النقطة  $G_n$  تنتمي إلى القطعة المستقيمة  $[AH]$ .

5/ بين أن مجموعة النقط  $M$  هي دائرة  $(S_n)$  يطلب تعيين مركزها ونصف قطرها حيث:  $\|2\vec{MA} + n\vec{MB} + n\vec{MC}\| = n\|\vec{U}\|$

\* تحقق من أن النقطة  $A$  تنتمي إلى الدائرة  $(S_n)$  ثم استنتج قيمة المسافة  $AG_n$  بدلالة  $n$

التمرين الثالث: (7 نقاط):

لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $D_f = \mathbb{R} - \{2\}$  ب  $f(x) = \frac{x^2 - 5x + 7}{x - 2}$

$(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(o; i; j)$

1/ عين الأعداد الحقيقية  $a, b, c$  حيث يكون من أجل كل  $x$  من  $D_f$  فإن  $f(x) = ax + b + \frac{c}{x - 2}$

2/ أدرس تغيرات الدالة  $f$

3/ استنتج معادلة  $(\Delta)$  المستقيم المقارب المائل لـ  $(C_f)$ . ثم عين معادلة المستقيم المقارب الأخر

4/ أحسب  $f(4-x) + f(x)$  ماذا تستنتج؟

5/ عين عين معادلة المماس  $(t)$  للمنحني  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة  $0$ .

6/ هل توجد مماسات أخرى للمنحني  $(C_f)$  ميلها  $-1$

7/ عين نقاط تقاطع المنحني  $(C_f)$  مع محوري الإحداثيات

8/ أرسم  $(C_f)$  والمقاربات

9/ ناقش حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة  $x^2 - (5+m)x + 2m + 7 = 0$

