

المدة : 02 سا

اختبار الثلاثي الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول (06 ن)

- المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ نعتبر النقط $A(0; 0)$, $B(1; 0)$ و $C(0; 1)$.

ولتكن J نقطة من المستوي حيث : $\vec{BJ} = \frac{1}{2}\vec{BC}$.

(1) بين أن J مرجح النقطتين B و C المرفقتين بمعاملين يطلب تعيينهما.

(2) بين أنه توجد نقطة G مرجح للجملة المثقلة $\{(A; 4); (B; 3); (C; -1)\}$.

(3) عين إحداثيات النقط J و G .

(4) عين ثم أنشئ (E_1) مجموعة النقط M من المستوي حيث : $\|4\vec{MA} + 3\vec{MB} - \vec{MC}\| = 3\|\vec{MB} + \vec{MC}\|$.

(5) عين (E_2) مجموعة النقط M من المستوي حيث : $\|4\vec{MA} + 3\vec{MB} - \vec{MC}\| = 6$.

التمرين الثاني (02 ن) (ركز جيدا)

يتساقط حلزون شجرة بطول 15 مترا . يتساقط كل يوم 5 أمتار وينام ليلا , لكنه ينزل 4 أمتار أثناء نومه .

- متى سيصل الحلزون إلى قمة الشجرة ؟

التمرين الثالث (12 ن)

نعتبر f الدالة المعرفة على $\mathbb{R} - \{-1\}$: $f(x) = \frac{x^2+x+4}{x+1}$ ، ليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

(1) عين الأعداد a , b و c حيث : $f(x) = ax + b + \frac{c}{x+1}$.

(2) أحسب نهايات الدالة f عند أطراف مجموعة تعريفها واستنتج معادلات المستقيمات المقاربة.

(3) بين أنه من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{-1\}$ فإن : $f(x) = \frac{x^2+2x-3}{(x+1)^2}$.

• أدرس إتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها .

(4) بين أن (C_f) يقبل مستقيم مقارب مائل (D) يطلب تعيين معادلة له .

(5) أدرس الوضع النسبي بين المنحني (C_f) والمستقيم المقارب (D) .

(6) أكتب معادلة للمستقيم (Δ) المماس للمنحني (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0.

(7) أرسم المعلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ المستقيمات المقاربة والمماس (Δ) والمنحني (C_f) .