

## إختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

المدة : ساعتان

المستوى : سنة ثانية شعبة علوم تجريبية

يمنع منعاً باتاً استعمال القلم المصحح " l'effaceur "  
تؤخذ بعين الإعتبار الإجابة الدقيقة والواضحة

### التمرين 1 : 05 نقاله

◀ كيس يحتوي على 6 كريات متماثلة ( لانفرق بينها عند اللمس ) تحمل الأرقام  $-3$  ،  $-3$  ،  $-3$  ،  $-2$  ،  $-2$  و  $-1$  ، نسحب عشوائيا وفي آن واحد كرتين من الكيس ، ونسجل رقمي الكرتين المسحوبتين ( نرسم لهذين العددين ب  $\alpha$  و  $\beta$  ) .

- ◀ ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يرفق بكل عملية سحب العدد :  $|\alpha - \beta|$  .
- ① عين مجموعة قيم المتغير العشوائي  $X$  ، ثم عرّف قانون احتمالته .
- ② أحسب الأمل الرياضي ، التباين والانحراف المعياري للمتغير العشوائي  $X$  .

### التمرين 2 : 09 نقاله

**I -**  $ABC$  مثلث قائم في  $A$  ومتساوي الساقين حيث :  $AB = AC = 5cm$  ،  $G$  نقطة من المستوي  
تحقق :  $4\vec{AG} = \vec{AB} + \vec{AC}$  .

□ أثبت أن  $G$  هي مرجح الجملة المثقلة  $\{(A; \alpha); (B; \beta); (C; \gamma)\}$  معين الأعداد الحقيقية  $\alpha$  ،  $\beta$  و  $\gamma$  .

**II -** لتكن  $M$  نقطة كيفية من المستوي ،  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  شعاعين حيث :

$$\vec{u} = 2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC} ; \quad \vec{v} = -2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}$$

- ① عبر عن الشعاع  $\vec{u}$  بدلالة  $\vec{MG}$  .
- ② أثبت أن :  $\vec{v} = \vec{AB} + \vec{AC}$  .
- ③ أنشئ النقطة  $D$  حيث :  $\vec{v} = \vec{AD}$  .
- ④ أحسب بال  $cm$  كل من  $AG$  و  $AD$  .
- ⑤ عين  $(T)$  مجموعة النقط  $M$  التي تحقق :  $\|\vec{u}\| - \|\vec{v}\| = 0$  .

**III -** المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  ،  $\alpha \in \mathbb{R}^*$  ،  $G'$  مرجح الجملة المثقلة :

$\{(E; \alpha); (F; 1 + \alpha); (K; \alpha^2)\}$  حيث :  $E(-\alpha; \alpha)$  ،  $F(\alpha; -\alpha)$  و  $K(\alpha; \alpha)$  .

- ① عين جميع القيم الممكنة للعدد  $\alpha$  حتى تكون  $G'$  موجودة .
- ② عين إحداثي  $G'$  بدلالة  $\alpha$  .
- ③ هل توجد قيمة لـ  $\alpha$  من أجلها تنتمي النقطة  $G'$  إلى المستقيم  $y = x$  :  $(\Delta)$  ؟ علّل إجابتك ؟

التمرين 3 : 06 نقاله

I -  $a, b, c$  أعداد حقيقية ،  $f$  دالة معرفة على  $\mathbb{R} - \{2\}$  بـ :  $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-2}$  وليكن  $(C_f)$

• التمثيل البياني للدالة  $f$  في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

◀ الجدول الموالي هو جدول تغيرات الدالة  $f$  :

$x$	$-\infty$	1	2	3	$+\infty$
$f$				-2	

◀ اعتماداً على جدول التغيرات :

- ① شكل جدول إشارة  $f'(x)$
- ② عين القيم الحدية المحلية للدالة  $f$
- ③ قارن بين العددين  $f\left(-\frac{1}{3}\right)$  و  $f\left(-\frac{1}{2}\right)$
- ④ عين قيمة كل من  $a, b, c$

II - نضع :  $a = -1, b = 2, c = -1$

- ① أكتب معادلة المماس  $(T)$  لـ  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 0 .
  - ④ ليكن  $T_0$  و  $T_1$  مماسا  $(C_f)$  عند  $x_0$  و  $x_1$  من  $D_f$  حيث  $x_0 \neq x_1$
- جد علاقة بين  $x_0$  و  $x_1$  حتى يكون لـ  $T_0$  و  $T_1$  نفس معامل التوجيه .

وب  
♦♦♦♦ **وقفتم** ♦♦♦♦

## التصحيح النموذجي لاختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

المدة : ساعتان

المستوى : سنة ثانية شعبة علوم تجريبية

### حل التمرين 1 : 05 نقاط

1.5 ن

1 تعيين مجموعة قيم المتغير العشوائي  $X$ 

	-3	-3	-3	-2	-2	-1
-3	×	0	0	1	1	2
-3	×	×	0	1	1	2
-3	×	×	×	1	1	2
-2	×	×	×	×	0	1
-2	×	×	×	×	×	1
-1	×	×	×	×	×	×

0.5 ن

□ ومنه :  $X \in \{0; 1; 2\}$ 

1.5 ن

□ قانون الإحتمال :

$X = x_i$	0	1	2
$p(X = x_i)$	$\frac{4}{15}$	$\frac{8}{15}$	$\frac{3}{15}$

2 حساب الأمل الرياضي ، التباين والانحراف المعياري للمتغير العشوائي  $X$  :

0.5 ن

□ الأمل الرياضي :

$$E(X) = 0 \times \frac{4}{15} + 1 \times \frac{8}{15} + 2 \times \frac{3}{15} = \frac{14}{15} = 0,93$$

0.5 ن

□ التباين :

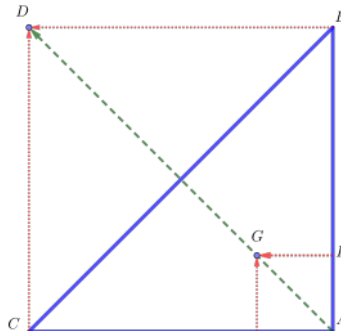
$$V(X) = (0)^2 \times \frac{4}{15} + (1)^2 \times \frac{8}{15} + (2)^2 \times \frac{3}{15} - \left(\frac{14}{15}\right)^2 = \frac{104}{225} = 0,46$$

0.5 ن

□ الانحراف المعياري :

$$\delta(X) = \sqrt{V(X)} = 0.6$$

### حل التمرين 2 : 09 نقاط



0.75 ن

□ إثبات  $G$  هي مرشح الجملة المثقلة  $\{(A; \alpha); (B; \beta); (C; \gamma)\}$  :

$$\vec{AG} = \frac{1}{2+1+1} \vec{AB} + \frac{1}{2+1+1} \vec{AC}$$

□ أي :  $\alpha = 2$  ،  $\beta = 1$  و  $\gamma = 1$  .II - لتكن  $M$  نقطة كيفية من المستوي ،  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  شعاعين حيث :

$$\vec{u} = 2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC} ; \vec{v} = -2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}$$

0.75 ن

1 التعبير عن الشعاع  $\vec{u}$  بدلالة  $\vec{MG}$  :

01 ن

2 الإثبات :

$$\vec{v} = -2\vec{MA} + \vec{MA} + \vec{AB} + \vec{MA} + \vec{AC} = \vec{AB} + \vec{AC}$$

0.5 ن

3 إنشاء النقطة  $D$  حيث :  $\vec{v} = \vec{AD}$  ( أنظر الشكل ) .

01 ن

4 حساب  $cm$  كل من :  $AG$  و  $AD$  :□ بتطبيق نظرية فيثاغورس في كل من المثلثين  $ABD$  و  $AIG$  نجد :

$$\begin{cases} AG = \sqrt{AI^2 + IG^2} = \sqrt{\left(\frac{5}{4}\right)^2 + \left(\frac{5}{4}\right)^2} = \frac{5\sqrt{2}}{4} cm \\ AD = \sqrt{BD^2 + AB^2} = \sqrt{5^2 + 5^2} = 5\sqrt{2} cm \end{cases}$$

01 ن

5  $\|\vec{u}\| - \|\vec{v}\| = 0$  تكافئ  $MG = \frac{5\sqrt{2}}{4} cm$  وعليه  $(T)$  دائرة مركزها  $G$  ونصف قطرها  $\frac{5\sqrt{2}}{4} cm$  .

III -

01 ن

1  $G'$  موجودة إذا وفقط إذا كان  $\alpha^2 + 2\alpha + 1 \neq 0$  حيث  $\alpha \in \mathbb{R}^*$  ومنه :  $\alpha \in \mathbb{R} - \{-1; 0\}$  .

01 ن

2 إحداثي  $G'$  بدلالة  $\alpha$  :

$$\begin{cases} x_G = \frac{\alpha^3 + \alpha}{\alpha^2 + 2\alpha + 1} \\ y_G = \frac{\alpha^3 - \alpha}{\alpha^2 + 2\alpha + 1} \end{cases}$$

3  $G'$  تنتمي إلى المستقيم  $y = x$  :  $x_G = y_G$  أي  $\frac{\alpha^3 + \alpha}{\alpha^2 + 2\alpha + 1} = \frac{\alpha^3 - \alpha}{\alpha^2 + 2\alpha + 1}$  ومنه

02 ن

 $2\alpha = 0$  ومنه  $\alpha = 0$  ( مرفوض ) وعليه لا توجد قيمة لـ  $\alpha$  تحقق المطلوب .حل التمرين 3 : 06 نقاله

I -

01 ن

1 جدول إشارة  $f'(x)$  .

$x$	$-\infty$	1	2	3	$+\infty$		
$f'(x)$		-	0	+	+	0	-

01 ن

② القيم الحدية المحلية للدالة  $f$  :□ 2 قيمة حدية محلية صغرى على المجال  $]-\infty; 2[$  تبلغها  $f$  عند 2 .□  $-2$  قيمة حدية محلية عظمى على المجال  $]2; +\infty[$  تبلغها  $f$  عند 3 .

01 ن

□ ③  $f$  متزايدة تماماً على المجال  $[-\frac{1}{2}; -\frac{1}{3}]$  ومنه  $f(-\frac{1}{2}) < f(-\frac{1}{3})$  .□ ④ تعيين قيمة كل من  $a$  ،  $b$  ،  $c$  :□ لدينا :  $f'(x) = a - \frac{c}{(x-2)^2}$  ومنه  $f'(1) = 0$  تكافئ  $a = c$  .□  $f(1) = 2$  تكافئ  $a + b - a = 2$  ومنه  $b = 2$  .

01 ن

□  $f(3) = -2$  تكافئ  $3a + 2 + a = -2$  ومنه  $a = -1$  ومنه  $c = -1$  .□ II - نضع :  $a = -1$  ،  $b = 2$  و  $c = -1$  .

01 ن

□ ①  $(T) : y = \frac{3}{4}x + \frac{3}{2}$  .

01 ن

□ ④  $f'(x_0) = f'(x_1)$  تكافئ  $(x_0 - x_1)(x_0 + x_1 - 4) = 0$  تكافئ  $x_0 + x_1 = 4$  .