

«اللمس لا يصل إلا ما جعلته مملا وأبده جعله الحزن إذا خلدت مملا»

### التمرين الأول ☺ (7ن)

ليكن  $P(x)$  كثير الحدود المعرف على  $\mathbb{R}$  بـ:  $P(x) = 2x^3 - 13x^2 + 27x - 18$

1. تحقق أن  $P(3) = 0$ . ماذا تستنتج
2. عين كثير الحدود  $Q(x)$  بحيث:  $P(x) = (x - 3)Q(x)$
3. حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $P(x) = 0$ .
4. ادرس إشارة  $P(x)$  على  $\mathbb{R}$  ثم استنتج حلول المتراجحة  $P(x) < 0$ .
5. استنتج دون حساب إشارة الجداء  $P(\sqrt{2}) \times P(\sqrt{3}) \times P(\sqrt{2021})$ .

### التمرين الثاني ☺ (7ن)

لتكن الدالة المعرفة على  $D = \mathbb{R} \setminus \{-2\}$  بـ:  $f(x) = \frac{x^2 + 2x + 1}{x + 2}$

$(C_f)$  تمثيلها البياني في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1. ا) بين أنه من أجل  $x \in D$  فإن  $f'(x) = \frac{x^2 + 4x + 3}{(x + 2)^2}$
- ب) ادرس إشارة  $f'(x)$  على  $I$  استنتج لتجاه تغير الدالة  $f$  على  $I$  وشكل جدول تغيراتها.
2. بين أن  $\Omega(-2; -2)$  مركز تناظر لـ  $(C_f)$ .
3. اكتب معادلة المماس  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 1.
4. عين قيمة تقريبية للعدد  $f(1.00003)$ .
5. عين نقط تقاطع  $(C_f)$  مع خطي محوري الإحداثيات.
6. لتكن الدالة  $g$  المعرفة  $D$  على بـ:  $g(x) = |f(x)|$
- ا) اكتب دون رمز القيمة المطلقة.
- ب) اشرح كيفية رسم  $(C_g)$  انطلاقا من المنحنى  $(C_f)$ .

### التمرين الثالث ☺ (6ن)

- يحتوي صندوق على 10 كريات منها 4 خضراء و 5 صفراء وكرية سوداء. الكريات لا نفرق بينها باللمس. ن سحب عشوائيا كرتين على التوالي دون ارجاع الكرية المسحوبة الى الصندوق.

1: مثل التجريبية بشجرة الاحتمالات .

2. احسب احتمال الحوادث التالية :

A: "سحب كرتين من نفس اللون ."

B: "سحب كرية خضراء على الأكثر."

C: "عدم الحصول على اللون الأسود."

● نعتبر اللعبة التالية: يدفع اللاعب 200 ديناراً ثم يسحب عشوائياً كرية من الصندوق، فيربح 400 ديناراً إذا كانت الكرية خضراء ويربح 100 ديناراً إذا كانت الكرية صفراء و 250 ديناراً إذا كانت الكرية سوداء.

نعرف المتغير العشوائي  $X$  الذي يأخذ قيمة الربح أو الخسارة في هذه اللعبة.

1. عين القيم الممكنة للمتغير العشوائي  $X$ .

2. عرف قانون الاحتمال للمتغير  $X$  ثم احسب امله الرياضياتي. هل اللعبة مربحة ؟ علل.

سؤال BONUS :

جد كثير الحدود  $f(x)$  من الدرجة الثانية والذي يحقق :  $f(x) + 3f(1-x) = 2x^2 + x - 7$

"نحن في الحياة نحارب صهيل واترك وراءك كل امر جميل"

فما أدب في الدنيا إلا خيفة وما على الخيفة إلا "مهل"

بالتوفيق (اماتحة الماحدة)