

المدة: ساعتان

التاريخ: الأربعاء 05 / 12 / 2018

المستوى: ثانية رياضيات

**التمرين الأول (04 نقاط)**

أجب بصح أو خطأ مع التعليل :

- (1) إذا كانت  $f$  دالة قابلة للاشتقاق على مجال  $I$  وكان من أجل كل  $x$  من  $\square$  :  $f'(x) \geq 0$  فإن  $f$  موجبة على  $I$ .
- (2) الدالة  $f$  المعرفة على  $\square$  بـ :  $f(x) = -x$  دالة سالبة .
- (3) مشتقة الدالة  $x \mapsto \cos(7-4x)$  هي الدالة  $x \mapsto -7\sin(7-4x)$ .
- (4) الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $[0; +\infty[$  بـ :  $f(x) = x^3 + 3x + 9$  هي كثير حدود من الدرجة الثالثة .

**التمرين الثاني (05 نقاط)**

يحتوي كيس على 10 كرات لا نفرق بينها بالمس مكتوب على كل كرة اسم تلميذ من تلاميذ قسم ثانية رياضيات من ثانوية الصديق عبدالله ، منها 7 كرات تحمل أسماء التلاميذ الذكور "H" و 3 كرات تحمل أسماء التلاميذ الإناث "F" نسحب عشوائياً كرتين من الكيس على التوالي (وبدون إرجاع).

- (1) شكل شجرة الاحتمالات لهذه التجربة .
- (2) احسب احتمال الحادثة "A" (الكرتان المسحوبتان مكتوب على كل واحدة منهما اسم تلميذ ذكر)
- (3)  $X$  المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحب عدد الكرات التي مكتوب عليها اسم تلميذة .
- أحسب الانحراف المعياري للمتغير العشوائي  $X$  .

**التمرين الثالث (07 نقاط)**

نعتبر في مجموعة الأعداد الحقيقية  $\square$  كثير الحدود  $p(x) = x^3 + 3x + 4$  حيث :

- (1) عين الأعداد الحقيقية  $a$  ،  $b$  و  $c$  بحيث من أجل كل  $x$  من  $\square$  :  $p(x) = (x+1)(ax^2 + bx + c)$ .
- (2) ادرس حسب قيم العدد الحقيقي  $x$  إشارة  $p(x)$  .

دالة معرفة على المجال  $[-2; 2]$  بـ :  $f(x) = \frac{x^3 - 2}{x^2 + 1}$  ،  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس

- (1) بين أنه من أجل كل العدد الحقيقي  $x$  من  $[-2; 2]$  :  $f'(x) = \frac{x p(x)}{(x^2 + 1)^2}$  . ( $f'$  هي الدالة المشتقة للدالة  $f$ )
- (2) شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  على المجال  $[-2; 2]$  . استنتج من أجل كل العدد الحقيقي  $x$  من  $[-2; 2]$  حصرًا لـ  $f(x)$
- (3) أكتب معادلة المماس ( $T$ ) للمنحنى ( $C_f$ ) عند النقطة ذات الفاصلة 1

**التمرين الرابع (04 نقاط)**

المستوى منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  . نعتبر النقط  $A(0;1)$  ،  $B(1;0)$  و  $C(-1;0)$  .

نرفق النقط  $A$  ،  $B$  و  $C$  بالمعاملات  $1$  ،  $\alpha$  و  $\beta$  (  $\alpha$  و  $\beta$  عدنان حقيقيان). مرجح الجملة المثقلة  $\{(A,1); (B,\alpha); (C,\beta)\}$

(1) ناقش حسب قيم  $\alpha$  و  $\beta$  وجود النقطة  $G$  . - عين إحداثيتي النقطة  $G$  .

(2) عين مجموعة النقط  $M$  من المستوى التي تحقق :  $\|\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} - 2\overrightarrow{MC}\| = \|\overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}\|$

بالتوفيق