

التمرين الأول (05 نقط):  $ABC$  مثلث و  $k$  عدد حقيقي و  $E$  و  $D$  نقطتان بحيث

$$\overrightarrow{AD} = k\overrightarrow{AB} \quad \text{و} \quad \overrightarrow{CE} = k\overrightarrow{CA}$$

(1) أرسم شكلا مناسباً في حالة  $k = \frac{1}{3}$

(2) بين أن النقطة  $D$  هي مرجح  $(A; 1 - k)$  و  $(B; k)$

(3) بين أن النقطة  $E$  هي مرجح  $(C; 1 - k)$  و  $(A; k)$

$$(4) \quad \overrightarrow{MD} + \overrightarrow{ME} = \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MC} + k\overrightarrow{CB} = 2 \left( \overrightarrow{MB} + k\overrightarrow{BC} \right) \quad \text{استنتج أنه لكل نقطة } M \text{ من المستوي}$$

بحيث  $\hat{B}$  منتصف  $[AC]$  و  $\hat{C}$  منتصف  $[AB]$

(5)  $I$  منتصف  $[DE]$  استنتج أن النقط  $I$  و  $\hat{B}$  و  $\hat{C}$  في استقامة

التمرين الثاني (06 نقط)

$f$  دالة معرفة بـ:  $f(x) = \sqrt{3x^2 + 1}$  و  $(c_f)$  تمثيلها البياني

(1) برر أن  $f$  معرفة على  $\mathcal{R}$

(2) أحسب  $f'(x)$  مشتقة الدالة  $f$  وأدرس اتجاه تغيراتها

(3) أحسب  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - 2}{x - 1}$  وفسر النتيجة بيانياً

(4) احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) - \sqrt{3}x$  وفسر النتيجة بيانياً

التمرين الثالث (09 نقط):

$f$  دالة معرفة على  $\mathcal{R} - \{-1; 3\}$  بـ  $f(x) = \frac{1-3x}{x^2-2x-3}$  و  $(c_f)$  تمثيلها البياني في مستوٍ منسوب إلى

معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) أدرس تغيرات الدالة  $f$

(2) أنشئ جدول تغيرات الدالة  $f$

(3) عين معادلات المستقيمات المقاربة للمنحني  $(c_f)$

(4) أحسب  $f\left(\frac{1}{3}\right)$  ثم شكل جدول إشارة  $f$  مستعينا بالسؤال الثاني واستنتج الوضعية النسبية للمنحني  $(c_f)$  و

محور الفواصل

(5) أنشئ  $(c_f)$

(6) نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $\mathcal{R} - \{-1; 3\}$  بـ:  $g(x) = |f(x)|$

(أ) أكتب  $g(x)$  دون رمز القيمة المطلقة ثم اعط طريقة دقيقة لإنشاء  $(c_g)$  منحنى الدالة  $g$  انطلاقاً من  $(c_f)$

(ب) أنشئ  $(c_g)$  في نفس المعلم السابق

(ج) ناقش بيانياً وحسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد حلول المعادلة  $g(x) = m^2$