

ثانوية النور بنات، غرداية	 مدرسة النور القرآنية - بنات	جمعية النور، آت بنور
الأستاذ: عشور ابراهيم		الاختبار الأول في مادة الرياضيات
25 فيفري 2021		المدة: ساعتان

التمرين الأول: (7 نقاط)

- يحتوي صندوق على 4 كريات متماثلة (لا نفرق بينها باللمس)، منها كرتين بيضاوين (B) مرقمتين بالرقمين $\{-2, 2\}$ وكرية سوداء (N) مرقمة بالرقم $\{1\}$ وكرية خضراء (V) مرقمة بالرقم $\{0\}$.
I. نسحب من الصندوق ثلاث كريات على التوالي دون إرجاع الكرية المسحوبة إلى الصندوق ونسجل لون الكرة.
1. أنشئ شجرة الاحتمالات لهذه التجربة، ثم عين Ω .
2. عين عناصر الحوادث الآتية ثم احسب احتمال كل منها:
A. الحصول على ثلاث كريات من نفس اللون.
B. الحصول على كرتين بيضاوين.
C. الحصول على كرية خضراء واحدة.
II. نسحب من الصندوق كرتين في آن واحد ونسجل جداء الرقمين المسجلين على الكرتين المسحوبتين.
1. ضع نموذج لهذه التجربة ثم احسب كل من الأمل الرياضي، التباين والانحراف المعياري لقانون الاحتمال P.

التمرين الثاني: (7 نقاط)

➤ لتكن الدالة f المعرفة على $\mathbb{R} - \{-1, 1\}$ كما يلي: $f(x) = \frac{x^3 + x^2 - 1}{x^2 - 1}$ ، و (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) ، و (Δ) مستقيم معادلته: $y = x + 1$.

(1) بين أنه من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{-1, 1\}$ فإن: $f(x) = x + 1 + \frac{x}{x^2 - 1}$

(2) أدرس الوضعية النسبية بين (C_f) و (Δ) .

(3) بين أنه من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{-1, 1\}$ فإن: $f'(x) = \frac{(x^2 - 3)x^2}{(x^2 - 1)^2}$

(4) شكل جدول تغيرات الدالة f.

(5) أكتب معادلة مماس (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 2.

(6) أثبت أن النقطة $M(0, 1)$ مركز تناظر للمنحنى (C_f) .

I. ليكن $P(x)$ كثير حدود معرف كما يلي: $P(x) = (\alpha + 1)x^3 + \alpha x^2 - (\alpha + 2)x + (\alpha + 3)$ ،

(حيث $\alpha \in \mathbb{R}$)

(1) عين قيمة α إذا علمت أن العدد (1) جذرا لكثير الحدود P .

(2) نضع $\alpha = -2$:

- عين عبارة كثير الحدود P .
- أحسب $P(-1)$ ، ماذا تستنتج؟
- حلل $P(x)$ إلى جداء عوامل من الدرجة الأولى.
- أدرس إشارة $P(x)$ ثم استنتج حلول المتراجحة $P(x) \geq 0$.

II. ناقش حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة ذات المجهول x التالية:

$$-m + (x + 1)x = mx - 4$$