الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

وزارة التربية الوطنية | الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

امتحان بكالوريا | دورة: 2019

الشعبة: رياضيات، تقني رياضي

اختبار في مادة: علوم فيزيائية | المدة: 04 سا و 30 د

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على (05) صفحات (من الصفحة 1 من 10 إلى الصفحة 5 من 10)

الجزء الاول:(14 نقطة)

التمرين الأول: (04 نقاط)

وقود المفاعلات النووية غني باليورانيوم 235 ، الذي يخضع الى انشطار نووي نتيجة قذفه بنيترونات ، فينتج عن ذلك طاقة معتبرة تستخدم في توليد الكهرباء.

I. يُنمذج احد تفاعلات الانشطار الحاصلة في قلب المفاعل بالمعادلة التالية: ${}^{235}_{92}U + {}^{1}_{0}n \rightarrow {}^{131}_{53}I + {}^{A}_{Z}Y + 6{}^{1}_{0}n$

1. عرّف تفاعل الإنشطار النووي، و اذكر شروط حدوثه.
2. حدّد قيمتي كل من A و Z موضّحا القوانين المستعملة.
3. احسب بالميغا إلكترون-فولط (Mev) ثمّ بالجول (J) الطاقة المتحررة E_{lib} عند انشطار نواة واحدة.
4. الاستطاعة المتوسطة لاحد المفاعلات النووية هي $P = 400MW$ بمردود طاقوي قدره $r = 30\%$.

- احسب كتلة اليورانيوم235 المستهلكة خلال سنة.

II. يُعتبر اليود 131 من بين النظائر التي يمكن ان تتسرب من المفاعل النووي ، ممّا يجعلها تؤثر على صحة الانسان لكونها تثبت في الغدة الدرقية

1. نواة اليود 131 الناتجة عن تفاعل الانشطار السابق هي نواة مشعة تتفكك متحولة الى نواة الكزينون ${}^{131}_{54}Xe$

- اكتب معادلة هذا التحول النووي مبيّنا نوعه.

2. عيّنة من اليود 131 نقيس نشاطها بعد يوم واحد من تحضيرها نجده $A_1 = 4{,}22 \cdot 10^{15} Bq$ ثمّ نقيسه بعد 10 أيام فنجده $A_2 = 1{,}93 \cdot 10^{15} Bq$.

1.2. اذكر المدلول الفيزيائي للرمز " Bq "، أعط تعريفا له.

2.2. اذكر اسم الجهاز المستخدم في قياس نشاط عيّنة.

3.2. جد قيمة λ ثابت التفكك لليود131 ، ثم استنتج $t_{\frac{1}{2}}$ زمن نصف العمر له مقدرا بالأيام.

3. أعطى قياس النشاط الإشعاعي لشخص بعد 8 أيام من تلوثه باليود 131 القيمة $A = 20MBq$.

- جد N_0 عدد أنوية اليود 131 التي تسببت في التلوث الإشعاعي لهذا الشخص.

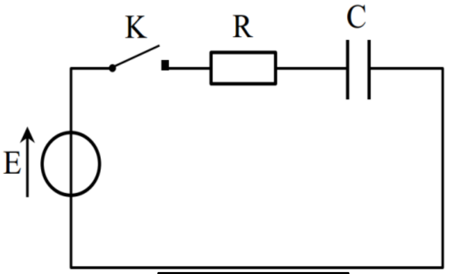
المعطيات:

$N_A = 6,02 \cdot 10^{23} mol^{-1}$ ، $1u = 931,5 \dfrac{Mev}{C^2}$ ، $M\left({}^{235}U\right) = 235\, g \cdot mol^{-1}$ ، $1\text{Mev} = 1,6 \cdot 10^{-13} J$

$m({}^{235}_{92}\text{U}) = 235,04392\ \text{u}$ ، $m\left({}^{1}_{0}n\right) = 1,00866\ \text{u}$ ، $m\left({}^{A}_{Z}\text{Y}\right) = 98,92780\ \text{u}$ ، $m\left({}^{131}_{53}I\right) = 130,90612\ \text{u}$

التمرين الثاني: (06 نقاط)

لقياس سرعة رصاصة بندقية ، بدقة مقبولة، نستعمل جهازا خاصا يرتكز مبدا اشتغاله على شحن مكثفة.



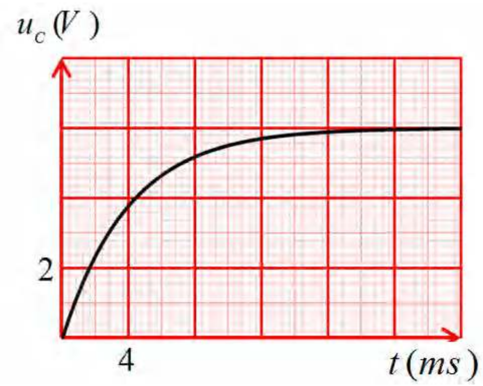
الشكل(1)

I. دراسة شحن مكثفة.

ننجز التركيب التجريبي المبيّن بالشكل (1) ،والمكوّن من العناصر التالية:

- مولد مثالي للتوتر قوته المحركة الكهربائية $E = 6V$.
- ناقل اومي مقاومته $R = 1K\Omega$ ،مكثفة غير مشحونة سعتها C .
- قاطعة K و اسلاك توصيل. عند اللحظة $t = 0$ نغلق القاطعة K

و نتابع تغيرات التوتر u_C فنحصل على المنحنى الممثّل بالشكل (2) .



الشكل(2)

1. اعد رسم الدارة و مثّل عليها التوتر u_C و جهة التيار الكهربائي i ،
ثمّ بيّن كيفية ربط راسم الاهتزاز مهبطي لمعاينة التوتر u_C.

2. جد المعادلة التفاضلية للتوتر u_C، تحقّق انّ حلها $u_C = E \cdot (1 - e^{-\frac{t}{RC}})$

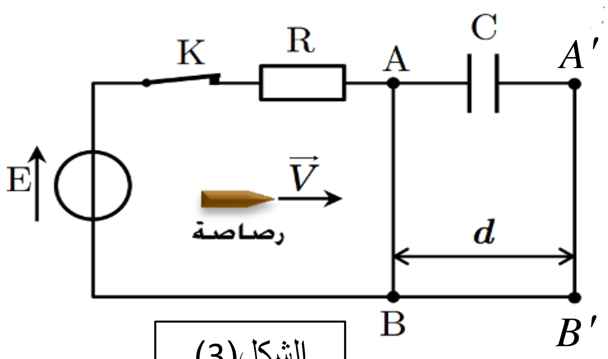
3. حدّد ثابت الزمن τ،ثمّ استنتج المدة الزمنية Δt اللازمة لشحن المكثفة كليا؟

4. جد قيمة سعة المكثفة C .

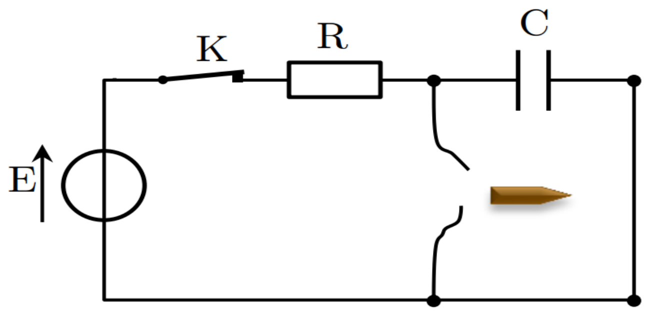
5. احسب قيمة الطاقة الكهربائية E_C المخزّنة في المكثفة عند بلوغ النظام الدائم.

II. تحديد سرعة رصاصة البندقية.

التركيب المستعمل لقياس v سرعة الرصاصة ممثل بالشكل (3) ، بحيث AB و$A'B'$ سلكين معدنيين رفيعين و متوازيين تفصل بينهما مسافة $d = 1m$. نطلق الرصاصة عموديا على السلكين ،عند اللحظة $t = 0$ تقطع الرصاصة السلك AB الشكل (4) لتواصل حركتها بنفس السرعة v لتقطع السلك $A'B'$ عند اللحظة t_1 ، بواسطة فولطمتر نجد $u_C(t_1) = 2,65V$.علما ان المكثفة غير مشحونة مسبقا ومقاومة اسلاك الربط معدومة.



الشكل(3)



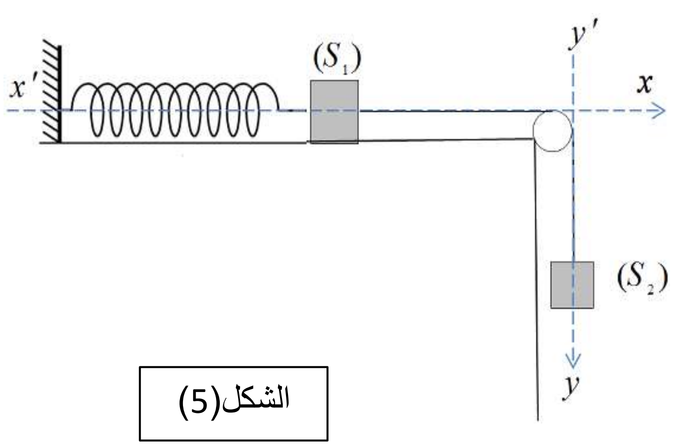
الشكل(4)

1. صف ما يحدث عند انقطاع السلك AB، ثم عند انقطاع السلك $A'B'$.
2. جد قيمة عند اللحظة t_1 التي تستغرقها الرصاصة لقطع المسافة d .
3. استنتج قيمة v سرعة الرصاصة .
4. من أجل قياس دقيق يجب أن لا تتعدى المسافة بين السلكين قيمة عظمى d_{max}، جد عبارة d_{max} ثمّ احسب قيمتها.

التمرين الثالث: (04 نقاط)

نهمل كل الاحتكاكات و نأخذ $g = 10 m \cdot s^{-2}$.

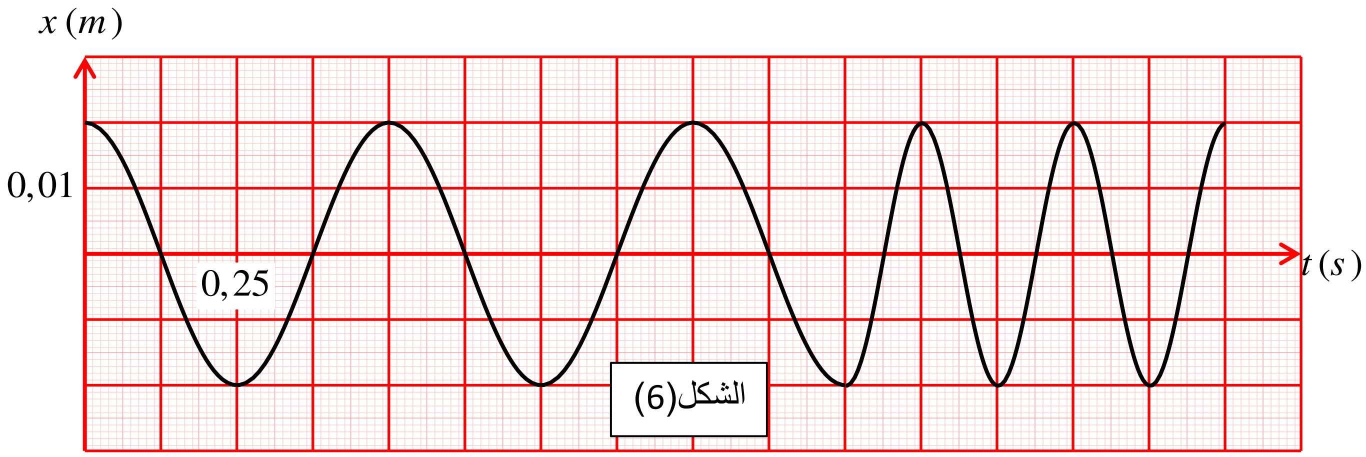
التركيب في الشكل (5) يمثل هزازا ميكانيكيا حيث الجسمين (S_1) و (S_2) كتلتاهما $m_1 = m$ و $m_2 = 3m$ مربوطان بخيط مهمل الكتلة و عديم الامتطاط، البكرة مهملة الكتلة، الجسم (S_1) مربوط الى نابض مرن مهمل الكتلة حلقاته غير متلاصقة ، ثابت مرونته $K = 10 N \cdot m^{-1}$.



الشكل(5)

1. جد في حالة التوازن عبارة استطالة النابض $\Delta\ell$ بدلالة m_2 ، K و g.
2. ابتداء من وضع التوازن نسحب الجسم (S_2) بمسافة قدرها X_m ، و نتركه دون سرعة ابتدائية في لحظة نعتبرها مبدأ للأزمنة $t = 0$، و في لحظة t_r ينقطع الخيط الواصل بين الجسمين (S_1) و (S_2).

تغيرات فاصلة (مطال) الجسم (S_1) بدلالة الزمن قبل و بعد انقطاع الخيط ممثل بمنحنى الشكل (6) :



الشكل(6)

1.2. اذكر نمط الاهتزازات المشاهدة ، و حدّد النظام الذي يبرزه المنحنى.

2.2. أثبت انّ المعادلة التفاضلية لفاصلة الجسم (S_1) قبل انقطاع الخيط هي : $\frac{d^2x}{dt^2}+\frac{K}{4m}\cdot x=0$

3.2. علما انّ حل المعادلة هو من الشكل: $x(t)=X_m\cdot Cos(\frac{2\pi}{T_0}\cdot t)$، استنتج عبارة الدور الذاتي T_0 .

4.2. جد قيمة كل من X_m و T_0 ، ثم استنتج قيمة الكتلة m (نأخذ $\pi^2=10$).

5.2. حدّد قيمة اللحظة t_r الموافقة لانقطاع الخيط، ودون اجراء اي حساب حدّد قيمة سرعة الجسم (S_1) عندئذ .

3. نأخذ لحظة انقطاع الخيط مبدأ جديد للأزمنة حيث الجسم (S_2) موجود على ارتفاع $h=60cm$ من سطح الأرض، ادرس طبيعة حركة الجسم (S_2) في هذه الحالة ، ثمّ احسب سرعة اصطدامه بسطح الارضّ .

الجزء الثاني:(06 نقاط)

التمرين التجريبي: (06 نقاط)

يهدف هذا التمرين الى ايجاد النقاوة الكتلية لعينة من الالمنيوم و دراسة عمود كهربائي احد مسربيه من الألمنيوم.

I. عند اللحظة $t=0$ نضع كتلة $m=1,0g$ من مسحوق الألمنيوم غير النقي في دورق به حجم $V=200mL$ من محلول حمض كلور الماء تركيزه المولي C ، التفاعل الحادث هو تفاعل بطيء و تام و يُنمذج بالمعادلة التالية:

$$2Al(s)+6H_3O^+(aq)=2Al^{3+}(aq)+3H_2(g)+6H_2O(\ell)$$

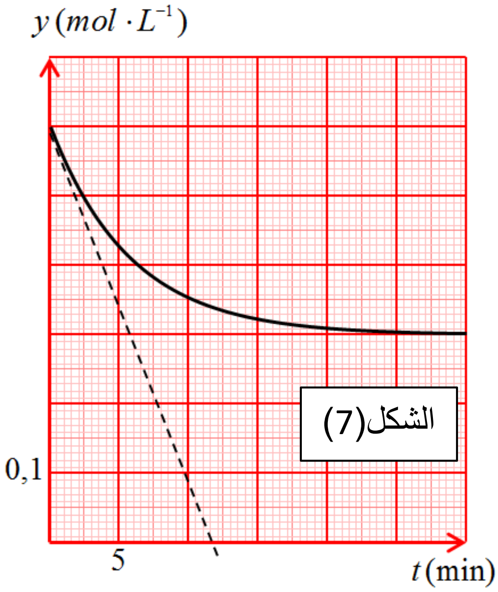
1. أكتب المعادلتين النصفيتين للأكسدة و الإرجاع ، مبيّنا الثنائيتين (Ox/Red) الداخلتين في التفاعل.

2. أنشئ جدول لتقدم التفاعل (نرمز ب n_1 و n_2 للكمية الابتدائية للألمنيوم وشوارد الاوكسونيوم على الترتيب).

3. متابعة التحول مكّننا من رسم منحنى الشكل (7) الذي يمثل $y=f(t)$ ، حيث: $y(t)=[H_3O^+]+[Al^{3+}]$

1.3. باستعمال جدول تقدم التفاعلّ بيّن انّ المقدار y يُعطى بالعبارة: $y(t)=C-20\cdot x(t)$.

2.3. من البيان: جد قيمة C و x_f ، ثمّ اثبت انّ المتفاعل المُحد هو الألمنيوم.



3.3. جد كتلة الالمنيوم النقية m_0 ، استنتج درجة النقاوة لعينة الألمنيوم $P\%$.

4. بيّن أنّ: $y(t_{\frac{1}{2}})=0,45mol\cdot L^{-1}$ ، ثمّ عين قيمة $t_{\frac{1}{2}}$.

5. اثبت انّ السرعة الحجمية اللحظية للتفاعل هي: $v_{vol}(t)=-\dfrac{1}{4}\cdot\dfrac{dy}{dt}$.

- احسب قيمتها الأعظمية.

6. نعيد التجربة باستعمال صفيحة ألمنيوم عوض مسحوق ، كيف تتأثر قيمة $t_{\frac{1}{2}}$ ؟ علّل جوابك بذكر العامل الحركي المسؤول.

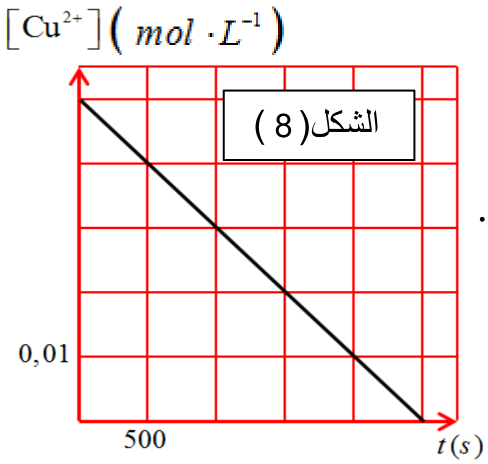
معطيات: – الكتلة المولية للألمنيوم: $M(Al)=27\,g\cdot mol^{-1}$.

II. يتكوّن النصف الأول لعمود من صفيحة نحاس مغمورة في محلول مائي لكبريتات النحاس $(Cu^{2+}+SO_4^{2-})$ تركيزه C_0 و حجمه $V=50mL$ ، و يتكوّن النصف الثاني من صفيحة ألمنيوم مغمورة في محلول مائي لكلور الألمنيوم $(Al^{3+}+3Cl^-)$ له نفس التركيز المولي C_0 و نفس الحجم V ، نصل نصفي العمود بجسر ملحي.

معطيات: – ثابت التوازن للتفاعل : $3Cu(s)+2Al^{3+}(aq)=3Cu^{2+}(aq)+2Al(s)$ هو $K=10^{-20}$.

– ثابت فاراداي : $1F=96500C\cdot mol^{-1}$

نربط قطبي العمود بأمبيرمتر و ناقل أومي فيمر تيار كهربائي شدته I ثابتة.



1. بالاعتماد على منحنى الشكل (8) الذي يمثل $[Cu^{2+}]=f(t)$:

1.1. جد قيمة التركيز المولي C_0 .

2.1. حدّد جهة التطور التلقائي للجملة الكيميائية اثناء اشتغال العمود مع التعليل.

2. حدّد قطبية العمود مع التعليل.

3. مثّل الرمز الاصطلاحي للعمود المدروس.

4. عبّر عن $[Cu^{2+}]$ بدلالة t ، C_0 ، I ، V و F ، ثمّ استنتج شدة التيا I.

5. عبّر عن التغير في كتلة صفيحة الألمنيوم Δm عند الاستهلاك الكلي للعمود بدلالة F ، I ، M و t_{max} (مدة اشتغال عمود) ، احسب قيمة Δm.

انتهى الموضوع الأول

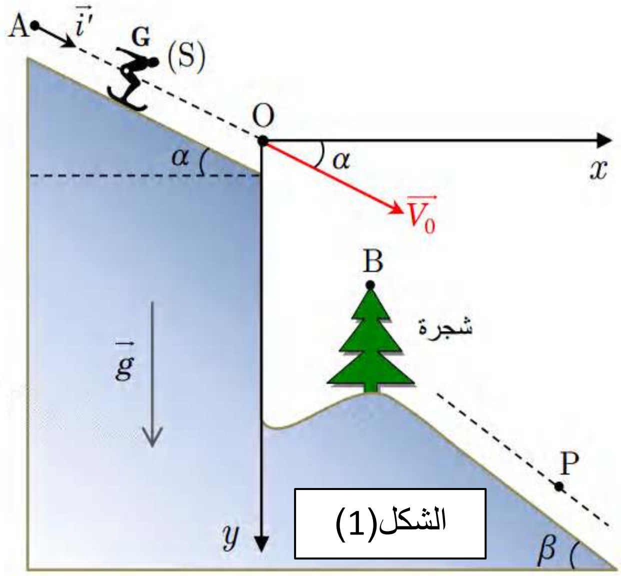
الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على (05) صفحات (من الصفحة 6 من 10 إلى الصفحة 10 من 10)

الجزء الاول:(14 نقطة)

التمرين الأول: (04 نقاط)

يهدف هذا التمرين الى دراسة حركة متزحلق على مسارين مختلفين كما هو مبيّن في الشكل(1).



الشكل(1)

1. دراسة الحركة على مستوى مائل:

يُنمذج المتزحلق و لوازمه بجملة مركز عطالتها G، حيث تتم دراسة حركتها في المعلم $(A,\vec{i'})$ المرتبط بالمرجع السطحي الارضي الذي نعتبره غاليليا. عند اللحظة $t=0$ ينطلق المتزحلق من الموضع A دون سرعة ابتدائية فينزلق على مستوى مائل بزاوية $\alpha=34°$ بالنسبة للأفق، تتم الحركة في وجود قوة احتكاك شدتها $f=21N$.

المعطيات:

– كتلة الجملة هي : $m=70Kg$ ، $g=9,8m\cdot s^{-2}$ ، $A0=87m$ ، نهمل تأثير الهواء.

1.1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، بيّن أنّ المعادلة التفاضلية للفاصلة x هي: $\frac{d^2x}{dt^2}=g\cdot\sin\alpha-\frac{f}{m}$.

2.1. حل هذه المعادلة التفاضلية هو من الشكل: $x(t)=h\cdot t^2+k$ ، حدّد قيمة الثابتين h و k .

3.1.استنتج قيمة t لحظة مرور الجملة من الموضع O .

4.1. تحقّق انّ سرعة الجملة عند الموضع O هي $v_O=30m\cdot s^{-1}$.

5.1. جد الشدة R للقوة التي يطبقها المستوى المائل على الجملة .

2. دراسة حركة القفزة في الهواء:

عندما يصل المتزحلق الى الموضع O مبدأ المعلم $R(O,\vec{i},\vec{j})$ ، يغادر بسرعة $v_O=30m\cdot s^{-1}$ حيث يصنع شعاعها $\vec{v_O}$ زاوية $\alpha=34°$ مع الافق. توجد شجرة اسفل المنحدر يمكن ان تشكل عائقا للمتزحلق، قمة هذه الشجرة هي النقطة B احداثييها $x_B=7m, y_B=8m$ ، نهمل جميع الاحتكاكات و نأخذ $g=9,8m\cdot s^{-2}$.

1.2. جد المعادلتين الزمنيتين $x(t)$ و $y(t)$ لحركة G .

2.2. استنتج ان معادلة المسار هي من الشكل: $y=\frac{g}{2(v_0\cdot\cos\alpha)^2}\cdot x^2+\tan\alpha\cdot x$.

3.2. ببيّن انّ المتزحلق لا يصطدم بالشجرة.

4.2. احسب v_P سرعة المتزحلق عند الموضع P، علما انّ مدة السقوط هي $t_P=3s$.

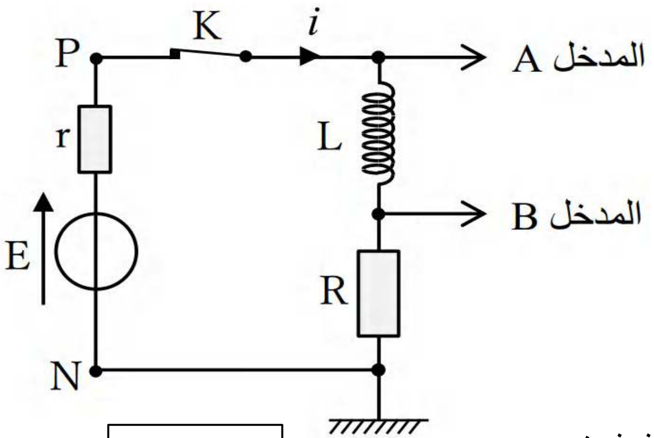
التمرين الثاني: (06 نقاط)

كاشف المعادن هو جهاز يكشف عن بعد وجود معدن من عدمه، يعتمد مبدأ اشتغاله على تغير قيمة الذاتية L للوشيعة، حيث يلاحظ ان قيمتها ترتفع عند تقريب الجهاز من معدن الحديد و تنخفض في حالة تقريبه من الذهب.

I. دراسة الدارة RL .

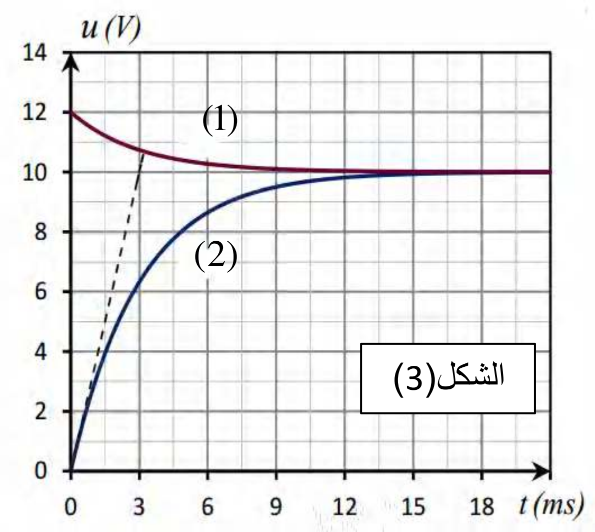
نُنجز التركيب الممثّل في الشكل (2) و المكوّن من :

- مولد مثالي للتوتر قوته المحركة الكهربائية $E=12V$.
- وشيعة ذاتيتها L و مقاومتها مهملة.
- ناقلين اوميين مقاومتيهما $R=100\Omega$ و r ، قاطعة K.



الشكل(2)

نغلق القاطعة في اللحظة $t=0$ و نسجل باستعمال $ExAO$ المنحنيين (1) و (2) الممثلين للتوترين عند المدخلين A و B ، كما في الشكل(3).

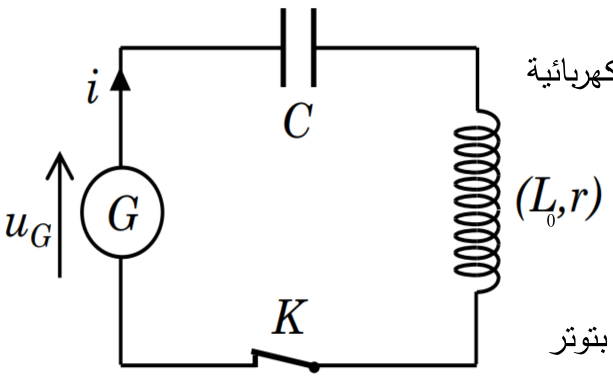


الشكل(3)

1. أي من المنحنيين يمثل التوتر $u_R(t)$ و أيهما التوتر $u_{PN}(t)$.
2. حدّد قيمة I_0 شدة التيار في النظام الدائم، تحقّق انّ $r=20\Omega$.
3. اثبت المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار $i(t)$ المار في الدارة، ثم بيّن ان حلها من الشكل: $i(t)=A\cdot(1-e^{-\frac{t}{\tau}})$ حيث A و τ ثابتان يطلب ايجاد عبارتيهما.
4. استنتج قيمة الذاتية L للوشيعة .
5. احسب الطاقة المخزّنة في الوشيعة عند اللحظة $t=\frac{\tau}{2}$.

II. دراسة الدارة RLC .

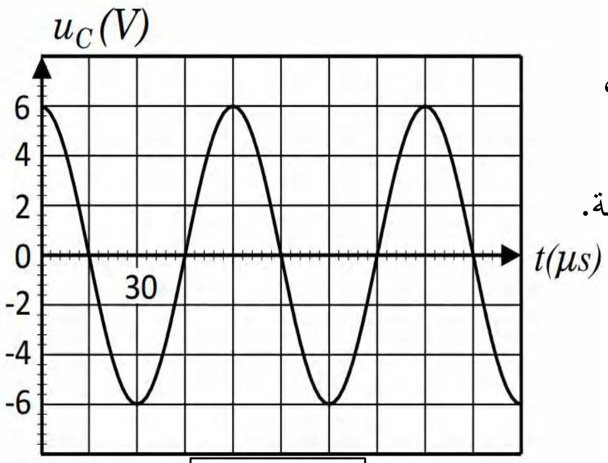
جهاز الكشف عن المعادن عبارة عن هزاز كهربائي، نُنمذجه بالدارة الكهربائية الممثلة بالشكل (4) ، و المكوّنة من مكثفة سعتها C مشحونة كليا بواسطة مولد للتوتر قوته المحركة الكهربائي $E=6V$ ، وشيعة ذاتيتها $L_0=20mH$ و مقاومتها الداخلية $r=10\Omega$ ،مولد يُزود الدارة بتوتر $u_G=k\cdot i$ ، قاطعة .



الشكل(4)

عند اللحظة $t=0$ نغلق القاطعة فنحصل على منحنى الشكل (5) و ذلك عند ضبط $k=10SI$.

1. نمط الاهتزازات الحاصلة هي اهتزازات: حرة مغذاة / حرة غير مغذاة / قسرية، اختر الجواب الصحيح.
2. اذكر نظام الاهتزازات الذي يبرزه المنحنى.
3. حدّد شكل الطاقة المخزّنة في الدارة عند اللحظة $t_1=15\mu s$ ، ثمّ عند اللحظة $t_2=60\mu s$ ، مبرّرا جوابك.
4. اثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_C بين طرفي المكثفة.
5. حل المعادلة التفاضلية هو: $u_C(t)=E\cdot\cos(\frac{2\pi}{T_0}\cdot t)$
   - بيّن انّ الدور الذاتي يعطى بالعبارة : $T_0=2\pi\sqrt{L_0C}$.
6. عيّن بيانيا قيمة T_0، ثم استنتج قيمة C سعة المكثفة.
   (نأخذ $\pi^2=10$ و $1\mu s=10^{-6}s$).
7. في غياب اي قطعة معدنية بجوار جهاز الكشف يكون تواتر الجهاز مساو للتواتر الذاتي f_0 للهزاز (L_0C) ، نقرّب من الجهاز قطعة معدنية فيُشير الى التواتر $f=20Hz$.
   - اذكر نوع القطعة المعدنية الموجودة بجوار الجهاز (ذهب ام حديد)، علّل جوابك.

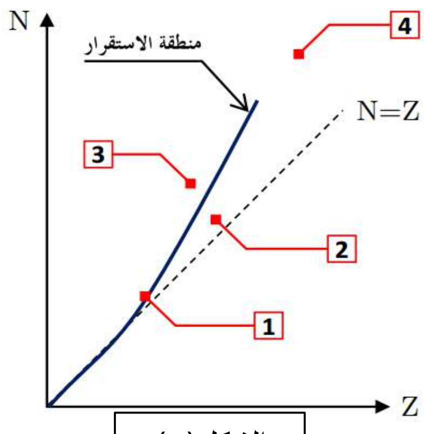


الشكل (5)

التمرين الثالث: (04 نقاط)

يمكّن التصوير الإشعاعي للعظام من معاينة العظام و المفاصل، حيث يتم حقن المريض عن طريق الوريد بحقنة من نظير التيكنيسيوم-99 المشع الذي يتم امتصاصه من طرف العظام، بعدها يتم الحصول على صور العظام باستعمال كاميرا خاصة، و بالتالي اكتشاف المناطق المصابة بأمراض كالكسور و الالتهابات و الاورام...

1. عرّف مايلي : - نظير مشع - طاقة الربط لنواة.
2. ينتج التيكنيسيوم $^{99}_{43}Tc$ عن تفكك الموليبيدان $^{99}_{42}Mo$.
   - اكتب معادلة تشكل التيكنيسيوم-99 ، مبيّنا نوع النشاط الاشعاعي المرافق.
3. تحقق انّ طاقة الربط للنواة $^{99}_{43}Tc$ هي: $E_\ell(^{99}_{43}Tc)=852,928\,\text{Mev}$.
4. حدّد معللا جوابك النواة الاكثر استقرارا من بين النواتين $^{99}_{43}Tc$ و $^{99}_{42}Mo$.
5. اذكر موقع نواة الموليبيدان-99 في المخطط (N,Z) الممثّل بالشكل (6) (الموقع 1 أم 2 أم 3 أم 4)، علّل جوابك.

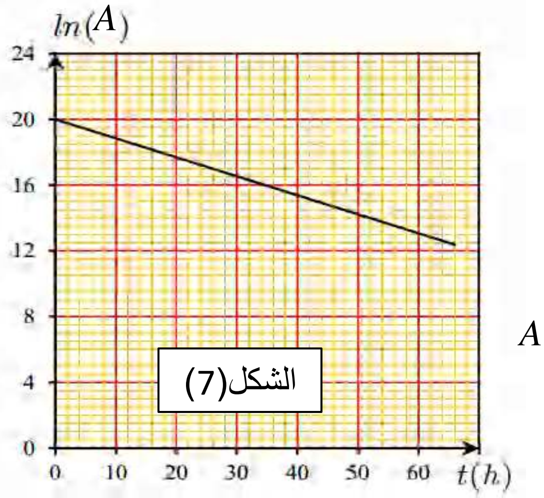


الشكل(6)

6. عند اللحظة $t=0$ يتم حقن مريض بعينة من التيكنيسيوم-99 نشاطها الابتدائي A_0 .

يمثّل الشكل(7) المنحنى : $\ln A = f(t)$ ، مع A نشاط التيكنيسيوم−99 عند اللحظة t معبّر عنه بالبيكريل.

1.6. اكتب عبارة النشاط $A(t)$ بدلالة A_0 و λ ثابت التفكك و t ،استنتج عبارة lnA بدلالة A_0 و λ و t.



2.6. باستغلال المنحنى جد قيمة :

− $t_{\frac{1}{2}}$ زمن نصف العمر للتيكنيسيوم−99 .

− النشاط الابتدائي A_0، ثم استنتج m_0 كتلة التيكنيسيوم−99 الابتدائية .

3.6. ينتهي الفحص لمّا يصبح النشاط A مساويا 62%من قيمته الابتدائية A_0

علما انّه تمّ الحقن عند الساعة التاسعة صباحا، جد وقت انتهاء الفحص.

المعطيات:

$$\frac{E_\ell({}^{99}_{42}Mo)}{A} = 8,609\,\text{Mev/ nuc} \text{ ، } 1u = 931,5\frac{Mev}{C^2} \text{ ، } N_A = 6,02\cdot 10^{23}mol^{-1}$$

$$m({}^1_0n) = 1,00866\text{ u} \text{ ، } m({}^1_1H) = 1,00728\text{ u} \text{ ، } m({}^{99}_{43}Tc) = 98,88235\text{ u} \text{ ، } M({}^{99}Tc) = 99\,g\cdot mol^{-1}$$

الجزء الثاني:(06 نقاط)

التمرين التجريبي: (06 نقاط)

يستخدم حمض الايثانويك في تحضير عدة أنواع كيميائية عضوية مثل زيت الياسمين(إيثانوات البنزيل) الذي يدخل في تركيب العطور، نحصل عليه بتفاعل بين حمض الايثانويك CH_3COOH و الكحول البنزيلي $C_6H_5-CH_2OH$.

المعطيات:

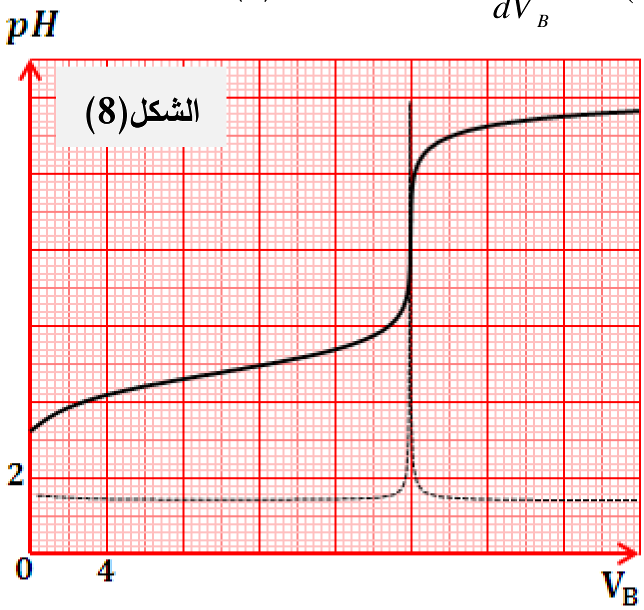
المركب العضوي	الكتلة المولية $(g.mol^{-1})$
حمض الايثانويك	60
الكحول البنزيلي	108
إيثانوات البنزيل	150

I− معايرة حمض الايثانويك بواسطة محلول الصودا:

نحضّر محاولا مائيا (S_A) لحمض الايثانويك حجمه $V = 1L$ و تركيزه المولي C_A ذلك باذابة كتلة m من هذا الحمض في الماء المقطّر، نعاير حجما $V_A = 20mL$ من المحلول S_A و نتابع تغير ال pH بدلالة الحجم V_B المسكوب من محلول الصودا $(Na^+_{(aq)} + OH^-_{(aq)})$ تركيزه $C_B = 2\cdot 10^{-2}mol\cdot L^{-1}$

1. أكتب معادلة تفاعل المعايرة .

2. ان القياسات مكنت من رسم المنحنيين $pH = f\ (V_B)$ و $\frac{dpH}{dV_B} = g\ (V_B)$ الممثلان بالشكل(8):



1.2. جد بيانيا V_{BE} حجم محلول الصودا اللازم للتكافؤ.

2.2. احسب التركيز المولي C_A للمحلول (S_A)،استنتج قيمة m.

3.2. بيّن أن تفاعل حمض الايثانويك مع الماء محدود.

4.2.استنتج قيمة pK_a للثنائية : $CH_3COOH\ /CH_3COO^-$.

II- تحضير الإستر:

نضع في دورق كروي مزيجا مكوّن من كتلة $m_{ac} = 6g$ من حمض الايثـانويك و كتلة $m_{al} = 10{,}8\,g$ من الكحول البنزيلي $C_6H_5 - CH_2OH$ ، و نضيف قطرات من حمض الكبريت المركّز و حبيبات من حجر الخفان (pierre ponce) ، و نسخن بالارتداد فنحصل في نهاية التفاعل على كتلة $m = 9{,}75\,g$ من ايثانوات البنزيل .

1. اكتب المعادلة الكيميائية المنمذجة لتفاعل الأسترة مستعملا الصيغ نصف المفصّلة .

2. اذكر الهدف من : اضافة حجر الخفان ، استخدام التسخين المرتد.

3. اقترح طريقة تجريبية تمكّننا من فصل الإستر الناتج عن الوسط التفاعلي.

4. احسب المردود r_1 لتفاعل الاسترة.

5. احسب ثابت التوازن K لتفاعل الاسترة.

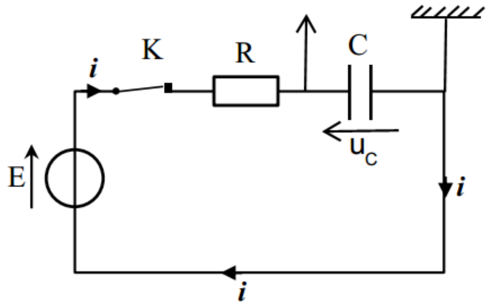
6. نعيد التجربة السابقة في نفس الشروط التجريبية لكن باستخدام مزيج ابتدائي مكّون من $n_{ac} = 0{,}10\,mol$ من حمض الايثانويك و $n_{al} = 0{,}20\,mol$ من الكحول البنزيلي :

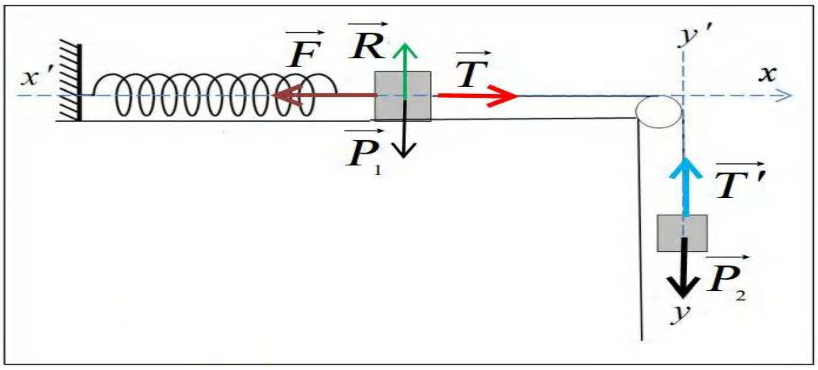
1.6. جد المردود r_2 في هذه الحالة .

2.6. ماذا تستنتج عند مقارنة كل من r_1 و r_2 ؟

انتهى الموضوع الثاني.

عناصر الاجابة (الموضوع الأول)	العلامة	
	مجزأة	المجموع
التمرين الأول: (04 نقاط) . I 1.**تعريف تفاعل الإنشطار النووي:** هو تفاعل نووي مفتعل يتم فيه قذف نواة ثقيلة بنيترون فتنقسم الى نواتين خفيفتين مع اصدار نيترونات و طاقة معتبرة. **- شروط حدوث الانشطار:**	0,25	0,25
• ان تكون النواة الهدف شطورة $(fissile)$ ،وان يكون عددها كاف(الكتلة الحرجة). • ان يكون للنيترون سرعة مناسبة تمكّنه من شطر النواة الهدف دون اختراقها.	0,25	0,25
2. **تحديد قيمتي كل من A و Z :** بتطبيق قانونا صودي (انحفاظ العدد الذري" انحفاظ الشحنة" و انحفاظ العدد الكتلي" انحفاظ عدد النويات " نجد:	0,25	0,25
$\begin{cases}235+1=131+A+6\\92+0=53+Z+0\end{cases}$ و منه: $\begin{cases}A=99\\Z=39\end{cases}$	0,25	0,25
3. حساب الطاقة المتحررة E_{lib} عند انشطار نواة واحدة: $E_{lib}=\left(m\left({}^{235}_{92}U\right)-m\left({}^{131}_{53}I\right)-m\left({}^{99}_{39}Y\right)-5m\left({}^{1}_{0}n\right)\right)\cdot c^2$ ت ، ع : $E_{lib}=0{,}1667\times931{,}5=155{,}28Mev=2{,}48\cdot10^{-11}J$	0,50	0,50
4. حساب كتلة اليورانيوم235 المستهلكة خلال سنة: لدينا: $r=\frac{E_{elec}}{E_{Tot}}=\frac{P\cdot\Delta t}{N\cdot E_{lib}}$ حيث: $N=\frac{m}{M}\cdot N_A$ و منه: $m=\frac{P\cdot\Delta t\cdot M}{r\cdot N_A\cdot E_{lib}}$ ت ع : $m=6{,}6\cdot10^5g=660Kg$	0,25	0,25
.II **1. كتابة معادلة التحول النووي مبيّنا نوعه:** ${}^{131}_{53}I\rightarrow{}^{131}_{54}Xe+{}^{0}_{-1}e$ نوعه: β^-	0,50	
1.2.**المدلول الفيزيائي للرمز " Bq ":** يمثل البيكريل وحدة النشاط الاشعاعي.	0,25	
تعريفه: 1 بيكريل تعني تفكك واحد في الثانية.	0,25	
2.2. **اسم الجهاز المستخدم في قياس نشاط عيّنة:** عدّاد جيجر-مولر.	0,25	
3.2. ايجاد قيمة λ ثابت التفكك لليود131 : لدينا: $\begin{cases}A_1=A_0\cdot e^{-\lambda t_1}\\A_2=A_0\cdot e^{-\lambda t_2}\end{cases}$ و منه: $\frac{A_2}{A_1}=e^{-\lambda(t_2-t_1)}$ بإدخال على الطرفين و التبسيط نجد: $\lambda=\frac{\ln(\frac{A_1}{A_2})}{t_2-t_1}$		01,25
ت ع: $\lambda=0{,}087\,jour^{-1}=10^{-6}s^{-1}$	0,25	
- **استنتاج $t_{\frac{1}{2}}$:** لدينا: $t_{\frac{1}{2}}=\frac{\ln2}{\lambda}$ ت ع : $t_{\frac{1}{2}}\simeq8\,jours$	0,25	

0,50	0,25 0,25	**3. ايجاد N_0 عدد أنوية اليود 131 التي تسببت في التلوث الإشعاعي للشخص:** بما انّه مرّ زمن قدره $t = 8\,jours \simeq t_{\frac{1}{2}}$ فان النشاط الاشعاعي لحظة الاصابة هو $A_0 = 2A = 40MBq = 4 \cdot 10^7 Bq$ و لدينا : $A_0 = \lambda \cdot N_0$ و منه: $N_0 = \dfrac{A_0}{\lambda}$ (λ يجب ان يكون بوحدة s^{-1}) ت ع : $N_0 = 4{,}0 \cdot 10^{13}\,Noyaux$
0,75	0,75	**التمرين الثاني: (06 نقاط)** **. الجزء الأول: .** 1. الرسم: 
0,50	0,50	**2. ايجاد المعادلة التفاضلية للتوتر u_C:** بتطبيق قانون جمع التوترات نجد: $u_C(t) + u_R(t) = \mathrm{E}$ و منه: $u_C(t) + R \cdot i(t) = \mathrm{E}$ اذن: $u_C(t) + R \cdot C \cdot \dfrac{du_C(t)}{dt} = \mathrm{E}$ و عليه نجد: $\dfrac{du_C(t)}{dt} + \dfrac{1}{RC} \cdot u_C(t) = \dfrac{\mathrm{E}}{RC}$ و هو المطلوب.
0,50	0,50	**- التحقّق من الحل :** لدينا: $\dfrac{du_C(t)}{dt} = \dfrac{\mathrm{E}}{RC} \cdot e^{-\frac{t}{RC}}$ بالتعويض في المعادلة التفاضلية نجد: $\dfrac{\mathrm{E}}{RC} \cdot e^{-\frac{t}{RC}} + \dfrac{1}{RC} \cdot (E - E \cdot e^{-\frac{t}{RC}}) = \dfrac{\mathrm{E}}{RC}$ بعد التبسيط نجد: $0 = 0$ فالحل محقق مهما كان الزمن.
0,50	0,50	**3. تحديد ثابت الزمن τ:** نستعمل طريقة 63% اي: $u_c(\tau) = 0{,}63 \cdot E = 3{,}78V$ بالإسقاط نجد: $\tau = 4ms = 4 \cdot 10^{-3} s$
0,50	0,50	**- استنتاج المدة الزمنية Δt اللازمة لشحن المكثفة كليا:** $\Delta t = 5\tau = 20ms$
0,50	0,50	**4. ايجاد قيمة سعة المكثفة C :** لدينا: $\tau = RC$ و منه: $C = \dfrac{\tau}{R}$ ت ع : $C = 4 \cdot 10^{-6} F = 4\mu F$

0,50	0,50	**5. حساب قيمة الطاقة الكهربائية E_C المخزّنة في المكثفة عند بلوغ النظام الدائم:** لدينا: $E_C = \frac{1}{2}\cdot C\cdot E^2$ ت ع : $E_C = 7{,}2\cdot 10^{-5}J$
0,25	0,25	**II.** **1. وصف ما يحدث :** - عند انقطاع السلك AB: يبدأ شحن المكثفة.
0,25	0,25	- عند انقطاع السلك $A'B'$: يتوقف شحن المكثفة.
0,75	0,75	**2. ايجاد قيمة المدة الزمنية t_1:** لدينا: $u_C(t_1) = E\cdot(1-e^{-\frac{t_1}{\tau}})$ و منه: $\frac{E-u_C(t_1)}{E} = e^{-\frac{t_1}{\tau}}$ بإدخال ln على الطرفين نجد: $-\frac{t_1}{\tau} = \ln(\frac{E-u_C(t_1)}{E})$ اذن: $t_1 = -\tau\ln(\frac{E-u_C(t_1)}{E})$ ت ع : $t_1 = 2{,}33ms = 2{,}33\cdot 10^{-3}s$
0,50	0,50	**3. استنتاج قيمة v سرعة الرصاصة :** لدينا: $v = \frac{d}{t_1}$ ت ع : $v = 429{,}2m\cdot s^{-1}$
0,25	0,25	**4. ايجاد عبارة d_{max}** : اكبر قيمة للمسافة توافق اصغر زمن لشحن كلي للمكثفة اي: $\Delta t = 5\tau = 5RC$ و منه: $d_{max} = 5\tau\cdot v$
0,25	0,25	- **حساب قيمة d_{max}**: $d_{max} = 8{,}58m$
	0,25	**التمرين الثالث: (04 نقاط)** **I.1. يجاد عبارة استطالة النابض في حالة التوازن :** - **تمثيل القوى:** 
0,50		- شرط توازن الجسم (S_1): $\vec{P_1}+\vec{R}+\vec{T}+\vec{F}=\vec{0}$ بالإسقاط نجد: $T-F=0\cdots(1)$ - شرط توازن الجسم (S_2): $\vec{P_2}+\vec{T'}=\vec{0}$ بالإسقاط نجد: $P_2-T'=0\cdots(2)$ و لدينا: $T=T'$
	0,25	من (1) و (2) نجد: $F=P_2$ اذن: $K\cdot\Delta\ell = m_2\cdot g\cdots(3)$ نجد: $\Delta\ell = \frac{m_2\cdot g}{K}$

	0,25	1.2, **نمط الاهتزازات المشاهدة** : حرة غير متخامدة. **النظام** : دوري .
		2.2اثبات المعادلة التفاضلية لفاصلة الجسم قبل انقطاع الخيط :
		– بتطبيق القانون الثاني لنيوتن نجد:
	0,25	– **أولا على الجسم** (S_1) : $\sum \overrightarrow{F_{ext}} = m_1 \cdot \vec{a}$ اذن : $\vec{P_1}+\vec{R}+\vec{T}+\vec{F'}=m_1\cdot\vec{a}$
		بالإسقاط على محور الحركة نجد: $T - K\cdot(\Delta\ell + x) = m_1\cdot a \cdots\cdots(4)$
	0,25	- **ثانيا على الجسم** (S_2) : $\sum\overrightarrow{F_{ext}} = m_2\cdot\vec{a}$ اذن : $\vec{P_2}+\vec{T'}=m_2\cdot\vec{a}$
		بالإسقاط على محور الحركة نجد: $P_2 - T' = m_2\cdot a\cdots\cdots(5)$
2,75	0,25	بجمع (4) و (5) نجد: $T - K\cdot\Delta\ell - K\cdot x + m_2\cdot g - T' = (m_1+m_2)\cdot a$
	0,25	بعد الاختزال و التبسيط نجد: $-K\cdot x = 4m\cdot a$ اذن: $\frac{d^2x}{dt^2}+\frac{K}{4m}\cdot x = 0$ (المطلوب).
		3.2. استنتاج عبارة الدور الذاتي T_0 :
		لدينا: $x(t) = X_m\cdot Cos(\frac{2\pi}{T_0}\cdot t)$ بالاشتقاق نجد: $\frac{dx}{dt} = -\frac{2\pi}{T_0}X_m\cdot\sin(\frac{2\pi}{T_0}\cdot t)$
		نشتق مرة ثانية نجد: $\frac{d^2x}{dt^2} = -\frac{4\pi^2}{T_0^2}X_m\cdot\cos(\frac{2\pi}{T_0}\cdot t)$ اذن: $\frac{d^2x}{dt^2}+\frac{4\pi^2}{T_0^2}x(t)=0$
	0,25	بالمطابقة مع المعادلة التفاضلية نجد: $\frac{4\pi^2}{T_0^2}=\frac{K}{4m}$ و منه: $T_0 = 4\pi\sqrt{\frac{m}{K}}$
	0,50	- **ايجاد قيمة كل من** X_m **و** T_0 : من المنحنى نجد: $X_m = 0,02m$ و $T_0 = 0,5s$
	0,25	– **استنتاج قيمة الكتلة** m : مما سبق نجد: $m = \frac{K\cdot T_0^2}{16\pi^2}$ ت ع : $m \simeq 0,16Kg$
		5.2. تحديد قيمة اللحظة t_r :
	0,25	من المنحنى نجد: $t_r = 1,25s$ (انقطاع الخيط يؤدي الى تغير دور الاهتزازات).
		– **تحديد قيمة سرعة الجسم عندئذ:**
	0,25	بما أنّ المطال أعظمي فان السرعة معدومة $v = 0$.
		3. **دراسة طبيعة حركة الجسم** (S_2):
		بعد انقطاع الخيط يصبح الجسم (S_2) خاضع فقط لتأثير ثقله ، بتطبيق القانون الثاني لنيوتن نجد: $\sum\overrightarrow{F_{ext}} = m_2\cdot\vec{a'}$ اذن : $\vec{P_2} = m_2\cdot\vec{a'}$
	0,25	بالإسقاط نجد: $a' = g = C^{ste}$ فالحركة مستقيمة متسارعة بانتظام(سقوط حر).
		حساب سرعة الاصطدام بسطح الارضّ :
0,75		**لدينا:** $v^2 - v_0^2 = 2\cdot a'\cdot(y-y_0)$ حيث: $y - y_0 = h$ و $v_0 = 0$ (لحظة انقطاع الخيط تكون سرعة الجسم معدومة) ، اذن: $v^2 = 2\cdot a'\cdot h$
	0,50	و منه: $v = \sqrt{2\cdot g\cdot h}$ ت ع : $v = 3,46m\cdot s^{-1}$

الاجابة النموذجية لامتحان بكالوريا التجريبي 2019 م/ الشعبة: تقني رياضي / ثانوية دعلوز الحاج.

التمرين التجريبي: (06 نقاط)

I.

1. كتابة المعادلتين النصفيتين للأكسدة و الإرجاع ،مع ذكر الثنائيتين (Ox/Red):

- المعادلة النصفية للأكسدة: $Al(s) = Al^{3+}(aq) + 3e^-$ — 0,25
- المعادلة النصفية للإرجاع: $2H_3O^+(aq) + 2e^- = H_2(g) + 2H_2O(\ell)$ — 0,25 — 0,75
- الثنائيتين هما : $Al^{3+}(aq)/Al(s)$ و $H_3O^+(aq)/H_2(g)$ — 0,25

2. إنشاء جدول لتقدم التفاعل: — 0,25 — 0,25

حالة الجملة	التقدم	$2Al(s)$	$+6H_3O^+(aq)$	$=2Al^{3+}(aq)$	$+3H_2(g)$	$+6H_2O(\ell)$
ح.إ	$x=0$	n_1	n_2	0	0	كمية زائدة
ح.و	$x(t)$	$n_1-2x(t)$	$n_2-6x(t)$	$2x(t)$	$3x(t)$	
ح.ن	x_f	n_1-2x_f	n_2-6x_f	$2x_f$	$3x_f$	

1.3. اثبات انّ المقدار y يُعطى بالعبارة: $y(t) = C - 20\cdot x(t)$:

من جدول التقدم نجد:

$$\left[H_3O^+\right] = \frac{n_1 - 6x(t)}{V} = C - \frac{6x(t)}{V} \quad \text{و :} \quad \left[Al^{3+}\right] = \frac{2x(t)}{V}$$

اذن : $y == C - \frac{6x(t)}{V} + \frac{2x(t)}{V} = C - \frac{4x(t)}{V}$ وبما انّ: $V = 200mL = 0,2L$

بالتعويض نجد: $y(t) = C - 20\cdot x(t)$ و هو المطلوب — 0,25

2.3. ايجاد قيمة C و x_f:

- لدينا: $C = y(0) = 0,6\text{mol}\cdot L^{-1}$. — 0,25
- و: $y_f = C - 20\cdot x_f$ ومنه: $x_f = \frac{C - y_f}{20}$ ت ع : $x_f = 1,5\cdot 10^{-2}mol$ — 0,25
- **اثبات انّ المتفاعل المُحد هو الألمنيوم:** التفاعل تام اذن: $x_f = x_{\max}$

نفرض ان شوارد H_3O^+ هي المتفاعل المُحد هذا يعني: $n_2 - 6x_{\max} = 0$ اذن:

$x_{\max} = \frac{n_2}{6} = \frac{C\cdot V}{6}$ و منه: $x_{\max} = 2,0\cdot 10^{-2}mol \neq 1,5\cdot 10^{-2}mol$ — 0,25

اذن الفرضية خاطئة و بما انّ التفاعل تام فحتما الألمنيوم Al هو المتفاعل المُحد. — 1,50

3.3. ايجاد كتلة الالمنيوم النقية m_0:

الألمنيوم Al هو المتفاعل المُحد اذن: $n_1 - 2x_{\max} = 0$ اذن: $\frac{m_0}{M} = 2x_{\max}$

و منه: $m_0 = 2x_{\max}\cdot M$ ت ع : $m_0 = 0,81g$ — 0,25

- **استنتاج درجة النقاوة لعينة الألمنيوم** $P\%$:		
لدينا: $P\% = \frac{m_0}{m}\cdot 100$ ت ع : $P\% = 81\%$	0,25	
4. اثبات أنّ: $y(t_{\frac{1}{2}}) = 0,45\, mol\cdot L^{-1}$:		
لدينا: $y(t_{\frac{1}{2}}) = C_0 - 20\cdot x(t_{\frac{1}{2}}) = C_0 - 20\cdot \frac{x_f}{2}$ ت ع : $y(t_{\frac{1}{2}}) = 0,45\, mol\cdot L^{-1}$	0,25	0,50
- **تعيين قيمة** $t_{\frac{1}{2}}$: بالإسقاط على المنحنى نجد: $t_{\frac{1}{2}} = 4\min$	0,25	
5. اثبات انّ السرعة الحجمية اللحظية للتفاعل هي: $v_{vol}(t) = -\frac{1}{4}\cdot\frac{dy}{dt}$:		
- لدينا بالتعريف: $v_{vol}(t) = \frac{1}{V}\cdot\frac{dx}{dt}$ و من السؤال (1.3) لدينا: $y(t) = C - \frac{4}{V}\cdot x(t)$		
باشتقاق الطرفين بالنسبة للزمن نجد: $\frac{dy}{dt} = -\frac{4}{V}\cdot\frac{dx}{dt} = -4\cdot v_{vol}(t)$ و منه: $v_{vol}(t) = -\frac{1}{4}\cdot\frac{dy}{dt}$	0,25	0,50
- **حساب القيمة الأعظمية للسرعة الحجمية للتفاعل:**		
- تكون السرعة الحجمية اعظمية عند اللحظة $t = 0$ ، اذن:		
$v_{vol}(t=0) = -\frac{1}{4}\cdot\frac{dy}{dt}(t=0) = -\frac{1}{4}\cdot\frac{0-0,6}{11,5-0} = 1,3\cdot 10^{-2} mol\cdot L^{-1}\cdot \min^{-1}$	0,25	
6. عند استعمال صفيحة ألمنيوم عوض مسحوق تكون سرعة التفاعل اقل اي انّ زمن نصف	0,25	0,50
التفاعل يزداد ، العامل الحركي المسؤول هو : **سطح تلامس المتفاعلات.**	0,25	
II.		
1.1.ايجاد قيمة التركيز المولي C_0 : من المنحنى نجد: $C_0 = 5\cdot 10^{-2} mol\cdot L^{-1}$	0,25	
2.1. تحديد جهة التطور التلقائي للجملة الكيميائية اثناء اشتغال العمود:		
الطريقة (1): من المنحنى نلاحظ تناقص تركيز شوارد Cu^{2+} ،هذا يعني انّ الجملة تتطور في الاتجاه غير المباشر.		0,50
الطريقة (2): نحسب كسر التفاعل الابتدائي: $Q_{r,i} = \frac{[Cu^{2+}]_i^3}{[Al^{3+}]_i^2} = \frac{C_0^3}{C_0^2} = 5\cdot 10^{-2}$	0,25	
بما انّ $Q_{r,i} \langle K$ فالجملة تتطور في الاتجاه غير المباشر.		
2. تحديد قطبية العمود:		
من اجل ذلك نكتب المعادلتين النصفيتين الحاصلة عند كل مسرى(قطب)		
- عند صفيحة الألمنيوم: $Al(s) = Al^{3+}(aq) + 3e^-$ اكسدة فهو قطب سالب.		0,25
- عند صفيحة النحاس: $Cu^{2+}(aq) + 2e^- = Cu(s)$ ارجاع فهو قطب موجب.	0,25	

0,25 0,25 **3. تمثيل الرمز الاصطلاحي للعمود المدروس:** $(-)Al\,|\,Al^{3+}\,||\,Cu^{2+}\,|\,Cu(+)$

4. التعبير عن $\left[Cu^{2+}\right]$ **بدلالة** t ، C_0 ، I ، V و F:

حالة الجملة	التقدم	$3Cu(s)+2Al^{3+}(aq)=3Cu^{2+}(aq)+2Al(s)$			
ح.إ	$x=0$	$n_0(Cu)$	$n_0(Al^{3+})$	$n_0(Cu^{2+})$	$n_0(Al)$
ح.و	$x(t)$	$n_{0(Cu)}+3x$	$n_{0(Al^{3+})}+2x$	$n_{0(Cu^{2+})}-3x$	$n_{0(Al)}-2x$
ح.ن	x_f	$n_{0(Cu)}+3x_f$	$n_{0(Al^{3+})}+2x_f$	$n_{0(Cu^{2+})}-3x_f$	$n_{0(Al)}-2x_f$

0,50

– من جدول التقدم لدينا: $\left[Cu^{2+}\right](t)=\dfrac{C_0\cdot V-3x(t)}{V}=C_0-\dfrac{3x(t)}{V}$

من جهة اخرى لدينا: $Q=I\cdot t=z\cdot x\cdot F \Rightarrow x=\dfrac{I\cdot t}{z\cdot F}$ حيث: $Z=6$

0,25 بالتعويض و التبسيط نجد: $\left[Cu^{2+}\right](t)=-\dfrac{3\cdot I}{z\cdot F\cdot V}\cdot t+C_0$

– **استنتج شدة التيار I:**

المعادلة الرياضية للمنحنى هي: $\left[Cu^{2+}\right](t)=-2\cdot10^{-5}\cdot t+2\cdot10^{-2}$

0,25 بالمطابقة مع العلاقة النظرية نجد: $\dfrac{3\cdot I}{z\cdot F\cdot V}=2\cdot10^{-5}$ اذن : $I\simeq0,2A$

5. التعبير عن التغير في كتلة صفيحة الألمنيوم Δm:

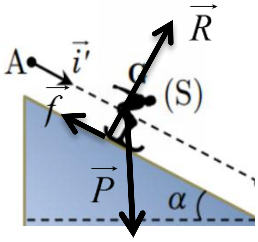
$\Delta m=(n_f-n_0)\cdot M=-2x_{\max}\cdot M$ حيث: $x_{max}=\dfrac{I\cdot t_{\max}}{z\cdot F}$

0,25 و منه: $\Delta m=-2\dfrac{I\cdot t_{\max}}{z\cdot F}\cdot M$.

0,50 – **حساب قيمة Δm:**

0,25 من المنحنى لدينا: $t_{\max}=2500s$ ت ع : $\Delta m=-4,7\cdot10^{-2}g$

– الاشارة (−) تدل على تناقص الكتلة.

عناصر الاجابة(الموضوع الثاني)	العلامة	
	مجزأة	كاملة
 **التمرين الأول: (04 نقاط)** **1.1. اثبات المعادلة التفاضلية للفاصلة:**	0,25	1,75
بتطبيق القانون الثاني لنيوتن : $\sum \vec{F}_{ext} = m\cdot\vec{a}$ اذن : $\vec{P}+\vec{R}+\vec{f}=m\cdot\vec{a}$ بالإسقاط على محور الحركة نجد: $P\cdot\sin\alpha - f = m\cdot a$ و منه: $m\cdot g\cdot\sin\alpha - f = m\cdot\frac{d^2x}{dt^2}$ اذن: $\frac{d^2x}{dt^2}=g\cdot\sin\alpha-\frac{f}{m}$ و هو المطلوب.	0,25	
2.1. تحديد قيمة الثابتين h و k: لدينا: $x(t)=h\cdot t^2+k$ و منه: $\frac{dx}{dt}=2\cdot h\cdot t$ اذن: $\frac{d^2x}{dt^2}=2\cdot h$ بالمطابقة مع المعادلة التفاضلية نجد: $2\cdot h = g\cdot\sin\alpha - \frac{f}{m}$ و منه: $h=\frac{(g\cdot\sin\alpha-\frac{f}{m})}{2}$ ت ع : $h\simeq 2,6m\cdot s^{-2}$	0,25	
– **ايجاد الثابت** k : نعتبر مبدأ الفواصل هو الموضع A ، و مبدأ الأزمنة لحظة المرور به، اذن $x(0)=0$ نجد: $k=0$. و منه: $x(t)=2,6\cdot t^2$	0,25	
3.1. استنتاج لحظة مرور الجملة من الموضع O : عند الموضع يكون: $x=OA=87m$ اذن: $87=2,6\cdot t^2$ و منه: $t=5,78s$	0,25	
4.1. التحقّق من قيمة سرعة الجملة عند الموضع O : – **الطريقة(1):** $v_o=a\cdot t$ ت ع: $v_o=5,2\cdot5,78\simeq30m\cdot s^{-1}$. – **الطريقة (2):** $v_O^2-v_A^2=2\cdot a\cdot AO$ اذن: $v_O=\sqrt{2\cdot a\cdot AO}$ ت ع: $v_o\simeq30m\cdot s^{-1}$	0,25	
5.1. ايجاد الشدة للقوة التي يطبقها المستوى المائل على الجملة : بإسقاط العلاقة الشعاعية على المحور العمودي على المستوى المائل نجد: $R-P\cdot\cos\alpha=0$ و منه: $R=m\cdot g\cdot\cos\alpha$ ت ع : $R=568,7N$	0,25	
1.2. ايجاد المعادلتين الزمنيتين $x(t)$ و $y(t)$ **لحركة** G : – الشروط الابتدائية للموضع و للسرعة: $\vec{OG_0}\begin{cases}x_0=0\\y_0=0\end{cases}$ و $\vec{v_0}\begin{cases}v_{0x}=v_0\cdot\cos\alpha\\v_{0y}=v_0\cdot\sin\alpha\end{cases}$		

– بتطبيق القانون الثاني لنيوتن نجد: $\sum \overrightarrow{F_{ext}} = m\cdot\vec{a}$ اذن : $\vec{P} = m\cdot\vec{a}$		
بالإسقاط نجد: $\begin{cases}(ox):\ a_x = 0\\(oy):\ a_y = g\end{cases}$ بالتكامل و استعمال الشروط الابتدائية نجد:	0,25	
$\begin{cases}v_x = v_0\cdot\cos\alpha\\v_y = g\cdot t + v_0\cdot\sin\alpha\end{cases}$ بالتكامل و استعمال الشروط الابتدائية نجد:	0,25	
$\begin{cases}x(t) = v_0\cdot\cos\alpha\cdot t\\y = \frac{1}{2}\cdot g\cdot t^2 + v_0\cdot\sin\alpha\cdot t\end{cases}$ و هو المطلوب	0,25 0,25	
○ **استنتاج معادلة المسار:**		
من عبارة $x(t)$ نستخرج الزمن فنجد: $t = \frac{x}{v_0\cdot\cos\alpha}$ نعوض في عبارة $y(t)$ فنجد:	0,25	2,25
$y = \frac{1}{2}\cdot g\cdot(\frac{x}{v_0\cdot\cos\alpha})^2 + v_0\cdot\sin\alpha\cdot(\frac{x}{v_0\cdot\cos\alpha})$ بعد التبسيط نحصل على:		
$y = \frac{g}{2(v_0\cdot\cos\alpha)^2}\cdot x^2 + \tan\alpha\cdot x$ ت ع: $y = 0,008\cdot x^2 + 0,674\cdot x$		
3.2. اثبات انّ المتزحلق لا يصطدم بالشجرة:		
نعوض بفاصلة النقطة B في معادلة المسار فنجد:	0,25	
$y = 0,008\cdot(7)^2 + 0,674\cdot(7) = 5,11m$	0,25	
و بما انّ $y \langle y_B$ فان المتزحلق لا يصطدم بالشجرة .		
4.2. حساب سرعة المتزحلق عند الموضع P :		
$\begin{cases}v_{Px} = v_0\cdot\cos\alpha = 24,9m\cdot s^{-1}\\v_{Py} = g\cdot t_P + v_0\cdot\sin\alpha = 46,2m\cdot s^{-1}\end{cases}$ اذن: $v_P = \sqrt{v_{Px}^2 + v_{PY}^2}$	0,50	
ت ع : $v_P = 52,5m\cdot s^{-1}$		
التمرين الثاني: (06 نقاط)		
I.		
1. المنحنى (2) يمثل التوتر $u_R(t)$ و المنحنى (1) يمثل التوتر $u_{PN}(t)$.	0,50	0,50
2. تحديد قيمة I_0 شدة التيار في النظام الدائم:		
لدينا: $u_{R\max} = R\cdot I_0$ و منه: $I_0 = \frac{u_{R\max}}{R}$ ت ع : $I_0 = \frac{10}{100} = 0,1A$	0,50	0,50
– **التحقّق من قيمةّ** r:		
لدينا $I_0 = \frac{E}{R+r}$ و منه : $r = \frac{E}{I_0} - R$ ت ع : $r = \frac{12}{0,1} - 100 = 20\Omega$	0,25	0,25

3. اثبات المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار $i(t)$: بتطبيق قانون جمع التوترات نجد: $u_R+u_L+u_r=E$ و منه: $R\cdot i(t)+L\cdot\frac{di(t)}{dt}+r\cdot i(t)=E$ اذن : $\frac{di(t)}{dt}+\frac{(R+r)}{L}\cdot i(t)=\frac{E}{L}$	0,50	0,50
– التحقق من الحل مع ايجاد الثابتين A و τ : لدينا: $i(t)=A\cdot(1-e^{-\frac{t}{\tau}})$ و منه: $\frac{di(t)}{dt}=\frac{A}{\tau}e^{-\frac{t}{\tau}}$ نعوّض في المعادلة التفاضلية : $\frac{A}{\tau}e^{-\frac{t}{\tau}}+\frac{(R+r)}{L}\cdot(A\cdot(1-e^{-\frac{t}{\tau}}))=\frac{E}{L}$ اذن: $\frac{A}{\tau}e^{-\frac{t}{\tau}}+\frac{(R+r)\cdot A}{L}-\frac{(R+r)\cdot A}{L}e^{-\frac{t}{\tau}}-\frac{E}{L}=0$ نجد: $A\cdot e^{-\frac{t}{\tau}}(\frac{1}{\tau}-\frac{(R+r)}{L})+\frac{(R+r)\cdot A}{L}-\frac{E}{L}=0$ حتى تكون محقّقة يجب ان يكون: $\begin{cases}(\frac{1}{\tau}-\frac{(R+r)}{L}=0\\ \frac{(R+r)\cdot A}{L}-\frac{E}{L}\end{cases}$ اذن: $\tau=\frac{L}{R+r}$	0,25	0,25
$A=\frac{E}{R+r}$	0,25	0,25
4. استنتاج قيمة الذاتية L للوشيعة : لدينا: $L=\tau\cdot(\mathrm{R+r})$ من المنحنى نجد: $\tau=3ms=3\cdot10^{-3}s$ (طريقة المماس عند المبدأ $t=0$)	0,25	0,25
اذن : $L=0,36H$	0,25	0,25
5. حساب الطاقة المخزّنة في الوشيعة عند اللحظة $t=\frac{\tau}{2}$: لدينا: $E_L(t)=\frac{1}{2}\cdot L\cdot i^2(t)$ و منه: $E_L(\frac{\tau}{2})=\frac{1}{2}\cdot L\cdot i^2(\frac{\tau}{2})$ حيث: $i(\frac{\tau}{2})=I_0\cdot(1-e^{-\frac{\frac{\tau}{2}}{\tau}})=0,039A$ اذن: $E_L(\frac{\tau}{2})=2,74\cdot10^{-4}J$	0,50	0,50
II. 1. نمط الاهتزازات الحاصلة هي اهتزازات: حرة مغذاة .	0,25	0,25
2. نظام الاهتزازات : دوري غير متخامد.	0,25	0,25
3. تحديد شكل الطاقة المخزّنة في الدارة : – عند $t_1=15\mu s$ يكون $u_c=0$ اذن i أعظمية فالطاقة مخزّنة في الوشيعة(مغناطيسية).	0,25	0,25
– عند $t_1=60\mu s$ يكون u_c أعظمي اذن $i=0$ فالطاقة مخزّنة في المكثفة(كهربائية).	0,25	0,25

0,50	0,50	**4. اثبات المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_C :** بتطبيق قانون جمع التوترات نجد: $u_c + u_b = u_G$ حيث: $u_b = r\cdot i + L_0\cdot\frac{di}{dt}$ و: $i = C\cdot\frac{du_C}{dt}$ اذن: $\frac{di}{dt} = C\cdot\frac{d^2u_C}{dt^2}$ نعوّض فنجد: $u_c + r\cdot C\cdot\frac{du_C}{dt} + L_0\cdot C\cdot\frac{d^2u_C}{dt^2} + k\cdot C\cdot\frac{du_C}{dt} = 0$ و منه: $\frac{d^2u_C}{dt^2} + \frac{(r-k)}{L}\cdot C\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{L_0C}\cdot u_C = 0$ بما أنّ : $r = k$ يصبح : $\frac{d^2u_C}{dt^2} + \frac{1}{L_0C}\cdot u_C = 0$
0,25	0,25	**5. اثبات انّ الدور الذاتي يعطى بالعبارة :** $T_0 = 2\pi\sqrt{L_0C}$ لدينا: $u_C(t) = E\cdot\cos(\frac{2\pi}{T_0}\cdot t)$ و منه: $\frac{du_C(t)}{dt} = -\frac{2\pi}{T_0}E\cdot\sin(\frac{2\pi}{T_0}\cdot t)$ اذن: $\frac{d^2u_C(t)}{dt^2} = -\frac{4\pi^2}{T_0^2}E\cdot\cos(\frac{2\pi}{T_0}\cdot t) = -\frac{4\pi^2}{T_0^2}\cdot u_C(t)$ و بالتالي: $\frac{d^2u_C(t)}{dt^2} + \frac{4\pi^2}{T_0^2}\cdot u_C(t) = 0$ بالمقارنة مع المعادلة التفاضلية السابقة نجد: $\frac{4\pi^2}{T_0^2} = \frac{1}{L_0C}$ اذن: $T_0 = 2\pi\sqrt{L_0C}$
0,25	0,25	6. **تعيين بيانيا قيمة** T_0 : من المنحنى نجد: $T_0 = 60\mu s = 6\cdot 10^{-5}s$
0,25	0,25	– **استنتاج قيمة C سعة المكثفة:** لدينا: $C = \frac{T_0^2}{4\pi^2 L_0}$ ت ع : $C = 4{,}5\cdot 10^{-9}F = 4{,}5nF$
0,25	0,25	7. **تحديد طبيعة القطعة المعدنية:** لدينا التواتر الذاتي هو : $f_0 = \frac{1}{T_0} = 16{,}66KHz$ بما أنّ $f\rangle f_0$ فإنّ: $\frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}\rangle\frac{1}{2\pi\sqrt{L_0C}}$ اذن: $L\langle L_0$.
0,25	0,25	– بما انّ الذاتية تتناقص فالقطعة بجوار الجهاز هي من الذهب.
0,25	0,25	**التمرين الثالث: (04 نقاط)** **1. تعاريف:** – **نظير مشع:** نظير نواته غير مستقرة تتفكك تلقائيا متحولة الى نواة اكثر استقرار مع اصدار جسيمات و اشعاعات.
0,25	0,25	**طاقة الربط لنواة:** الطاقة الواجب تقديمها لنواة وهي ساكنة لتتفكك الى نوياتها حرة و ساكنة.

		2. كتابة معادلة تشكل التيكنيسيوم−99 :
0,25	0,25	${}^{99}_{42}Mo \rightarrow {}^{99}_{43}Tc + {}^{0}_{-1}e$ _ نوع النشاط الاشعاعي : β^- بيتا ناقص.
		3. التحقق من قيمة طاقة الربط للنواة ${}^{99}_{43}Tc$.
		لدينا: $E_\ell({}^{99}_{43}Tc) = (43\cdot m_p + 56\cdot m_n - m({}^{99}_{43}Tc))\cdot c^2$
0,25	0,25	ت ع: $E_\ell({}^{99}_{43}Tc) = 852{,}928 Mev$
		4. تحديد النواة الاكثر استقرارا:
0,25	0,25	نحسب طاقة الربط لكل نوية للنواة ${}^{99}_{43}Tc$: $\frac{E_\ell({}^{99}_{43}\mathrm{Tc})}{A} = \frac{852{,}928}{99} = 8{,}615 Mev / nuc$
0,25	0,25	بما أنّ: $\frac{E_\ell({}^{99}_{43}\mathrm{Tc})}{A} \rangle \frac{E_\ell({}^{99}_{42}\mathrm{Mo})}{A}$ فان النواة ${}^{99}_{43}Tc$ اكثر استقرارا من النواة ${}^{99}_{42}Mo$.
0,50	0,50	5. تقع نواة الموليبيدان−99 في الموقع (3) لانّ نمط تفككها β^- اي تحتوي فائض من النيترونات
	0,25	**1.6. كتابة عبارة النشاط** $A(t)$: $A(t) = A_0 \cdot e^{-\lambda t}$
	0,25	**− استنتاج عبارة** $\ln A$: $\ln A = -\lambda \cdot t + \ln A_0$
		2.6. ايجاد بيانيا قيمة $t_{\frac{1}{2}}$ **و** A_0 :
		المعادلة الرياضية للمنحنى: $\ln A = -0{,}12\cdot t + 20$
	0,25	بمقارنة العبارتين النظرية و البيانية نجد: $\lambda = 0{,}12 h^{-1}$ و منه: $t_{\frac{1}{2}} = \frac{Ln2}{\lambda} \simeq 5{,}8h$
	0,25	كذلك بالمقارنة نجد: $\ln A_0 = 20$ و منه: $A_0 = e^{20} = 4{,}85\cdot 10^8 Bq$
		− استنتاج الكتلة الابتدائية التيكنيسيوم−99:
2,00	0,50	لدينا: $A_0 = \lambda \cdot N_0 = \lambda \cdot \frac{m_0}{M} \cdot N_A$ و منه: $m_0 = \frac{A_0 \cdot M}{\lambda \cdot N_A}$ ت ع : $m_0 = 2{,}4\cdot 10^{-9} g$.
		3.6. ايجاد وقت انتهاء الفحص:
		لدينا: $A = 0{,}62\cdot A_0$ و منه: $0{,}62\cdot A_0 = A_0 \cdot e^{-\lambda t}$ اذن: $0{,}62 = e^{-\lambda t}$ بإدخال ln على
	0,25	الطرفين: $\ln 0{,}62 = -\lambda \cdot t$ و عليه: $t = -\frac{\ln 0{,}62}{\lambda}$ ت ع : $t = 3{,}98h \simeq 4h$
	0,25	اذن: $8^h : 00^{\min} + 4 = 13^h : 00^{\min}$ و منه: ينتهي الفحص في حدود الواحدة مساء
		التمرين التجريبي: (06 نقاط)
		I.
		1. كتابة معادلة تفاعل المعايرة :
0,25	0,25	$CH_3COOH(aq) + OH^-(aq) = CH_3COO^-(aq) + H_2O(\ell)$
	0,25	**1.2. ايجاد بيانيا** V_{BE} : باستعمال المنحنى المشتق نجد: $V_{BE} = 20mL$

2.2. حساب التركيز المولي C_A للمحلول (S_A).

عند التكافؤ: $C_A \cdot V_A = C_B \cdot V_{BE}$ و منه: $C_A = \frac{C_B \cdot V_{BE}}{V_A}$ ت ع: $C_A = 2 \cdot 10^{-2} mol \cdot L^{-1}$ — 0,25

– **استنتاج قيمة** m: لدينا: $m = C_A \cdot M \cdot V$ ت ع: $m = 1{,}2g$ — 0,25

3.2. اثبات أن تفاعل حمض الايثانويك مع الماء محدود: — 0,25 — 2,25

حالة الجملة	التقدم	$CH_3COOH(aq)$	$+ H_2O(\ell) =$	$CH_3COO^-(aq)$	$+ H_3O^+_{(aq)}$
ح.إ	$x = 0$	$C_A \cdot V_A$	بزيادة	0	0
ح.و	$x(t)$	$C_A \cdot V_A - x(t)$	بزيادة	$x(t)$	$x(t)$
ح.ن	x_f	$C_A \cdot V_A - x_f$	بزيادة	x_f	x_f

– **حساب** x_{max} : لو كان التفاعل تاما فعند انتهاء الحمض يكون: $C_A \cdot V_A - x_{max} = 0$ و

منه: $x_{max} = C_A \cdot V_A$ — 0,25

– **حساب** x_f: $[H_3O^+]_f = \frac{x_f}{V_A} = 10^{-pH}$ **و منه:** $x_f = V_A \cdot 10^{-pH}$ — 0,25

– **حساب النسبة النهائية للتقدم** τ_f :

–لدينا: $\tau_f = \frac{x_f}{x_{max}} = \frac{10^{-pH} \cdot V_A}{C_A \cdot V_A} = \frac{10^{-pH}}{C_A}$ ت ع : $\tau_f = \frac{10^{-3,2}}{2 \cdot 10^{-2}} = 3{,}15 \cdot 10^{-2} = 3{,}15\%$ — 0,25

بما انّ: $\tau_f \langle 1$ تفاعل الحمض مع الماء غير تام. — 0,25

4.2. ا ستنتاج قيمة pK_a للثنائية : CH_3COOH / CH_3COO^-. — 0,25

من نقطة نصف التكافؤ نجد: $pKa = pH = 4{,}8$

II.

1.كتابة المعادلة الكيميائية المنمذجة لتفاعل الأسترة: — 0,25 — 0,25

$$CH_3COOH(\ell) + C_6H_5 - CH_2OH(\ell) = CH_3COOCH_2 - C_6H_5(\ell) + H_2O(\ell)$$

2. الهدف من : — 0,25 — 0,25

–**اضافة حجر الخفان** : تنظيم عملية غليان المزيج التفاعلي. — 0,25 — 0,25

– **استخدام التسخين المرتد:** تسريع التفاعل مع المحافظة على كمية المتفاعلات و النواتج من الضياع عند تبخرها حيث تتكاثف و تعود للوسط التفاعلي.

3. اقتراح طريقة تجريبية تمكّننا من فصل الإستر الناتج عن الوسط التفاعلي: — 0,25 — 0,25

– نسكب المزيج في ماء مالح لانّ الاستر لا ينحل فيه و بالتالي يمكن فصله بسهولة.

4.حساب المردود r_1 لتفاعل الاسترة:

- نحسب اولا كمية المادة الابتدائية للمتفاعلات: 0,25 0,25

$n_{0acid} = \frac{m_{acid}}{M_{acid}}$ ت ع: $n_{0acid} = \frac{6}{60} = 0,1mol$ 0,25 0,25

$n_{0alcol} = \frac{m_{alcol}}{M_{alcol}}$ ت ع: $n_{0acid} = \frac{10,8}{108} = 0,1mol$

بما انّ المزيج الابتدائي متكافئ (متساوي المولات) فإنّ:

$r_1 = \frac{n_{ester}}{n_{0acid}} \cdot 100$ حيث: $n_{ester} = \frac{m_{ester}}{M_{ester}} = \frac{9,75}{150} = 0,065mol$ 0,25 0,25

و منه: $r_1 = \frac{0,065}{0,1} \cdot 100 = 65\%$

5.حساب ثابت التوازن K لتفاعل الاسترة:

ماء	إستر	كحول	حمض	ح. ج
0	0	$0,1mol$	$0,1mol$	ح.إ
$0,065mol$	$0,065mol$	$0,035mol$	$0,035mol$	ح.ن

0,50 0,50

$K = \frac{[ester]_f \cdot [eau]_f}{[acid]_f \cdot [alcool]_f}$ ت ع : $K = \frac{0,065 \cdot 0,065}{0,035 \cdot 0,035} = 3,45$

1.6. ايجاد المردود r_2 :

ماء	إستر	كحول	حمض	ح. ج
0	0	$0,2mol$	$0,1mol$	ح.إ
x_f	x_f	$0,2 - x_f$	$0,1 - x_f$	ح.ن

لدينا: $K = \frac{x_f \cdot x_f}{(0,1 - x_f) \cdot (0,2 - x_f)} = 3,45$ 0,25

و منه: $2,45x_f^2 - 1,035x_f + 0,069 = 0$ بحل هذه المعادلة نجد: 1,25

$x_f = 0,339mol$ مرفوض لانه يجعل كمية الكحول و الحمض سالبتين.

$x_f = 0,083mol$ مقبول 0,25

اذن: $r_2 = \frac{0,083}{0,1} \cdot 100 = 83\%$

2.6. المقارنة: $r_2 \rangle r_1$. 0,25

- **الاستنتاج:** تزداد قيمة مردود تفاعل الاسترة عند استخدام احد المتفاعلات بزيادة (استخدام مزيج ابتدائي غير متساوي المولات). 0,50