

التاريخ: 2021/06/03

المدة: 02 س

المادة: الرياضيات

المستوى: 1 ج م ع

اختبار الفصل الثاني

التمرين الأول: (11 ن)

- I. ليكن كثير الحدود $p(x) = x^3 - 3x^2 - x + 3$.
1. أحسب $p(-1)$ ثم أعط تحليلا لـ $p(x)$.
 2. حل في \mathbb{R} المعادلة $p(x) = 0$ والمتراجحة $p(x) \leq 0$.
- II. نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = x^2 - 4x + 3$.
- تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x لدينا: $f(x) = (x - 2)^2 - 1$.
- 1) أدرس اتجاه تغير الدالة f على المجالين: $]-\infty; 2[$ و $]2; +\infty[$.
 - 2) شكّل جدول تغيرات الدالة f .
 - 3) أوجد نقاط تقاطع المنحنى (C_f) مع محور الفواصل ومحور الترتيب.
 - 4) أرسم المنحنى (C_f) إنطلاقا من منحنى الدالة مربع بانسحاب يطلب تعيين شعاعه.
 - 5) نعتبر الدالة التآلفية: $g(x) = -2x + m$, نسمي (C_g) منحناها البياني.
- أ. أوجد حسابيا قيم العدد الحقيقي m بحيث:
- المنحنى (C_f) يقطع المنحنى (C_g) في نقطتين.
 - المنحنى (C_f) يكون دائما فوق المنحنى (C_g) .
- ب. من أجل $m = 4$ أوجد حسابيا حلول ما يلي: $f(x) = g(x)$ و $f(x) \geq g(x)$.
- III. نعتبر الدالتين h و k المعرفتين بـ: $h(x) = |f(x)|$ و $k(x) = f(|x|)$.
- 1) أكتب $h(x)$ دون رمز القيمة المطلقة. ثم اشرح كيفية رسم المنحنى (h) . (الرسم غير مطلوب).
 - 2) بين أن k دالة زوجية، ثم أرسم (C_k) منحنى الدالة k في نفس المعلم السابق.

التَّمرين الثَّاني: (04 ن)

- (1) عيّن القيس الرئيسي للزوايا التالية: $\frac{102\pi}{3}$, 135° , $\frac{1442\pi}{3}$, $\frac{2021\pi}{6}$
- (2) بسّط العبارة التالية: $A(x) = 2 \cos(2021\pi - x) + 4 \sin(1441\pi - x) + \cos(x - 735\pi)$
- (3) x عدد حقيقي، $E(x)$ عبارة حيث: $E(x) = \cos^2(x) - \sin^2(x)$

أ. أحسب $E\left(\frac{5\pi}{4}\right)$.

ب. بيّن أنّ: $E(x) = 2 \cos^2(x) - 1$

(4) إذا علمت أنّ $E(x) = \frac{1}{2}$ و $x \in \left[\frac{\pi}{2}; \pi\right]$

أحسب $\sin x$ و $\cos x$.

التَّمرين الثَّالث: (05 ن)

الجدول التالي يمثل السرعات التي سجلتها الشرطة بأحد الطرق السريعة.

السرعات (km/h)	[70 ; 80[[80 ; 90[[90 ; 100[[100 ; 110[[110 ; 120[[120 ; 130[
عدد السيارات	2	10	7	12	8	6

- (1) أعد رسم الجدول مبرزاً فيه مراكز الفئات والتكرار المجمع الصاعد.
- (2) أحسب كل من: الوسط الحسابي، المدى والفئة المنوالية.
- (3) أحسب الوسيط.
- (4) أنشئ المدرج التكراري.
- (5) أنشئ المظلع التكراري.

بالتَّوفيق للجميع

x	$-\infty$	2	$+\infty$
$f(x)$		-1	

-2

تعريف 1

$$p(x) = x^3 - 3x^2 - x + 3$$

$$p(-1) = (-1)^3 - 3(-1)^2 - (-1) + 3 = -1 - 3 + 1 + 3 = 0$$

$$p(x) = (x - (-1))(ax^2 + bx + c)$$

$$= (x + 1)(ax^2 + bx + c)$$

$$= ax^3 + bx^2 + cx + ax^2 + bx + c$$

$$= ax^3 + (b+a)x^2 + (c+b)x + c$$

بالمطابقة

$$\begin{cases} a = 1 \\ b + a = -3 \rightarrow b = -3 - a = -4 \\ c + b = -1 \rightarrow c = -1 - b = 3 \\ c = 3 \end{cases}$$

$$p(x) = (x + 1)(x^2 - 4x + 3)$$

$$p(x) = 0 \rightarrow \begin{cases} x + 1 = 0 \rightarrow x = -1 \\ x^2 - 4x + 3 = 0 \end{cases}$$

$$x^2 - 4x + 3 = 0 : \Delta = (-4)^2 - 4(1)(3) = 16 - 12 = 4$$

$$x_1 = \frac{-(-4) - \sqrt{4}}{2(1)} = 1 \quad x_2 = \frac{-(-4) + \sqrt{4}}{2} = 3$$

x	$-\infty$	-1	1	3	$+\infty$
$x + 1$	-	0	+	+	+
$x^2 - 4x + 3$	+	+	0	-	+
$p(x)$	-	0	+	0	+

$$p(x) \leq 0 \rightarrow x \in]-\infty, -1] \cup [1, 3]$$

$$f(x) = (x - 2)^2 - 1$$

$$= x^2 - 4x + 4 - 1 = x^2 - 4x + 3$$

$$x \in]-\infty, 2[$$

$$x_1 < x_2 < 2$$

$$x_1 - 2 < x_2 - 2 < 0$$

$$(x_1 - 2)^2 > (x_2 - 2)^2 > 0$$

$$(x_1 - 2)^2 - 1 > (x_2 - 2)^2 - 1 > -1$$

$$f(x_1) > f(x_2) > -1$$

f متناقصة كلما

$$x \in]2, +\infty[$$

$$2 < x_1 < x_2$$

$$0 < x_1 - 2 < x_2 - 2$$

$$0 < (x_1 - 2)^2 < (x_2 - 2)^2$$

$$-1 < (x_1 - 2)^2 - 1 < (x_2 - 2)^2 - 1$$

$$-1 < f(x_1) < f(x_2)$$

f متزايدة كلما

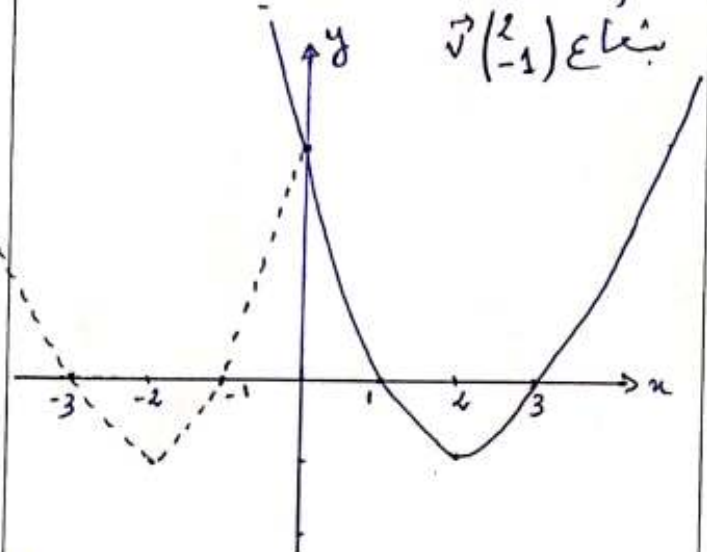
3. التقاطع مع محور الترتيب : $f(0) = 3$

التقاطع مع محور القواصل : $x^2 - 4x + 3 = 0$

$$x_1 = 1 \quad x_2 = 3$$

4. (c_f) هو الاستطاب منحنى الدالة x^2

بشعاع $\vec{v} \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$



5. المنحنى (c_f) يقطع المنحنى (c_g)

$$x^2 - 4x + 3 = -2x + m \rightarrow x^2 - 2x + 3 - m = 0$$

$$\Delta = (-2)^2 - 4(1)(3 - m) = 4 - 12 + 4m$$

$$\Delta = 4m - 8$$

m	$-\infty$	2	$+\infty$
$\Delta = 4m - 8$		0	
	-		+

المنحنى (c_f) يقطع المنحنى (c_g) في نقطتين

اذا المعادلة تبيل حليته ومنه $\Delta > 0$

$$m \in]2, +\infty[$$

(c_f) يكون دائريا فوق (c_g) المعادلة لا تبيل

طول من تكونا المتانها من انسا، $\Delta < 0$ موجبة

$$m \in]-\infty, 2[: \Delta < 0$$

$$A(x) = 2 \cos(2x) + 4 \sin(x) + \cos(x - 35^\circ) \quad \Delta = 4(4) - 8 = 8 \quad : m = 4 \quad (1)$$

$$A(x) = 2 \cos(x - \pi) + 4 \sin(x - \pi) + \cos(x - \pi)$$

$$= -2 \cos x + 4 \sin x - \cos x$$

$$= 4 \sin x - 3 \cos x$$

$$E\left(\frac{5\pi}{4}\right) = \sin^2\left(\frac{5\pi}{4}\right) - \cos^2\left(\frac{5\pi}{4}\right)$$

$$= \sin^2\left(\pi + \frac{\pi}{4}\right) - \cos^2\left(\pi + \frac{\pi}{4}\right)$$

$$= \sin^2\frac{\pi}{4} - \cos^2\frac{\pi}{4} = 0$$

$$E(x) = \cos^2 x - \sin^2 x \quad / \quad \cos^2 x + \sin^2 x = 1$$

$$\sin^2 x = 1 - \cos^2 x$$

$$E(x) = \cos^2 x - (1 - \cos^2 x) = 2 \cos^2 x - 1$$

$$E(x) = \frac{1}{2} \rightarrow 2 \cos^2 x - 1 = \frac{1}{2}$$

$$2 \cos^2 x = \frac{1}{2} + 1 \rightarrow \cos^2 x = \frac{3}{4} \rightarrow \cos x = \pm \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \cos x = -\frac{\sqrt{3}}{2} \rightarrow \sin x = \frac{1}{2} \\ \cos x = +\frac{\sqrt{3}}{2} \rightarrow \text{مرفوض} \end{array} \right.$$

$$\bar{x} = 106,11 \quad : \text{تقریباً } 3$$

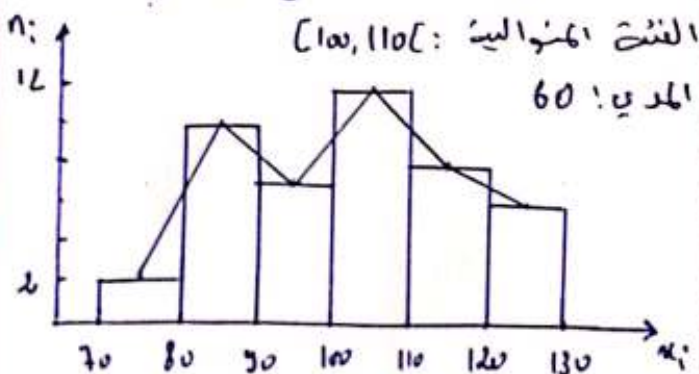
التردد	75	85	95	105	115	125
n _i	2	10	7	12	8	6
مجموع	02	12	19	31	39	45

$$p = 45 = 2 \cdot 22 + 1 \quad p = 22$$

$$a = 100 \quad b = 110 \quad : [100, 110[\text{ الفئة الوسطى}$$

$$l = 110 - 100 = 10 \quad d = 12 \quad r = 4$$

$$Med = a + \frac{r}{d} \cdot l = 100 + \frac{4}{12} \cdot 10 = 103,33$$



$$y_1 = \frac{-(-2) - \sqrt{8}}{2(1)} = \frac{2 - 2\sqrt{2}}{2} = 1 - \sqrt{2}$$

$$y_2 = \frac{-(-2) + \sqrt{8}}{2(1)} = \frac{2 + 2\sqrt{2}}{2} = 1 + \sqrt{2}$$

$$x_1 = 1 - \sqrt{2} \quad ; \quad x_2 = 1 + \sqrt{2} \quad ; \quad | \quad f(x) = y(x)$$

x	$-\infty$	$1 - \sqrt{2}$	$1 + \sqrt{2}$	$+\infty$	
f(x) - g(x)	+	0	-	0	+

$$x \in]-\infty, 1 - \sqrt{2}] \cup [1 + \sqrt{2}, +\infty[$$

$$h(x) = |f(x)| = \begin{cases} f(x) & f(x) > 0 \\ -f(x) & f(x) < 0 \end{cases}$$

$$h(x) = \begin{cases} x^2 - 4x + 3 & x \in]-\infty, 1[\cup]3, +\infty[\\ -x^2 + 4x - 3 & x \in]1, 3[\end{cases}$$

$$: x \in]-\infty, 1[\cup]3, +\infty[\quad : \text{لما}$$

$$(cf) \text{ هو نفس } (cf)$$

$$: x \in]1, 3[\quad : \text{لما}$$

(cf) هو نظير (cf) بالنسبة لمحور الفواصل

$$k(1-x) = f(1-x) = f(x) = k(x)$$

كذلك زوجية k

تقریباً 2

$$\frac{2021\pi}{6} = 336\pi + \frac{5\pi}{6} = \frac{5\pi}{6}$$

$$\frac{1442\pi}{3} = 480\pi + \frac{2\pi}{3} = \frac{2\pi}{3}$$

$$135^\circ = \frac{3\pi}{4}$$

$$\frac{106\pi}{3} = 34\pi = 0$$