

المقطع التعليمي 01 الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة / الحساب على الجذور المستوى : الرابع من ت المتوسط

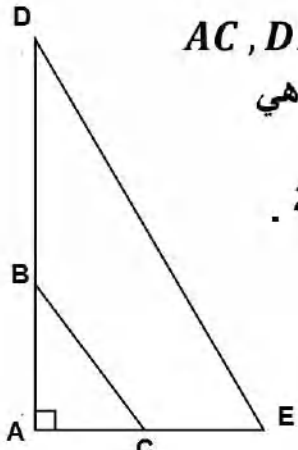
الوسائل : السبورة , كراس الأنشطة

الجزء الثاني : الحساب على الجذور

المراجع : المنهاج , الوثيقة المرافقة , الكتاب المدرسي .

المورد المعرفي : الجذر التربيعي لعدد موجب .

الكفاءة المستهدفة: التعرف على الجذر التربيعي لعدد موجب .

المراحل	سير الحصّة	المدة	الملاحظات
التهيئة	تذكير بخاصية طالس	05 د	ت تشخيصي
	<p><b>الوضعية التعليمية</b></p> <p>الشكل يمثل مثلثين قائمين <math>ABC</math> , حيث <math>AD = 8</math> , <math>AE = 6</math> و <math>AB = \frac{1}{4}AD</math> , <math>AC = \frac{1}{2}AE</math> (وحدة الطول هي السنتيمتر)</p> <p>(1) باستعمال خاصية فيثاغورث أحسب <math>AC</math> , <math>DE</math></p> <p>(2) من بين الطولين المتحصل عليهما ما هي القيمة غير المضبوطة ؟</p> <p>(3) عين قيمة مقربة لها باستعمال الحاسبة .</p>  <p><b>حل مختصر</b></p> <p>(1) باستعمال خ فيثوغورث نجد :  <math>DE^2 = 100</math> و منه <math>DE = \sqrt{100} = 10</math>  <math>BC^2 = 13</math> و منه <math>BC = \sqrt{13}</math></p> <p>(2) القيمة المضبوطة هي : <math>\sqrt{13}</math></p> <p>(3) القيمة المقربة : <math>\sqrt{13} \approx 3,6055512 \dots</math></p> <p><b>حوصلة</b></p> <p><b>الجذر التربيعي لعدد موجب</b></p> <p><math>a</math> عدد موجب , الجذر التربيعي للعدد <math>a</math> هو العدد الموجب الذي مربعه يساوي <math>a</math> و نكتب : <math>\sqrt{a}=a</math></p> <p><math>6^2 = 36</math> و منه <math>\sqrt{36} = 6</math> , <math>(\frac{7}{6})^2 = \frac{49}{64}</math> و منه <math>\sqrt{\frac{49}{64}} = \frac{7}{8}</math></p>	20 د	ت تكويني

بناء التعلّمات

الملاحظات	المدّة	سير الحصّة	المراحل
تقويم تكويني	15 د	<p><b>خواص</b> <math>a</math> عدد موجب</p> $(-\sqrt{a})^2 = (\sqrt{a})^2 = \sqrt{a^2} = a$ <p>أمثلة: <math>(-\sqrt{17})^2 = (\sqrt{17})^2 = \sqrt{17^2} = 17</math></p> <p><b>الأعداد الناطقة و الأعداد غير الناطقة</b></p> <p><math>a</math> عدد ناطق موجب</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>في حالة <math>a</math> مربعا لعدد ناطق يكون <math>\sqrt{a}</math> عددا ناطقا</li> </ul> <p>121 مربعا للعدد 11 إذن <math>\sqrt{121}</math> عدد ناطق و نكتب <math>\sqrt{121} = 11</math></p> <p>2,25 مربعا للعدد 5, إذن <math>\sqrt{2,25}</math> عدد ناطقا و نكتب <math>\sqrt{2,25} = 1,5</math></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>في حالة <math>a</math> ليس مربعا لعدد ناطق فان <math>\sqrt{a}</math> ليس عددا ناطقا .</li> </ul> <p>لا يوجد عدد ناطق مربعه 11 إذن العدد <math>\sqrt{11}</math> ليس ناطقا .</p>	بناء التعلمّات
ت نهائي	20 د	<p><b>تطبيق</b></p> <p>(1) أجب بصحيح أو خطأ مع تصحيح الخطأ إن وُجد :</p> <p>3 هو الجذر التربيعي للعدد 9 , 9 هو مربع العدد 81</p> <p><math>\sqrt{4} = 16</math> , <math>\sqrt{324}^2 = 18</math> , <math>\sqrt{324} = 18</math></p> <p>(2) عين الأعداد الناطقة و الأعداد غير الناطقة فيما يلي :</p> <p><math>\pi</math> , <math>\sqrt{\frac{26}{25}}</math> , <math>\sqrt{\frac{49}{1,96}}</math> , <math>\sqrt{3}</math> , <math>\sqrt{9}</math> , <math>\sqrt{81}</math> , <math>\sqrt{3,61}</math> , <math>\sqrt{17}</math> , <math>\sqrt{16}</math></p> <p><b>الحل</b></p> <p>(1) 3 هو الجذر التربيعي للعدد 9 <b>صحيح</b></p> <p>9 هو مربع العدد 81 <b>خطأ</b> , التصحيح 9 هو الجذر التربيعي لـ 81</p> <p><math>\sqrt{324} = 18</math> <b>صحيح</b></p> <p><math>\sqrt{324}^2 = 18</math> <b>خطأ</b> , التصحيح <math>\sqrt{324}^2 = 324</math></p> <p><math>\sqrt{4} = 16</math> <b>خطأ</b> , التصحيح <math>\sqrt{4} = 2</math></p> <p>(2) الأعداد الناطقة :</p> <p><math>\sqrt{9}</math> , <math>\sqrt{81}</math> , <math>\sqrt{3,61}</math> , <math>\sqrt{16}</math></p> <p>الأعداد غير الناطقة :</p> <p><math>\pi</math> , <math>\sqrt{\frac{26}{25}}</math> , <math>\sqrt{3}</math> , <math>\sqrt{17}</math></p>	الإستثمار

المقطع التلمي 01 الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة / الحساب على الجذور المستوى : الرابع من ت المتوسط

الجزء الثاني : الحساب على الجذور الوسائل : السبورة , كراس الأنشطة

المراجع : المنهاج , الوثيقة المرافقة , الكتاب المدرسي .

المورد المعرفي : المعادلة من الشكل  $x^2 = a$ الكفاءة المستهدفة : تعرف المتعلم على المعادلة  $x^2 = a$  و تمرنه على طريقة الحل .

الملاحظات	المدة	سير الحصة	المراحل
ت تشخيصي	05 د	$(-\sqrt{a})^2 = (\sqrt{a})^2 = \sqrt{a}^2 = a$	التهيئة
ت تكويني	15 د	<p><b>الوضعية التعليمية</b></p> <p>(1) حسابيا بين أن <math>4^2 = (-4)^2</math> و أن <math>4^2 \neq -4^2</math></p> <p>(2) أحسب <math>x^2</math> من أجل كلا من <math>x = 6</math> , <math>x = -6</math></p> <p>ثم من أجل <math>x = \sqrt{5}</math> , <math>x = -\sqrt{5}</math></p> <p>(3) من خلال ما سبق اوجد حلولا للمعادلتين <math>x^2 = 9</math> , <math>x^2 = 10</math></p> <p><b>الحل</b></p> <p>(1) <math>4^2 = 4 \times 4 = 16</math> , <math>(-4)^2 = (-4) \times (-4) = 16</math></p> <p>إذن <math>4^2 = (-4)^2</math></p> <p><math>4^2 \neq -4^2</math> إذن <math>-4^2 = -4 \times 4 = -16</math></p> <p>(2) <math>x^2 = (-6)^2 = 36</math> , <math>x^2 = 6^2 = 36</math></p> <p><math>x^2 = (-\sqrt{5})^2 = 5</math> , <math>x^2 = \sqrt{5}^2 = 5</math></p> <p>(3) <math>x^2 = 9</math> تقبل حلين هما 3 و -3</p> <p><math>x^2 = 10</math> تقبل حلين هما <math>\sqrt{10}</math> و <math>-\sqrt{10}</math></p> <p><b>حوصلة</b></p> <p><math>a</math> عدد كفي</p> <p>تقبل حلين متعاكسين <math>\sqrt{a}</math> و <math>-\sqrt{a}</math> إذا كان <math>a &gt; 0</math></p> <p>تقبل حلا واحدا إذا كان <math>a = 0</math></p> <p>لا تقبل أي حل إذا كان <math>a &lt; 0</math></p>	بناء التعلّمات
	15 د	<p>أمثلة : المعادلة <math>x^2 = 144</math> تقبلين حلين هما 12 و -12</p> <p>المعادلة <math>x^2 = 145</math> تقبلين حلين هما <math>\sqrt{145}</math> و <math>-\sqrt{145}</math></p> <p>المعادلة <math>x^2 = -49</math> لا تقبل حلول .</p>	

تطبيق :

حل المعادلات التالية :

$$-x^2 = -7 \quad , x^2 = \sqrt{64}^2 \quad , x^2 = 13 \quad , x^2 = 169$$

$$1 + x^2 = 3,251 \quad , x^2 = -7$$

الحل

$$x = -\sqrt{169} = -13 \quad \text{أو} \quad x = \sqrt{169} = 13 \quad \text{منه} \quad x^2 = 169$$

للمعادلة حلان هما **13 و -13** .

$$x = -\sqrt{13} \quad \text{أو} \quad x = \sqrt{13} \quad \text{منه} \quad x^2 = 13$$

للمعادلة حلان هما  **$\sqrt{13}$  و  $-\sqrt{13}$** 

$$-8 \quad \text{و} \quad 8 \quad \text{منه} \quad x^2 = 64 \quad \text{إذن للمعادلة حلان هما}$$

$$-\sqrt{7} \quad \text{و} \quad \sqrt{7} \quad \text{منه} \quad x^2 = 7 \quad \text{إذن للمعادلة حلان هما}$$

$x^2 = -7$  نعلم أن  $-7 < 0$  و بالتالي المعادلة لا تقبل حلول .

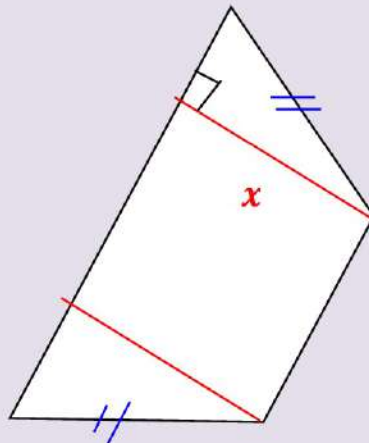
$$x^2 = 3,25 - 1 = 2,25 \quad \text{منه} \quad x^2 = 3,251$$

إذن للمعادلة حلان هما **1,5 و -1,5**تمرين ( منزلي )

الشكل يمثل شبه منحرف متساوي الساقين طولَي قاعدتيه  $5cm$  و  $3cm$

و طول ضلعه الجانبي  $2cm$

أحسب القيمة المضبوطة لارتفاعه  $x$  .



الإستثمار

إعادة الإستثمار

المقطع التعليمي 01 الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة / الحساب على الجذور المستوى : الرابع من ت المتوسط

الجزء الثاني : الحساب على الجذور الوسائل : السبورة , كراس الأنشطة

المراجع : المنهاج , الوثيقة المرافقة , الكتاب المدرسي .

المورد المعرفي : العمليات على الجذور : جداء جذرين تربيعيين / حاصل قسمة جذرين .

الكفاءة المستهدفة : التعرف على جداء و حاصل قسمة جذرين لتوظيفهما في التبسيط .

المراحل	سير الحصّة	المدة	الملاحظات
التهيئة	تذكير بالجذر التربيعي .	05 د	ت تشخيصي
بناء التعلم	<p><b>الوضعية التعليمية</b></p> <p>(1) احسب ما يلي : <math>\sqrt{9} \times \sqrt{4}</math> و <math>\sqrt{9 \times 4}</math> ثم قارن بين النتيجتين .</p> <p>(2) نفس السؤال بالنسبة لـ : <math>\frac{\sqrt{36}}{\sqrt{4}}</math> و <math>\sqrt{\frac{36}{4}}</math> .</p> <p>(3) استنادا على ما توصلت إليه في س1 و س2 كمل الفراغات التالية بما يناسب :</p> $\sqrt{17} \times \sqrt{\dots} = \sqrt{\dots \times \dots} = \sqrt{34}$ $\sqrt{\dots} \times \sqrt{\dots} = \sqrt{25 \times \dots} = \sqrt{75}$ $\sqrt{300} = \sqrt{\dots} \times \sqrt{\dots} = 10 \times \sqrt{\dots}$ $\sqrt{\frac{3}{\dots}} \times \frac{\sqrt{\dots}}{\sqrt{2}} = \sqrt{\frac{\dots \times 3}{50 \times \dots}} = \frac{9}{\dots} , \quad \sqrt{\frac{\dots}{16}} = \frac{\sqrt{\dots}}{\sqrt{\dots}} = \frac{9}{\dots}$ <p><b>حوصلة</b></p> <p><b>العمليات على الجذور</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>من أجل كل عددين موجبين <math>a</math> و <math>b</math> : <math>\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}</math></li> <li>من أجل كل عددين <math>a</math> و <math>b</math> حيث <math>b \neq 0</math> : <math>\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}</math></li> </ul> <p><b>ملاحظة :</b> في حالة <math>a</math> و <math>b</math> سالبين</p> <p>فان <math>\sqrt{a \times b}</math> و <math>\sqrt{\frac{a}{b}}</math> موجودين مع أن كلا من <math>\sqrt{a}</math> و <math>\sqrt{b}</math> لا معنى له .</p>	25 د	ت تكويني
	الإستثمار	تطبيق : ت رقم 16 ص 26 ت رقم 20 ص 27	15 د

بناء التعلم

الإستثمار

أمثلة

المقطع التعليمي 01 الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة / الحساب على الجذور المستوى : الرابع من ت المتوسط

الجزء الثاني : الحساب على الجذور الوسائل : السبورة , كراس الأنشطة

المراجع : المنهاج , الوثيقة المرافقة , الكتاب المدرسي .

المورد المعرفي : العمليات على الجذور : جمع أو طرح جذرين / الكتابة  $a\sqrt{b}$

الكفاءة المستهدفة: التعرف على الكتابة  $a\sqrt{b}$  و استعمالها في التبسيط .

المراحل	سير الحصة	المدة	الملاحظات
التهيئة	تذكير جداء و حاصل قسمة جذرين	05 د	ت تشخيصي
بناء التعلم	<p><b>الوضعية التعليمية</b></p> <p>1/ أحسب <math>\sqrt{16} + \sqrt{9}</math> و <math>\sqrt{16 + 9}</math> ثم قارن بين النتيجةين .            ب/ نفس السؤال بالنسبة لـ <math>\sqrt{16} - \sqrt{9}</math> و <math>\sqrt{16 - 9}</math> .            2/ مما سبق ماذا تستنتج ؟            3/ أكمل الفراغ : <math>\sqrt{50} = \sqrt{\dots \times 2} = \sqrt{\dots} \times \sqrt{2} = \dots \times \sqrt{2}</math>            نقول اننا كتبنا العدد غير الناطق ... بشكل جداء العدد الناطق .....            و العدد غير الناطق .....</p> <p>ب/ أكتب كلا من <math>\sqrt{8}</math> , <math>\sqrt{12}</math> بالشكل <math>a\sqrt{b}</math> حيث يكون <math>b</math> أصغر ما يمكن</p> <p><b>حوصلة</b></p> <p>1) <math>a</math> و <math>b</math> عددان موجبان تماما .  <math>\sqrt{a + b} \neq \sqrt{a} + \sqrt{b}</math> •  <math>\sqrt{a - b} \neq \sqrt{a} - \sqrt{b}</math> حيث <math>a &gt; b</math> •            2) <math>a</math> و <math>b</math> عددان موجبان  <math>\sqrt{a^2 b} = \sqrt{a^2} \times \sqrt{b} = a\sqrt{b}</math> •</p>	20 د	ت تكويني
الإستثمار	<p><b>تطبيق</b> : أكتب على الشكل <math>a\sqrt{b}</math> حيث <math>b</math> أصغر ما يمكن كلا مما يلي :</p> <p><math>\sqrt{18}</math> , <math>\sqrt{27}</math> , <math>\sqrt{20}</math> , <math>2\sqrt{75}</math> , <math>-5\sqrt{24}</math> , <math>\frac{-3}{4}\sqrt{80}</math></p> <p><b>حل مختصر</b> : <math>\sqrt{18} = 3\sqrt{2}</math> , <math>\sqrt{27} = 3\sqrt{3}</math> , <math>\sqrt{20} = 2\sqrt{5}</math> , <math>\frac{-3}{4}\sqrt{80} = \frac{-3}{4} \times 4\sqrt{5} = -3\sqrt{5}</math> , <math>2\sqrt{75} = 2 \times 5\sqrt{3} = 10\sqrt{3}</math></p>	15 د	ت نهائي

المقطع التعليمي 01 الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة / الحساب على الجذور المستوى : الرابع من ت المتوسط

الوسائل : السبورة , كراس الأنشطة

الجزء الثاني : الحساب على الجذور

المراجع : المنهاج , الوثيقة المرافقة , الكتاب المدرسي .

المورد المعرفي : تحويل مقام نسبة من عدد غير ناطق إلى عدد ناطق .

الكفاءة المستهدفة: تحويل مقام نسبة و توظيفه .

المراحل	سير الحصة	المدة	الملاحظات
التهيئة	تذكير جداء و حاصل قسمة جذرين	05 د	ت تشخيصي
بناء التعلم	<p><b>الوضعية التعليمية</b></p> <p>(1) أحسب مايلي : <math>\sqrt{5} \times \sqrt{5}</math> , <math>\sqrt{7}^2</math> , <math>(-\sqrt{11})^2</math></p> <p>(2) أكمل كل فراغ بما يناسب :</p> $\frac{\dots}{\sqrt{6}} = \frac{\dots \times \dots}{\dots \times \dots} = \frac{\sqrt{6}}{6} , \quad \frac{7}{\sqrt{2}} = \frac{7 \times \dots}{\dots \times \dots} = \frac{7\sqrt{2}}{2}$ <p>الحل</p> <p>(1) <math>(-\sqrt{11})^2 = 11</math> , <math>\sqrt{7}^2 = 7</math> , <math>\sqrt{5} \times \sqrt{5} = 5</math></p> <p>(2) <math>\frac{1}{\sqrt{6}} = \frac{1 \times \sqrt{6}}{\sqrt{6} \times \sqrt{6}} = \frac{\sqrt{6}}{6}</math> , <math>\frac{7}{\sqrt{2}} = \frac{7 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{7\sqrt{2}}{2}</math></p> <p><b>حوصلة</b></p> <p>لتحويل نسبة <math>\frac{a}{\sqrt{b}}</math> مقامها غير ناطق إلى نسبة تساويها مقامها عدد ناطق نضرب الحدين في نفس العدد <math>\sqrt{b}</math></p>	25 د	ت تكويني
تطبيق	<p>(1) حول مقامات النسب التالية : <math>\frac{-7+\sqrt{3}}{3\sqrt{5}}</math> , <math>\frac{-7\sqrt{3}}{3\sqrt{5}}</math> , <math>\frac{12}{\sqrt{2}}</math></p> <p>(2) أجب بصحيح أو خطأ مع تصحيح الخطأ إن وجد :</p> $\frac{\sqrt{7}+\sqrt{6}}{\sqrt{3}} = \frac{(\sqrt{7}+\sqrt{6}) \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} , \quad \frac{3-\sqrt{11}}{\sqrt{2}} = \frac{3-\sqrt{11} \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}}$ <p><b>الحل (1)</b></p> $\frac{-7\sqrt{3}}{3\sqrt{5}} = \frac{-7\sqrt{3} \times \sqrt{5}}{3\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{-7\sqrt{15}}{15} , \quad \frac{12}{\sqrt{2}} = \frac{12\sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{12\sqrt{2}}{2}$ $\frac{-7+\sqrt{3}}{3\sqrt{5}} = \frac{(-7+\sqrt{3}) \times \sqrt{5}}{3\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{-7\sqrt{5}+\sqrt{15}}{15}$ <p>(2) <b>خطأ</b> . التصحيح <math>\frac{3-\sqrt{11}}{\sqrt{2}} = \frac{(3-\sqrt{11}) \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}}</math></p>	15 د	ت نهائي
إعادة الأستثمار		15 د	رقم 23 ص 27

## الأستاذ : خالد معمرى

المستوى الرابع من التعليم المتوسط

المقطع التعليمي 01

المحطة التقويمية رقم 01

## التمرين الأول ( 06 نقط )

لتكن الأعداد  $A$  ,  $B$  ,  $C$  حيث :

$$A = 3\sqrt{24} - \sqrt{20} - 2\sqrt{6}$$

$$B = \sqrt{54} + 2\sqrt{45} + \sqrt{6} - \sqrt{80}$$

$$C = 17,1 \times 10^3 \times 10^{-2}$$

أكتب  $\frac{A \times B}{C}$  بشكل كسر غير قابل للاختزال .

## التمرين الثانى ( 04 نقط )

( وحدة الطول هي السنتيمتر )

 $DEF$  مثلث قائم في النقطة  $E$  حيث

$$EF = \frac{-2}{3} + \frac{1}{3} \times \frac{7}{2} \quad \text{و} \quad ED = \frac{\sqrt{6}}{2\sqrt{2}}$$

أحسب  $r$  نصف قطر الدائرة المحيطة به .

## الأستاذ : خالد معمرى

المستوى الرابع من التعليم المتوسط

المقطع التعليمي 01

المحطة التقويمية رقم 01

## التمرين الأول ( 06 نقط )

لتكن الأعداد  $A$  ,  $B$  ,  $C$  حيث :

$$A = 3\sqrt{24} - \sqrt{20} - 2\sqrt{6}$$

$$B = \sqrt{54} + 2\sqrt{45} + \sqrt{6} - \sqrt{80}$$

$$C = 17,1 \times 10^3 \times 10^{-2}$$

أكتب  $\frac{A \times B}{C}$  بشكل كسر غير قابل للاختزال .

## التمرين الثانى ( 04 نقط )

( وحدة الطول هي السنتيمتر )

 $DEF$  مثلث قائم في النقطة  $E$  حيث

$$EF = \frac{-2}{3} + \frac{1}{3} \times \frac{7}{2} \quad \text{و} \quad ED = \frac{\sqrt{6}}{2\sqrt{2}}$$

أحسب  $r$  نصف قطر الدائرة المحيطة به .

## المقطع التعليمى 01 الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة / الحساب على الجذور

## الأخطاء المحتملة فى هذا المقطع

الصواب	الخطأ
<p>القسم المشترك للعددين <math>a</math> و <math>b</math> هو 8 نكتب : <math>PGCD(a; b) = 8</math></p>	<p>(1) القسم المشترك للعددين <math>a</math> و <math>b</math> هو 8 نكتب : <math>PGCD = 8</math></p>
$\sqrt{27} + \sqrt{3} = 3\sqrt{3} + \sqrt{3} = 4\sqrt{3}$	$\sqrt{27} + \sqrt{3} = \sqrt{30} \quad (2)$
<p><math>6 + 2\sqrt{5}</math> غير قابل للتبسيط</p>	$6 + 2\sqrt{5} = 8\sqrt{5} \quad (3)$
$4 \times \sqrt{2} \times \sqrt{3} = 4\sqrt{2 \times 3} = 4\sqrt{6}$	$4 \times \sqrt{2} \times \sqrt{3} = \sqrt{4 \times 2 \times 3} \quad (4)$
$\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{7}} = \frac{\sqrt{5 \times 7}}{\sqrt{7 \times 7}}$	$\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{7}} = \frac{\sqrt{5 \times 5}}{\sqrt{7 \times 7}} \quad (5)$
$\frac{11 + \sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \frac{(11 + \sqrt{2}) \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}}$	$\frac{11 + \sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \frac{11 + \sqrt{2} \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} \quad (6)$