

النمرين رقم 05

مجلدان أحدهما به 2848 صفحة والآخر به 1792 صفحة، بحيث كل مجلد متكون من مجموعة على شكل كراريس صفحاتها تتراوح بين 28 و 36 صفحة.

(1) ما هو عدد الصفحات في الكراس الواحد؟

(2) ما هو عدد الكراريس في كلا المجلدين؟

النمرين رقم 06

لتكن العبارة E حيث:

$$E = \frac{772497}{6160} + \frac{3}{56}$$

- أكتب العبارة E على شكل كسر غير قابل للاختزال.

النمرين رقم 07

لصاحب مكتبة 78 كتاب رياضيات، و 102 كتاب تكنولوجيا. أراد صاحب المكتبة أن يرتبها في رفوف مكتبته بحيث تكون كل الرفوف متماثلة من حيث عدد كتب الرياضيات وكتب التكنولوجيا.

(1) ما هو أكبر عدد من الرفوف المستعملة؟

(2) إذا كان سمك كتاب الرياضيات هو $1,5 \text{ cm}$ وسمك كتاب التكنولوجيا هو 1 cm ، فما هو طول كل رف (توضع الكتب جنباً إلى جنب في كل رف)؟

النمرين رقم 08

زيد غرس أشجار على محيط حديقة مثلثة الشكل على أن توجد شجرة في كل ركن من أركان الحديقة، وأن تكون المسافة التي تفصل الأشجار متساوية.

(1) ما هي أكبر مسافة يمكن أن تفصل بين شجرتين متجاورتين إذا علمت أن

الأبعاد الثلاثة للحديقة هي: 42 m و 70 m و 98 m ؟

(2) ما هو عدد الأشجار التي يمكن غرسها حول هذه الحديقة؟

النمرين رقم 09

a و b عدنان طبيعيات بحيث: $a > b$.

- أوجد جميع الثنائيات المرتبة $(a; b)$ حيث:

$$\begin{cases} a \times b = 6912 \\ \text{PGCD}(a; b) = 24 \end{cases}$$

النمرين رقم 01

(1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 945 و 1215 عن طريق:

- إجراء عمليات الطرح المتتالية.

- إجراء سلسلة القسومات الإقليدية.

- البحث عن مجموعة القواسم المشتركة.

(2) أكتب $\frac{945}{1215}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.

النمرين رقم 02

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 140 و 220.

(2) صفحة زجاجية مستطيلة الشكل بعدها $1,40 \text{ m}$ و $2,20 \text{ m}$ ، جزئت

إلى مربعات متساوية بأكبر ضلع دون ضياع.

أ- ما هو طول ضلع كل مربع؟

ب- ما هو عدد المربعات الناتجة؟

النمرين رقم 03

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 696 و 406 مع كتابة مراحل الحساب.

(2) أكتب $\frac{696}{406}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.

(3) أحسب العدد P حيث:

$$P = \frac{696}{406} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$$

النمرين رقم 04

زيد ملء دنين بالماء وذلك باستعمال دَن سعة $x \text{ L}$ حيث x عدد طبيعي.

إذا علمت أن سعة الدَن ① هي 18 L وسعة الدَن ② هي 15 L .



(1) ما هي أكبر قيمة للعدد x ؟ (نفرغ هذا الدَن كلياً في كل مرة).

(2) كم مرة استعملنا هذا الدَن لملء الدَن ①؟ الدَن ②؟

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

إعداد الأستاذ عبد الحميد بوقطوف



السنة الرابعة من التعليم المتوسط

ع.الحميد



https://www.facebook.com/abdelhamid4bem



ع.الحميد

❖ الأعداد الطبيعية والأعداد الناقصة ❖

ونكتب:

$$PGCD(1215; 945) = 135$$

■ الطريقة الثالثة: البحث عن مجموعة القواسم المشتركة

- مجموعة قواسم العدد 1215 هي: {1; 3; 5; 9; 15; 27; 45; 81; 135; 243; 405; 1215}
- مجموعة قواسم العدد 945 هي: {1; 3; 5; 9; 15; 27; 35; 63; 105; 189; 315; 945}
- مجموعة القواسم المشتركة للعددين 1215 و 945 هي: {1; 3; 5; 9; 15; 27; 135}

أكبر عدد في مجموعة القواسم المشتركة للعددين 1215 و 945 هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 1215 و 945.

ومنه:

$$PGCD(1215; 945) = 135$$

-2 كتابة $\frac{945}{1215}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال:

بما أن القاسم المشترك الأكبر للعددين 1215 و 945 هو 135، فإنه يمكن قسمة كل من البسط والمقام على العدد 135 كما يلي:

$$\frac{945}{1215} = \frac{945 \div 135}{1215 \div 135} = \frac{7}{9}$$

الكسر غير قابل للاختزال للعدد $\frac{945}{1215}$ هو: $\frac{7}{9}$.

نتيجة:

الكسر $\frac{7}{9}$ غير قابل للاختزال.

جميع الحقوق محفوظة

- BEM -

ع.الحميد

النمرين رقم 01

- 1- أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 945 و 1215 عن طريق:
 - إجراء عمليات الطرح المتتالية.
 - إجراء سلسلة القسومات الإقليدية.
 - البحث عن مجموعة القواسم المشتركة.
- 2- أكتب $\frac{945}{1215}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.

الحل رقم 01

- 1- إيجاد القاسم المشترك الأكبر للعددين 945 و 1215:
 - نستعين بخوارزمية إقليدس.

■ الطريقة الأولى: عمليات الطرح المتتالية

$$\begin{aligned} 1215 - 945 &= 270 \\ 945 - 270 &= 675 \\ 675 - 270 &= 405 \\ 405 - 270 &= 135 \\ 270 - 135 &= 135 \\ 135 - 135 &= 0 \end{aligned}$$

■ الطريقة الثانية: سلسلة القسومات الإقليدية

$$\begin{array}{r|l} 1215 = 1 \times 945 + 270 & \begin{array}{c|c|c|c|c} 1215 & 945 & 945 & 270 & 270 & 135 \\ \hline 270 & 1 & 135 & 3 & 0 & 2 \end{array} \\ 945 = 3 \times 270 + 135 & \\ 270 = 2 \times 135 + 0 & \end{array}$$

ملاحظة:

يمكن تلخيص سلسلة القسومات الإقليدية في الجدول التالي:

الحاصل	1	3	2
1215	945	270	135
الباقى	270	135	0

- آخر باقى غير معدوم في سلسلة القسومات الإقليدية هو 135.
- القاسم المشترك الأكبر للعددين 1215 و 945 هو 135.

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

إعداد الأستاذ عبد الحميد بوقطوف



السنة الرابعة من التعليم المتوسط

ع.الحميد

<https://www.facebook.com/abdelhamid4bem>

ع.الحميد

❖ الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة ❖

من السؤال 1- وجدنا:

$$PGCD(220 ; 140) = 20$$

ومنه:

طول ضلع كل مربع هو 20 cm .

ب- إيجاد عدد المربعات الناتجة:

● نحسب عدد المربعات الناتجة على طول الصفحة الزجاجية:

$$N_1 = \frac{220}{20} = \frac{22}{2} = 11$$

عدد المربعات الناتجة على طول الصفحة الزجاجية هو 11 مربع.

● نحسب عدد المربعات الناتجة على عرض الصفحة الزجاجية:

$$N_2 = \frac{140}{20} = \frac{14}{2} = 7$$

عدد المربعات الناتجة على عرض الصفحة الزجاجية هو 7 مربعات.

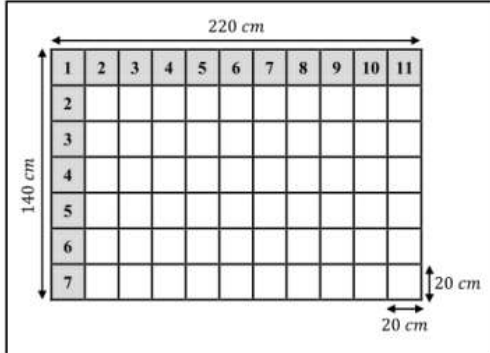
فيكون:

عدد المربعات الكلية الناتجة هو:

$$N = N_1 \times N_2 = 11 \times 7 = 77$$

ومنه:

عدد المربعات الناتجة هو 77 مربع.



- جميع الحقوق محفوظة -

- BEM -

النمرين رقم 02

1- أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 140 و 220.

2- صفحة زجاجية مستطيلة الشكل بعدها $1,40 \text{ m}$ و $2,20 \text{ m}$ ، جزئت إلى مربعات متساوية بأكبر ضلع دون ضياع.

أ- ما هو طول ضلع كل مربع؟

ب- ما هو عدد المربعات الناتجة؟

الحل رقم 02

1- حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 140 و 220:

بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسومات الاقليدية)، ينتج:

$$220 = 1 \times 140 + 80$$

$$140 = 1 \times 80 + 60$$

$$80 = 1 \times 60 + 20$$

$$60 = 3 \times 20 + 0$$

لاحظ أن:

آخر باقي غير معدوم في سلسلة قسومات خوارزمية إقليدس هو 20.

ومنه:

$$PGCD(220 ; 140) = 20$$

2- صفحة زجاجية مستطيلة الشكل بعدها $1,40 \text{ m}$ و $2,20 \text{ m}$ ، جزئت إلى مربعات متساوية بأكبر ضلع دون ضياع.

لاحظ أن:

$$\begin{cases} 1,40 \text{ m} = 140 \text{ cm} \\ 2,20 \text{ m} = 220 \text{ cm} \end{cases}$$

أ- إيجاد طول ضلع كل مربع:

طول ضلع كل مربع هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 140 و 220.

لأن:

- طول الصفحة الزجاجية هو 220 cm .- عرض الصفحة الزجاجية هو 140 cm .

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

إعداد الأستاذ عبد الحميد بوقطوف



السنة الرابعة من التعليم المتوسط

ع.الحميد

<https://www.facebook.com/abdelhamid4bem>

ع.الحميد

❖ الأعداد الطبيعية والأعداد الناقصة ❖

<p>3- حساب العدد P:</p> $P = \frac{696}{406} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$ $= \frac{12}{7} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$ $= \frac{12}{7} - \frac{3 \times 5}{7 \times 2}$ $= \frac{12}{7} - \frac{15}{14}$ $= \frac{12 \times 2}{7 \times 2} - \frac{15}{14}$ $= \frac{24}{14} - \frac{15}{14}$ $= \frac{24 - 15}{14}$ $P = \frac{9}{14}$ <p style="text-align: center;"><u>ومنه:</u></p> <p style="text-align: center;">$P = \frac{9}{14}$</p> <p style="text-align: center;"><u>ومنه:</u></p> <p style="text-align: center;">$PGCD(696 ; 406) = 58$</p> <p>2- كتابة $\frac{696}{406}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال:</p> <p>بما أن القاسم المشترك الأكبر للعددين 696 و 406 هو 58، فإنه يمكن قسمة كلا من البسط والمقام على العدد 58 كما يلي:</p> $\frac{696}{406} = \frac{696 \div 58}{406 \div 58} = \frac{12}{7}$ <p>الكسر غير قابل للاختزال للعدد $\frac{696}{406}$ هو: $\frac{12}{7}$.</p> <p>تذكر دائماً:</p> <p>عندما نقسم كلا من حدي كسر على القاسم المشترك الأكبر لبسطه ومقامه نحصل على كسر غير قابل للاختزال.</p> <p style="text-align: center;">- جميع الحقوق محفوظة - - BEM -</p>	<p>النمرين رقم 03</p> <p>1- أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 696 و 406 مع كتابة مراحل الحساب.</p> <p>2- أكتب $\frac{696}{406}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.</p> <p>3- أحسب العدد P حيث:</p> $P = \frac{696}{406} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$ <p>الحل رقم 03</p> <p>1- حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 696 و 406:</p> <p>بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسومات الاقليدية)، ينتج:</p> $696 = 1 \times 406 + 290$ $406 = 1 \times 290 + 116$ $290 = 2 \times 116 + 58$ $116 = 2 \times 58 + 0$ <p>لاحظ أن:</p> <p>آخر باقي غير معدوم في سلسلة قسومات خوارزمية إقليدس هو 58.</p> <p>ومنه:</p> <p style="text-align: center;">$PGCD(696 ; 406) = 58$</p> <p>2- كتابة $\frac{696}{406}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال:</p> <p>بما أن القاسم المشترك الأكبر للعددين 696 و 406 هو 58، فإنه يمكن قسمة كلا من البسط والمقام على العدد 58 كما يلي:</p> $\frac{696}{406} = \frac{696 \div 58}{406 \div 58} = \frac{12}{7}$ <p>الكسر غير قابل للاختزال للعدد $\frac{696}{406}$ هو: $\frac{12}{7}$.</p> <p>تذكر دائماً:</p> <p>عندما نقسم كلا من حدي كسر على القاسم المشترك الأكبر لبسطه ومقامه نحصل على كسر غير قابل للاختزال.</p>
---	---

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

إعداد الأستاذ عبد الحميد بوقطوف



السنة الرابعة من التعليم المتوسط

ع.الحميد

<https://www.facebook.com/abdelhamid4bem>

ع.الحميد

❖ الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة ❖

2- إيجاد عدد المرات التي استعملنا فيها الدّن ①:

سعة الدّن ① هي 18 L.

عدد مرات استعمال الدّن ① هي:

$$\textcircled{1} = \frac{18}{3} = 6$$

ومنه:

استعمل الدّن ① 6 مرات.

إيجاد عدد المرات التي استعملنا فيها الدّن ②:

سعة الدّن ② هي 15 L.

عدد مرات استعمال الدّن ② هي:

$$\textcircled{2} = \frac{15}{3} = 5$$

ومنه:

استعمل الدّن ② 5 مرات.



- جميع الحقوق محفوظة -

- BEM -

النمرين رقم 04

نريد ملء دّنين بالماء وذلك باستعمال دّن سعته x L حيث x عدد طبيعي. إذا علمت أن سعة الدّن ① هي 18 L وسعة الدّن ② هي 15 L.

1- ما هي أكبر قيمة للعدد x ؟ (نفرغ هذا الدّن كلياً في كل مرة).

2- كم مرة استعملنا هذا الدّن لملء الدّن ①؟ الدّن ②؟

الحل رقم 04

1- إيجاد أكبر قيمة للعدد x :أكبر قيمة للعدد x هي القاسم المشترك الأكبر للعددين 18 و 15.

لأن:

- سعة الدّن ① هي 18 L.

- سعة الدّن ② هي 15 L.

نبحث عن القاسم المشترك الأكبر للعددين 18 و 15.

بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسومات الأقلدية)، ينتج:

$$18 = 1 \times 15 + 3$$

$$15 = 5 \times 3 + 0$$

لاحظ أن:

آخر باقي غير معدوم في سلسلة قسومات خوارزمية إقليدس هو 3.

ومنه:

$$PGCD(18; 15) = 3$$

فتكون:

أكبر قيمة للعدد x هي 3 L.

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

إعداد الأستاذ عبد الحميد بوقطوف



السنة الرابعة من التعليم المتوسط

ع.الحميد

<https://www.facebook.com/abdelhamid4bem>

ع.الحميد

❖ الأعداد الطبيعية والأعداد الناقصة ❖

<p>ملاحظة:</p> <p>العدد 32 محصور بين 28 و 36 (النتيجة توافق نص التمرين).</p> <p>(2) إيجاد عدد الكرايس في كلا المجلدين:</p> <p><u>إيجاد عدد الكرايس في المجلد الأول:</u></p> <p>المجلد الأول به 2848 صفحة، مكونة من n كراس، كل كراس به 32 صفحة.</p> <p>حيث:</p> $n = \frac{2848}{32} = 89$ <p>عدد الكرايس في المجلد الأول هو 89 كراس.</p> <p><u>إيجاد عدد الكرايس في المجلد الثاني:</u></p> <p>المجلد الثاني به 1792 صفحة، مكونة من m كراس، كل كراس به 32 صفحة.</p> <p>حيث:</p> $m = \frac{1792}{32} = 56$ <p>عدد الكرايس في المجلد الثاني هو 56 كراس.</p> <hr/> <p style="text-align: center;">— جميع الحقوق محفوظة — — BEM —</p>	<p>النمرين رقم 05</p> <p>مجلدان أحدهما به 2848 صفحة و الآخر به 1792 صفحة، بحيث كل مجلد متكون من مجموعة على شكل كرايس صفحاتها تتراوح بين 28 و 36 صفحة.</p> <p>(1) ما هو عدد الصفحات في الكراس الواحد؟ (2) ما هو عدد الكرايس في كلا المجلدين؟</p> <p>الحل رقم 05</p> <p>(1) إيجاد عدد الصفحات في الكراس الواحد:</p> <p>عدد الصفحات في الكراس الواحد هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 2848 و 1792.</p> <p>لأن:</p> <ul style="list-style-type: none"> - المجلد الأول به 2848 صفحة. - المجلد الثاني به 1792 صفحة. <p>نبحث عن القاسم المشترك الأكبر للعددين 2848 و 1792.</p> <p>بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسومات الأقلدية)، ينتج:</p> $2848 = 1 \times 1792 + 1056$ $1792 = 1 \times 1056 + 736$ $1056 = 1 \times 736 + 320$ $736 = 2 \times 320 + 96$ $320 = 3 \times 96 + 32$ $96 = 3 \times 32 + 0$ <p>لاحظ أن:</p> <p>آخر باقي غير معدوم في سلسلة قسومات خوارزمية إقليدس هو 32.</p> <p>ومنه:</p> $PGCD(2848 ; 1792) = 32$ <p>فيكون:</p> <p>عدد الصفحات في الكراس الواحد هو 32 صفحة.</p>
---	--

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

إعداد الأستاذ عبد الحميد بوقطوف



السنة الرابعة من التعليم المتوسط

ع.الحميد



https://www.facebook.com/abdelhamid4bem



ع.الحميد

❖ الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة ❖

$E = \frac{70227}{560} + \frac{3 \times 10}{56 \times 10}$ $E = \frac{70227}{560} + \frac{30}{560}$ $E = \frac{70227 + 30}{560}$ $E = \frac{70257}{560}$ <p>نبحث عن القاسم المشترك الأكبر للعددين 70257 و 560. بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسومات الاقليدية)، ينتج:</p> $70257 = 125 \times 560 + 257$ $560 = 2 \times 257 + 46$ $257 = 5 \times 46 + 27$ $46 = 1 \times 27 + 19$ $27 = 1 \times 19 + 8$ $19 = 2 \times 8 + 3$ $8 = 2 \times 3 + 2$ $3 = 1 \times 2 + 1$ $2 = 2 \times 1 + 0$ <p>لاحظ أن: آخر باقي غير معدوم في سلسلة قسومات خوارزمية إقليدس هو 1. ومنه:</p> $PGCD(70257 ; 560) = 1$ <p>بما أن القاسم المشترك الأكبر للعددين 70257 و 560 هو 1، أي أنهما أوليان فيما بينهما، فإن الكسر $\frac{70257}{560}$ غير قابل للاختزال. ومنه:</p> $E = \frac{70257}{560}$ <p style="text-align: center;">- جميع الحقوق محفوظة - - BEM -</p>	<p style="text-align: center;">التمرين رقم 06</p> <p>لتكن العبارة E حيث:</p> $E = \frac{772497}{6160} + \frac{3}{56}$ <p>- أكتب العبارة E على شكل كسر غير قابل للاختزال.</p> <p style="text-align: center;">الحل رقم 06</p> <p>كتابة العبارة E على شكل كسر غير قابل للاختزال:</p> $E = \frac{772497}{6160} + \frac{3}{56}$ <p>نبحث عن القاسم المشترك الأكبر للعددين 772497 و 6160. بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسومات الاقليدية)، ينتج:</p> $772497 = 125 \times 6160 + 2497$ $6160 = 2 \times 2497 + 1166$ $2497 = 2 \times 1166 + 165$ $1166 = 7 \times 165 + 11$ $165 = 15 \times 11 + 0$ <p>لاحظ أن: آخر باقي غير معدوم في سلسلة قسومات خوارزمية إقليدس هو 11. ومنه:</p> $PGCD(772497 ; 6160) = 11$ <p>بما أن القاسم المشترك الأكبر للعددين 772497 و 6160 هو 11، فإنه يمكن قسمة كلا من 772497 و 6160 على العدد 11 كما يلي:</p> $E = \frac{772497}{6160} + \frac{3}{56}$ $E = \frac{772497 \div 11}{6160 \div 11} + \frac{3}{56}$ $E = \frac{70227}{560} + \frac{3}{56}$ <p>يمكن الآن توحيد المقامات كما يلي:</p>
---	---

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

إعداد الأستاذ عبد الحميد بوقطوف



السنة الرابعة من التعليم المتوسط

ع.الحميد

<https://www.facebook.com/abdelhamid4bem>

ع.الحميد

❖ الأعداد الطبيعية والأعداد الناقصة ❖

<p>بجيث:</p> <p>- عدد كتب التكنولوجيا في كل رفّ هو: 17 كتاب.</p> $\frac{102}{6} = 17$ <p>- عدد كتب الرياضيات في كل رفّ هو: 13 كتاب.</p> $\frac{78}{6} = 13$ <p>ملاحظة:</p> <p>يوجد في كل رفّ 17 كتاب تكنولوجيا و 13 كتاب رياضيات.</p> <p>(2) حساب طول كل رف:</p> <p>سمك كتاب التكنولوجيا هو 1 cm وعدد كتب التكنولوجيا في كل رف هو 17 كتاب، وسمك كتاب الرياضيات هو 1 cm وعدد كتب الرياضيات في كل رف هو 13 كتاب.</p> <p>فيكون طول كل رفّ:</p> $l = 17 \times 1 + 13 \times 1,5 = 36,5 \text{ cm}$ <p>ومنه:</p> <p>طول كل رفّ هو 36,5 cm.</p> <hr/> <p>جميع الحقوق محفوظة - - BEM -</p>	<p>النمرين رقم 07</p> <p>(1) لصاحب مكتبة 78 كتاب رياضيات، و 102 كتاب تكنولوجيا. أراد صاحب المكتبة أن يرتبها في رفوف مكتبته بحيث تكون كل الرفوف متماثلة من حيث عدد كتب الرياضيات وكتب التكنولوجيا. ما هو أكبر عدد من الرفوف المستعملة؟</p> <p>(2) إذا كان سمك كتاب الرياضيات هو 1,5 cm وسمك كتاب التكنولوجيا هو 1 cm.</p> <p>- ما هو طول كل رف (توضع الكتب جنباً إلى جنب في كل رف)؟</p> <p>الحل رقم 07</p> <p>(1) إيجاد أكبر عدد من الرفوف المستعملة:</p> <p>أكبر عدد من الرفوف المستعملة هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 102 و 78.</p> <p>لأن:</p> <p>- عدد كتب التكنولوجيا في المكتبة هو 102 كتاب.</p> <p>- عدد كتب الرياضيات في المكتبة هو 78 كتاب.</p> <p>نبحث عن القاسم المشترك الأكبر للعددين 102 و 78.</p> <p>بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسومات الأقلدية)، ينتج:</p> $102 = 1 \times 78 + 24$ $78 = 3 \times 24 + 6$ $24 = 4 \times 6 + 0$ <p>لاحظ أن:</p> <p>آخر باقى غير معدوم في سلسلة قسومات خوارزمية إقليدس هو 6.</p> <p>ومنه:</p> $PGCD(102 ; 78) = 6$ <p>فيكون:</p> <p>أكبر عدد من الرفوف المستعملة هو 6 رفوف.</p>
--	---

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

إعداد الأستاذ عبد الحميد بوقطوف



السنة الرابعة من التعليم المتوسط

عبد الحميد

<https://www.facebook.com/abdelhamid4bem>

عبد الحميد

❖ الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة ❖

نتيجة:

$$PGCD(98 ; 70 ; 42) = 14$$

ومنه:

أكبر مسافة يمكن أن تفصل بين شجرتين متجاورتين هي 14 m .

(2) إيجاد عدد الأشجار التي يمكن غرسها حول الحديقة:

ليكن:

- n_1 عدد الأشجار التي يمكن غرسها في الطول 98 m .- n_2 عدد الأشجار التي يمكن غرسها في الطول 70 m .- n_3 عدد الأشجار التي يمكن غرسها في الطول 42 m .

فينتج:

$$n_1 = \frac{98}{14} = 7$$

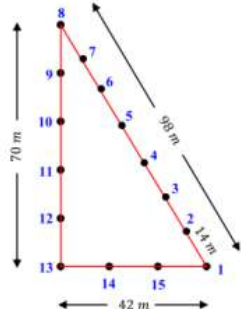
$$n_2 = \frac{70}{14} = 5$$

$$n_3 = \frac{42}{14} = 3$$

ومنه:

$$n = n_1 + n_2 + n_3 = 7 + 5 + 3 = 15$$

عدد الأشجار التي يمكن غرسها حول هذه الحديقة هو: 15 شجرة.



- جميع الحقوق محفوظة -

- BEM -

النمرين رقم 08

يزيد غرس أشجار على محيط حديقة مثلثة الشكل على أن توجد شجرة في كل ركن من أركان الحديقة، وأن تكون المسافة التي تفصل الأشجار متساوية.

1- ما هي أكبر مسافة يمكن أن تفصل بين شجرتين متجاورتين إذا علمت أن الأبعاد الثلاثة للحديقة هي: 98 m و 70 m و 42 m ؟

2- ما هو عدد الأشجار التي يمكن غرسها حول هذه الحديقة؟

الحل رقم 08

(1) إيجاد أكبر مسافة يمكن أن تفصل بين شجرتين متجاورتين:

أكبر مسافة يمكن أن تفصل بين شجرتين متجاورتين هي القاسم المشترك الأكبر للأعداد 98 ، 70 و 42 .

لأن:

الأبعاد الثلاثة للحديقة هي: 98 m و 70 m و 42 m .

نبحث أولاً عن القاسم المشترك الأكبر للعددين 98 و 70 .

بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسومات الاقليدية)، ينتج:

$$98 = 1 \times 70 + 28$$

$$70 = 2 \times 28 + 14$$

$$28 = 2 \times 14 + 0$$

لاحظ أن:

آخر باقي غير معدوم في سلسلة قسومات خوارزمية إقليدس هو 14 .

نكتب:

$$PGCD(98 ; 70) = 14$$

نبحث ثانياً عن القاسم المشترك الأكبر للعددين 14 و 42 .

بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسومات الاقليدية)، ينتج:

$$42 = 3 \times 14 + 0$$

نكتب:

$$PGCD(42 ; 14) = 14$$

جميع الحقوق محفوظة

- BAC -

عبد الحميد