

طريقة: تبسيط عدد غير ناطق هو كتابته على $a\sqrt{b}$

الشكل:

حيث a عدد موجب و b أصغر عدد طبيعي ممكن.

أمثلة:

- $\sqrt{12} = \sqrt{4 \times 3}$
 $= \sqrt{2^2 \times 3}$
 $= 2\sqrt{3}$
- $\sqrt{32} = \sqrt{16 \times 2}$
 $= \sqrt{4^2 \times 2}$
 $= 4\sqrt{2}$
- $\sqrt{90} = \sqrt{9 \times 10}$
 $= \sqrt{3^2 \times 10}$
 $= 3\sqrt{10}$

قاعدة: a و b عددان موجبان حيث: $b \neq 0$ إذن:

- $\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$
- $\sqrt{a^2 b} = a\sqrt{b}$
- $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$

أمثلة:

- $\sqrt{2} \times \sqrt{3} = \sqrt{6}$
- $\sqrt{20} = \sqrt{2^2 \times 5} = 2\sqrt{5}$
- $\sqrt{\frac{50}{25}} = \frac{\sqrt{50}}{\sqrt{25}} = \frac{\sqrt{5^2 \times 2}}{\sqrt{5^2}} = \frac{5\sqrt{2}}{5} = \sqrt{2}$

ملاحظة:

- $\sqrt{a} - \sqrt{b} \neq \sqrt{a - b}$
- $\sqrt{a} + \sqrt{b} \neq \sqrt{a + b}$

أمثلة:

- $\begin{cases} \sqrt{100} - \sqrt{64} = 10 - 8 = 2 \\ \sqrt{100 - 64} = \sqrt{36} = 6 \end{cases}$
- $\begin{cases} \sqrt{36} + \sqrt{64} = 6 + 8 = 14 \\ \sqrt{36 + 64} = \sqrt{100} = 10 \end{cases}$

قاعدة: a و b عددان حقيقيان إذن:

- $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
- $(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$

أمثلة:

- $(2x + 3)^2 = (2x)^2 + 2 \times 2x \times 3 + 3^2$
 $= 4x^2 + 12x + 9$
- $(2x - 3)^2 = (2x)^2 - 2 \times 2x \times 3 + 3^2$
 $= 4x^2 - 12x + 9$
- $(2x + 3)(2x - 3) = (2x)^2 - (3)^2$
 $= 4x^2 - 9$

قاعدة: a و b عددان موجبان حيث: $b \neq 0$ إذن:

- $\frac{a}{\sqrt{b}} = \frac{a\sqrt{b}}{\sqrt{b} \times \sqrt{b}} = \frac{a\sqrt{b}}{b}$

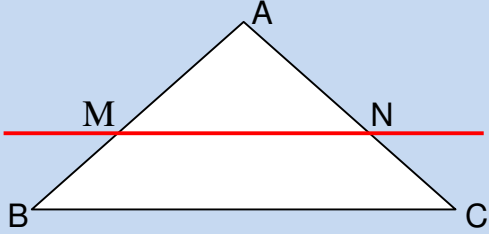
أمثلة:

- $\frac{3}{\sqrt{2}} = \frac{3 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{2} = \frac{3}{2}\sqrt{2}$
- $\frac{5}{\sqrt{3}} = \frac{5 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{5\sqrt{3}}{3} = \frac{5}{3}\sqrt{3}$

_____ :

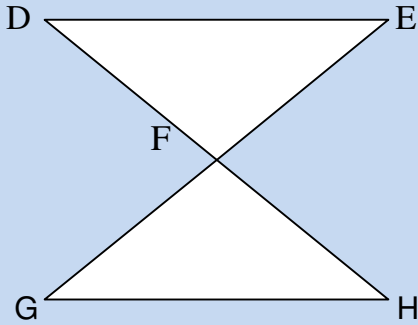
إذا كان $(MN) // (BC)$: _____

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC} \quad \text{فإن:}$$



إذا كان $(DE) // (GH)$: _____

$$\frac{EF}{FG} = \frac{FD}{FH} = \frac{DE}{GH} \quad \text{فإن:}$$



تمرين:

ABC مثلث، $M \in [BA]$ ، $N \in [AC]$

حيث: $(MN) // (BC)$ و $AM = 6\text{cm}$ ، $AB = 9\text{cm}$ ،

$AC = 6\text{cm}$

- احسب الطول AN.

الحل:

- حساب الطول AN:

$$\frac{AN}{AC} = \frac{AM}{AB}$$

$$AN \times AB = AC \times AM$$

$$AN = \frac{AC \times AM}{AB}$$

$$AN = \frac{6 \times 6}{9}$$

$$AN = 4\text{cm}$$

_____ :

_____ : a و b عدنان أوليان فيما بينهما معناه أن

قاسمهما المشترك الأكبر يساوي 1.

مثال:

قواسم 14 هي: 1، 2، 7، 14.

قواسم 15 هي: 1، 3، 5، 15.

$PGCD(15;14) = 1$ يعني: 14 و 15 أوليان فيما بينهما.

_____ :

_____ : a و b عدنان طبيعيان حيث:

$b \neq 0$ ، الكسر $\frac{a}{b}$ غير قابل للاختزال يعني a و b أوليان فيما بينهما.

مثال:

$\frac{14}{15}$ غير قابل للاختزال يعني: 14 و 15 أوليان فيما بينهما.

$$\underline{\underline{x^2 = b}}$$

_____ : b عدد حقيقي:

1 - إذا كان $b > 0$ فإن للمعادلة $x^2 = b$ حلّين مختلفين هما \sqrt{b} و $-\sqrt{b}$.

مثال: $x^2 = 25$

$$x = -\sqrt{25} = -5 \quad \text{أو} \quad x = \sqrt{25} = 5$$

للمعادلة حلان مختلفان هما: (+5) و (-5).

2 - إذا كان $b = 0$ فإن للمعادلة $x^2 = b$ حلا واحدا فقط هو العدد 0.

مثال: $x^2 = 0$

للمعادلة حل واحد فقط، ونكتب: $x = 0$

3 - إذا كان $b < 0$ فإن المعادلة $x^2 = b$ ليس لها حل حقيقي لأن: $x^2 \geq 0$

مثال: $x^2 = -5$

المعادلة ليس لها حل لأن x^2 موجب و (-5) سالب تماما.

_____ : ABC مثلث.

إذا كان: $BC^2 = AB^2 + AC^2$

فإن: هذا المثلث قائم في A.

_____ :

ABC مثلث حيث: $AB = 6\text{cm}$ ، $AC = 8\text{cm}$ ، $CB = 10\text{cm}$.

لنبيّن أنّ المثلث قائم في A:

- $BC^2 = (10)^2 = 100$
- $AB^2 + AC^2 = 8^2 + 6^2$
 $= 64 + 36$
 $= 100$

نلاحظ أنّ:

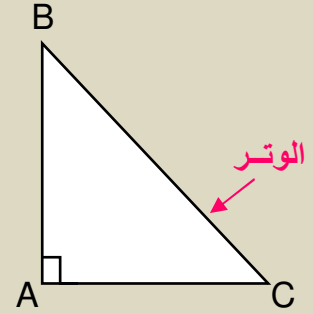
$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

ومنه حسب خاصيّة فيثاغورس العكسيّة فإن:

المثلث ABC قائم في A.

_____ : إذا كان ABC مثلث قائم في A.

فإن: $BC^2 = AB^2 + AC^2$



مثال:

ABC مثلث قائم في A حيث: $AB = 4\text{cm}$ ،

$AC = 3\text{cm}$ ، لنحسب BC.

المثلث ABC قائم في A ومنه حسب خاصيّة

فيثاغورس لدينا:

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$BC^2 = (4)^2 + (3)^2$$

$$BC^2 = 16 + 9$$

$$BC^2 = 25$$

$$BC = \sqrt{25}$$

$$BC = 5\text{cm}$$



BEM 2019



مفكرة الرياضيات للثلاثي الأول

للسنة الرابعة متوسط

الأستاذة: ليلي سهيلة