

واجب منزلي رقم 01

التمرين الأول:

(1) بسط كل من الأعداد التالية ثم عين أصغر مجموعة ينتمي إليها كل منها :

$$D = \frac{\frac{1}{2} + \frac{2}{3}}{\frac{1}{6} + 1} , C = \frac{1}{7} + \frac{4}{\frac{1}{3} + \frac{1}{2}} , B = \sqrt{(\sqrt{\sqrt{17}})^4} + \sqrt{\sqrt{(-2)^{12}}} , A = \sqrt{144} + \frac{(1+\sqrt{2})(1-\sqrt{2})}{2}$$

$$G = \sqrt{17+12\sqrt{2}} , F = \sqrt{\frac{2+\sqrt{3}}{8+4\sqrt{3}}} , E = \sqrt{19 - \frac{\sqrt{8}}{\sqrt{2}} + \sqrt{64}}$$

(2) من دون استعمال الآلة الحاسبة، بين أن العددين $L = \frac{425}{200}$ ، $M = \frac{231}{350}$ عشريان .

(3) حل العدد $N = \frac{71}{15}$ عشري؟ علل .

(4) ليكن α و β عددان حقيقيان حيث : $\beta = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}-\sqrt{3}}$ ، $\alpha = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}+\sqrt{3}}$

- أكتب α و β على شكل كسر مقامه عدد ناطق .
- بين أن $\alpha + \beta$ عدد طبيعي و $\alpha \times \beta$ عدد ناطق .
- عبر عن العدد $\alpha + \beta$ بدلالة $\alpha \times \beta$.

(5) عين الكتابة الكسرية للأعداد الناطقة التالية انطلاقا من كتابتها العشرية الدورية: $A = 17.5231$ ، $B = 2.28$ ، 17.172 :

(6) من بين الأعداد التالية ، حدد تلك التي هي أولية 121, 111111 , 317 , 1961 , 633335

التمرين الثاني:

A و B عددان حيث : $B = 531 \times 10^{-1}$ ، $A = 2.7324968$

- (1) عين مدور العدد A إلى الوحدة ثم إلى 10^{-3} .
- (2) أكتب كل من العددين A و B على الشكل العلمي.
- (3) أوجد رتبة مقدار كل من العددين A ، B ، $A \times B$ و $\frac{A}{B}$.

قم بقلب الورقة

التمرين الثالث:

نعتبر الأعداد الحقيقية a, b, c حيث :

$$a = -\frac{36^2 \times 21^{-3} \times 49^2}{(-18)^3 \times 81^{-2} \times 35}, b = \frac{1}{7-\sqrt{8}} + \frac{1}{7+\sqrt{8}}, c = \frac{-2}{5-\sqrt{3}}$$

(1) بسط العدد a .

(2) بين أن b عدد عشري دون استعمال الآلة الحاسبة .

(3) أكتب العدد c على شكل كسر مقامه عدد طبيعي .

(4) حلل العددين 3074 ، 990 و $(990)^4 \times (3074)^3$ إلى جداء عوامل أولية .

باستعمال التحليل إلى جداء عوامل أولية :

(1) أحسب $PGCD(3074;990)$ و $PPCM(3074;990)$.

(2) عين الشكل الغير قابل للاختزال للعدد $\frac{3074}{990}$.

(3) عين الكتابة المختصرة ل $\sqrt{3074}$ ، $\sqrt{990}$ و $\sqrt{3074 \times 990}$.

(4) عين أصغر قيمة للعدد الطبيعي n حتى يكون $\sqrt{3074 \times 990 \times n}$ عددا طبيعيا .

التمرين الرابع:

يكن a عدد حقيقي ، m و n عددين طبيعيين .

(1) بين بثلاث طرق مختلفة أن: $(a^n + a^m)^2 - (a^n - a^m)^2 = 4a^{n+m}$.

قم بقلب الورقة