

تمارين متنوعة في محور الأعداد و الحساب

التمرين رقم 01 :

بين أن الأعداد التالية هي أعداد طبيعية :

$$A = \frac{3^{10}}{243} , B = \frac{\sqrt{722}}{\sqrt{2}} , C = \frac{(\alpha + \beta)^2 - (\alpha - \beta)^2}{\alpha\beta} \text{ حيث } \alpha\beta \neq 0$$

$$D = \sqrt{22 + \sqrt{5 + \sqrt{15 + \sqrt{1}}}} , E = \sqrt{\frac{8^{10} + 4^{10}}{8^4 + 4^{11}}} , F = (\sqrt{\sqrt{17}})^4 , G = \sqrt{\sqrt{11^8}}$$

التمرين رقم 02 :

بسط الأعداد التالية ثم عين أصغر مجموعة تنتمي إليها :

$$A = \left(\frac{1 - \sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(\frac{1 + \sqrt{3}}{2}\right)^2 , B = \frac{3}{\sqrt{2} + 1} - 3\sqrt{2} , C = (\sqrt{18} - 4)\left(\frac{3}{4}\sqrt{2} + 1\right)$$

$$D = \frac{3\sqrt{2} + 15}{7\sqrt{2} + 35} , E = \frac{2\pi}{3,14} , F = \frac{(\sqrt{3} - 2)(\sqrt{3} + 2)}{700} , G = \frac{5}{3} + \frac{4}{3}\left(\frac{1}{2} - \frac{3}{5}\right)$$

$$H = \sqrt{2} - \frac{1}{\sqrt{2} - 1} , I = \frac{7\pi + 14}{3\pi + 6} , J = (2 + \sqrt{2})^2 - 4\sqrt{2} , K = \sqrt{1 - \frac{7}{25}} \times \sqrt{1 + \frac{7}{25}}$$

$$Y = \frac{1}{3 - \sqrt{5}} + \frac{1}{3 + \sqrt{5}} , W = \frac{1}{2 + \frac{1}{2 + \frac{1}{2 + \frac{1}{1 + \sqrt{2}}}}} , Z = 1 + \frac{1}{2 + \frac{1}{2 + \frac{1}{1 + \sqrt{2}}}}$$

التمرين رقم 03 :

باستعمال قواعد الحساب على القوى الصحيحة ، بسط الأعداد التالية ثم حدد أصغر مجموعة تنتمي إليها :

$$A = 49^{-4} \times 35^8 \times 25^{-3} , B = \left(\frac{5}{7}\right)^{-4} \times \left(\frac{3}{4}\right)^8 (3 \times 5)^6 , C = \frac{15^{-4} \times 18^7}{25^{-3} \times 16^{-3}}$$

$$D = \frac{(2)^6 \times (15)^3 \times (-3)^6}{(-16)^4 \times (10)^5 \times (27)^{-3}}$$

**التمرين رقم 04 :**

$$E = \frac{x+y}{1+xy} \quad \text{ضع : } \mathbb{R} - \{-1,1\} \text{ و } y \text{ و } x \text{ عدنان من}$$

$$1- \text{أوجد قيمة } E \text{ من أجل } x = \frac{1}{3} \text{ و } y = -\frac{2}{5} .$$

$$2- \text{بسط : } (\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 \text{ و } (\sqrt{3} - \sqrt{2})^2 .$$

$$3- \text{من أجل } x = \sqrt{5+2\sqrt{6}} \text{ و } x = \sqrt{5-2\sqrt{6}} \text{ ؛ أحسب قيمة } E .$$

$$4- \text{بين أنه من أجل كل } x \text{ و } y \text{ من } \mathbb{R} - \{-1,1\} \text{ فإن :}$$

$$1+E = \frac{(x+1)(y+1)}{1+xy} \quad \text{و} \quad 1-E = \frac{(x-1)(y-1)}{1+xy}$$

**التمرين رقم 05 :**

$$x \text{ و } y \text{ عدنان حقيقيان حيث : } x = \sqrt{75} - 4\sqrt{3} + \sqrt{2} \times \frac{6}{\sqrt{18}} \text{ و } y = (\sqrt{3}-1)^2 + \sqrt{3} - 2$$

$$1- \text{أثبت أن : } x = 2 + \sqrt{3} \text{ و } y = 2 - \sqrt{3} .$$

$$2- \text{أحسب الجداء } x \times y \text{ ثم إستنتج أن : } \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = 4$$

$$3- z \text{ عدد حقيقي حيث : } z = \frac{\sqrt{3}}{2} \times \left( \frac{1}{x} + \frac{1}{y} \right) + 2y - (x-y)^2$$

✓ بسط العدد الحقيقي  $z$  ثم حدد أصغر مجموعة ينتمي إليها العدد  $z$  ( أصغر بمفهوم الإحتواء ) .

**التمرين رقم 06 :**

$$D = -3,1727272\dots \text{ , } C = 5,245245245\dots \text{ , } B = 34,212121\dots \text{ , } A = 0,141414\dots$$

**التمرين رقم 07 :**

ليكن العدان  $a$  و  $b$  حيث :  $a = \frac{1+\sqrt{5}}{2}$  و  $b = \frac{1-\sqrt{5}}{2}$  (  $a$  يسمى العدد الذهبي )

1- أحسب  $ab$  و  $a+b$  .

2- إستنتج قيمة كلا من  $a^2 + b^2$  و  $a^4 + b^4$  .

3- بين أن  $a^2 = a + 1$  و أن  $a^3 = 2a + 1$  .

**التمرين رقم 08 :**

ليكن  $a$  و  $b$  عدان حقيقيان يحققان :  
(1) 
$$\begin{cases} a + b = 1 \\ a^2 + b^2 = 2 \end{cases}$$

1- أحسب  $ab$  .

2- برهن أن :  $a^4 + b^4$  عدد عشري .

3- برهن بالحساب أن :  $a = \frac{1-\sqrt{3}}{2}$  و  $b = \frac{1+\sqrt{3}}{2}$  يحققان الشرطين (1) .

**التمرين رقم 09 :**

1- من دون إستعمال حاسبة ؛ بين أن العددين  $A = \frac{231}{350}$  و  $B = \frac{425}{200}$  عشريان .

2- هل العدد  $C = \frac{71}{15}$  عشري ؟ علل .

3- من بين الأعداد التالية ؛ حدد تلك التي هي أولية :

223 ، 95578 ، 111111 ، 121 ، 317 ، 251 ، 1961 ، 633335

**التمرين رقم 10 :**

1- أكتب الأعداد التالية بمقامات ناطقة :  $\frac{1}{\sqrt{2+1}}$  ،  $\frac{1}{\sqrt{3+\sqrt{2}}}$  ،  $\frac{1}{\sqrt{n+1+\sqrt{n}}}$

(  $n$  عدد طبيعي ) .

2- أحسب المجموع  $S$  التالي :  $S = 1 + \frac{1}{\sqrt{2+\sqrt{1}}} + \frac{1}{\sqrt{3+\sqrt{2}}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{1670+\sqrt{1669}}}$

### التمرين رقم 11 :

ليكن  $n$  عدد طبيعي .

1- بين أن :  $\frac{1}{(n+1)(n+2)} = \frac{1}{n+1} - \frac{1}{n+2}$

2- إستنتج قيمة المجموع  $S$  حيث :  $S = \frac{1}{1 \times 2} + \frac{1}{2 \times 3} + \dots + \frac{1}{99 \times 100}$

### التمرين رقم 12 :

$n$  عدد طبيعي غير معدوم .

1- أثبت صحة المساواة التالية :  $\frac{1}{(n+1)\sqrt{n+n\sqrt{n+1}}} = \frac{1}{\sqrt{n}} - \frac{1}{\sqrt{n+1}}$

2- إستنتج قيمة المجموع  $S$  حيث :  $S = \frac{1}{2\sqrt{1+1\sqrt{2}}} + \frac{1}{3\sqrt{2+2\sqrt{3}}} + \dots + \frac{1}{100\sqrt{99+99\sqrt{100}}}$

### التمرين رقم 13 :

1- أكتب على أبسط صورة ممكنة العدد  $A$  حيث :

$$A = \left(1 + \frac{1}{2}\right) \times \left(1 + \frac{1}{3}\right) \times \dots \times \left(1 + \frac{1}{1441}\right) \times \left(1 + \frac{1}{1442}\right)$$

2-  $n$  عدد طبيعي غير معدوم .

(أ) بين أن :  $1 - \frac{1}{n^2} = \frac{n-1}{n} \times \frac{n+1}{n}$

$$B = \left(1 - \frac{1}{2^2}\right) \times \left(1 - \frac{1}{3^2}\right) \times \left(1 - \frac{1}{4^2}\right) \times \dots \times \left(1 - \frac{1}{200^2}\right)$$

**التمرين رقم 14 :**

تعطى العبارة  $Q$  حيث :  $Q = (n+1)^2 - n^2$

- 1- أنشر ثم بسط العبارة  $Q$  .
- 2- إستنتج أن كل عدد فردي يمكن كتابته على شكل فرق مربعي عددين طبيعيين متتاليين .
- 3- تحقق من هذه الخاصية من أجل العددين 13 و 41 .

**التمرين رقم 15 :**

برهن ما يلي :

- 1- من أجل كل عدد طبيعي  $n$  فإن العدد  $\alpha = 7^{n+1} - 7^n$  يقبل القسمة على 3 و العدد  $\beta = 2^{n+3} - 2^{n+1} + 2^n$  يقبل القسمة على 7 .
- 2- من أجل كل عدد طبيعي  $n$  فإن العدد  $2 \times 5^{n+1} + 5^n$  يقبل القسمة على 11 .
- 3- من أجل كل عدد طبيعي  $n$  فإن العدد  $\lambda = 1 + (n+1)^2 + (n+2)^2$  زوجي .
- 4- مجموع عددين طبيعيين متتاليين يساوي فرق مربعيهما .
- 5- جداء عددين فرديين هو عدد فردي .
- 6-  $\sqrt{7+4\sqrt{3}} + \sqrt{7-4\sqrt{3}} = 4$  .

**التمرين رقم 16 :**

إذا كان  $\alpha$  عدد حقيقي غير معدوم يحقق :  $\alpha + \frac{1}{\alpha} = \sqrt{5}$  ؛

أثبت أن  $\alpha^2 + \frac{1}{\alpha^2}$  عدد طبيعي .

ليكن  $\alpha$  عدد حقيقي موجب و غير معدوم يحقق :  $\alpha - \frac{1}{\alpha} = 1$

1- بين أن  $\alpha + \frac{1}{\alpha} = \sqrt{5}$  .

2- استنتج أن :  $\alpha = \frac{1+\sqrt{5}}{2}$  .

### التمرين رقم 18 :

نعتبر العدد الطبيعي  $a$  حيث :  $a = 1 + 7 + 7^2 + 7^3 + \dots + 7^{15}$

1- أكتب  $7a + 1$  بدلالة  $a$  .

2- استنتج أن :  $6a = 7^{16} - 1$  و أن :  $a = 8(7^2 + 1)(7^4 + 1)(7^8 + 1)$

### التمرين رقم 19 :

نعتبر  $a$  و  $b$  عددان صحيحان .

(1) بين أن :  $(3a + b)^2 - (3a - b)^2 = 12ab$  .

(2) استنتج مباشرة قيمة العدد :  $A = (3\sqrt{5} + \sqrt{3})^2 - (3\sqrt{5} - \sqrt{3})^2$

(3) إشرح لماذا يمكن كتابة كل مضاعف لـ 12 على شكل فرق مربعين لعددين صحيحين .

(4) أكتب العدد 636 على شكل فرق مربعين .

### التمرين رقم 20 :

نعتبر العدد :  $a = \frac{1 - \sqrt{29}}{2}$

(1) برهن أن :  $a^2 = a + 7$  ، ثم استنتج أن  $a^3 = 8a + 7$  .

(2) عبر عن  $a^4$  بدلالة  $a$  .**التمرين رقم 21 :**

نعتبر العددين الحقيقيين  $a$  و  $b$  حيث :  $a = \frac{1+\sqrt{5}}{2}$  و  $b = \frac{1-\sqrt{5}}{2}$  .

(1) أحسب كلا من :  $a+b$  و  $a \times b$  .(2) استنتج قيمة كل من  $a^2 + b^2$  و  $a^4 + b^4$  .

(3) أثبت صحة المساواة فيما يلي :  $a^2 = a+1$  ،  $a = \frac{3+\sqrt{5}}{1+\sqrt{5}}$  ،  $a^3 = 2a+1$  ،  $a-1 = \frac{1}{a}$  .

**التمرين رقم 22 :**

1- برهن أنه من أجل كل  $x, y \in \mathbb{R}^+$  فإن :  $\sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{x+y+2\sqrt{xy}}$

2- إستنتج أن :  $\sqrt{17+12\sqrt{2}} + \sqrt{17-12\sqrt{2}} = 6$

3- برهن صحة المساويتين الآتيتين :  $1+\sqrt{3} = \sqrt{4+2\sqrt{3}} = \sqrt{2} \times \sqrt{2+\sqrt{3}}$  و

$$\frac{1}{\sqrt{2+1}} + \frac{1}{\sqrt{3+\sqrt{2}}} + \frac{1}{\sqrt{4+\sqrt{3}}} = 1$$

4- أحسب  $(1+\sqrt{5})^2$  و  $(2-\sqrt{5})^2$  ثم إستنتج أن :  $\sqrt{9-4\sqrt{5}} + \sqrt{6+2\sqrt{5}} = 2\sqrt{5} - 1$  .

**التمرين رقم 23 :**

$$\begin{cases} \alpha + \beta = 12 \\ \alpha^2 - \beta^2 = 96 \end{cases} \quad \text{عددان طبيعيان حيث :}$$

1- أحسب  $\alpha - \beta$  .

2- إستنتج قيمتي  $\alpha$  و  $\beta$  .

3-  $x$  و  $y$  عدنان طبيعيين حيث :  $x^2 - y^2 = 401$

✓ تحقق أن العدد 401 أولي .

✓ عين قيمة كلا من  $x$  و  $y$  .

**التمرين رقم 24 :**

$x$  و  $y$  عدنان حقيقيان حيث :  $x = \sqrt{\frac{2-\sqrt{3}}{2+\sqrt{3}}}$  و  $y = \sqrt{\frac{2+\sqrt{3}}{2-\sqrt{3}}}$

1- أحسب كلا من  $x^2 + y^2$  و  $xy$  ؛ ثم أثبت صحة المساواة :  $x + y = 4$  .

2- إجعل مقام كل من  $x$  و  $y$  عددا ناطقا .

**التمرين رقم 25 :**

$a$  و  $b$  عدنان حقيقيان موجبان حيث  $a > b$  يحققان ما يلي :

$$a + b = \sqrt{5} \text{ و } ab = 1$$

1- أحسب  $\sqrt{a} + \sqrt{b}$  ثم  $\sqrt{a} - \sqrt{b}$  .

2- إستنتج  $a - b$  ثم قيمة كل من العددين  $a$  و  $b$  .

3- أنشئ العددين  $a$  و  $b$  .

4-  $\alpha$  و  $\beta$  عدنان حقيقيان حيث :  $\alpha = \sqrt{4 - \sqrt{10 + 2\sqrt{5}}}$  و  $\beta = \sqrt{4 + \sqrt{10 + 2\sqrt{5}}}$

(أ) تحقق أن :  $\sqrt{6 - 2\sqrt{5}} = \sqrt{5} - 1$

(ب) أحسب  $\alpha^2 + \beta^2$  و  $\alpha\beta$  ثم استنتج قيمة مبسطة للمجموع  $\alpha + \beta$  .

**التمرين رقم 26 :**

(1)  $(d)$  مستقيم مزود بمعلم  $(O; I)$  . باستعمال مدور و مسطرة غير مدرجة ، علم النقط التي فواصلها الأعداد التالية

$$\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{3} , \sqrt{8} , -\frac{3}{8} , \frac{7}{3} :$$

(2) أ- بملاحظة أن  $21 = 7 \times 3$  ، جد عددين طبيعيين  $a$  و  $b$  بحيث  $21 = (a+b)(a-b)$  .

ب- استنتج طريقة لإنشاء العدد  $\sqrt{21}$  .

(3) باستعمال البرهان بالخلف ، برهن أن  $\sqrt{7}$  عدد غير ناطق .

### التمرين رقم 27 :

برهن صحة المساويات الآتية :

$$\frac{(9^{n+1} + 9^n)^2}{(3^{2n+1} - 3^{2n})^2} = 25 \quad ; \quad n \in \mathbb{N} \quad -2$$

$$\frac{1000 - 0,00003^2 - 10^3}{6 \times 10^{-9}} = -0,15 \quad -1$$

$$\frac{1}{2} \left( \sqrt{\frac{3}{4}} - \sqrt{\frac{4}{3}} \right) = -\frac{1}{4\sqrt{3}} \quad -4$$

$$44444^2 + 33333^2 = 55555^2 \quad -3$$

$$\sqrt{6 - 2\sqrt{5}} = \sqrt{5} - 1 \quad -6$$

$$\sqrt{\frac{8^{10} + 4^{10}}{8^4 + 4^{11}}} = 16 \quad -5$$

### التمرين رقم 28 :

نعتبر العبارة :  $P(n) = n^2 + n + 41$  حيث  $n$  عدد طبيعي .

1- أحسب  $P(0)$  ؛  $P(1)$  ؛  $P(2)$  ؛  $P(3)$  ؛  $P(4)$  .

2- بين أن الأعداد الناتجة أولية .

3- هل العبارة  $P(n)$  تعطي دائما أعدادا أولية ؟

### التمرين رقم 29 :

برهن أن العدد  $A$  حيث :  $A = \sqrt{88 - 18\sqrt{7}} - \sqrt{71 - 16\sqrt{7}} + \frac{1}{2 + \sqrt{3}} + \frac{1}{2 - \sqrt{3}}$  هو عدد طبيعي .

### التمرين رقم 30 :

(1) من دون استعمال الحاسبة ، بين أن العددين  $A = \frac{231}{350}$  و  $B = \frac{425}{200}$  عشريين .

(2) هل العدد  $\frac{71}{15}$  عشري ؟ علل جوابك .

(3) نعتبر  $p$  عدد أولي أكبر من أو يساوي 3 . نضع :  $N = \left(\frac{5p+1}{2}\right)^2 - \left(\frac{5p-1}{2}\right)^2$

أ- إشرح لماذا العددين :  $\frac{5p+1}{2}$  و  $\frac{5p-1}{2}$  طبيعيان ؟

ب- بين أن :  $N = 5p$  .

ج- إذا كان  $N = 35$  ، جد العددين الطبيعيين  $a$  و  $b$  حيث :  $N = a^2 - b^2$  .

### التمرين رقم 31 :

(1) أكمل الجدول التالي :

العدد	المدور إلى الوحدة	المدور إلى $10^{-2}$
18,508		
2618,50613		
-6,711		
$\frac{3\pi}{2}$		

(2) أكمل الجدول التالي :

الكتابة العشرية	الكتابة العلمية	رتبة مقدار
0,00352		
	$2,011 \times 10^3$	
-80,35		

	$-1,5 \times 10^{-3}$	
		780000

(3) أكتب على الشكل العلمي الأعداد التالية دون استعمال الآلة الحاسبة :

$$. B = 1,2 \times 10^8 - 5 \times 10^5 + 6,8 \times 10^5 \quad , \quad A = 9 \times 10^{-3} + 0,3 \times 10^{-2} - 9 \times 10^{-4}$$

(4) دون استعمال الحاسبة ، أعط رتبة مقدار الأعداد التالية :

$$3 \times (10^2)^{-3} \times 7,5 \times 10^8 \times 10^{-7} \quad \bullet \quad 0,05 \times 1200 \times 10^{-3} \quad \bullet \quad 851,7 \times 0,0018 \times 0,073 \quad \bullet$$

$$\bullet \quad \frac{181,47}{78,956} \quad \bullet \quad (6,5 \times 10^{-3}) \times (3 \times 10^{-2}) \quad \bullet$$

التمرين رقم 32 :

لتكن  $A$  ،  $B$  و  $C$  أعداد حقيقية حيث  $A = 0,045 \times 10^{-2}$  ،  $B = \frac{0,0025 \times 10^{-6} \times 3 \times 10^8}{0,15 \times 10^{-4}}$  و

$$. C = -3\sqrt{45} + 2\sqrt{80} - \frac{3}{2}\sqrt{20}$$

(1) أكتب كلا من العددين  $A$  و  $B$  على الشكل العلمي .

(2) عين رتبة مقدار كل من :  $A$  ،  $B$  و  $A \times B$  .

(3) بسط العدد  $C$  ثم عين طبيعة العدد  $C \times \sqrt{5}$  .

### التحليل إلى جداء عوامل أولية (PGCD ؛ PPCM)

التمرين رقم 33 :

1- حلل إلى جداء عوامل أولية كلا من العددين 1386 و 999 .

2- إستنتج تحليلا إلى جداء عوامل أولية للعددين  $1386 \times 999$  و  $1386^2 \times 999^2$  .

3- أحسب  $PGCD(1386;999)$  و  $PPCM(1386;999)$  .

4- نعتبر العدد  $\lambda = 1,387387\dots$  :

- ✓ ما هي طبيعة العدد  $\lambda$  ؟
- ✓ عين الكتابة الكسرية للعدد  $\lambda$  إنطلاقا من كتابته العشرية الدورية السابقة .
- ✓ إستنتج الشكل غير قابل للإختزال للعدد  $\lambda$  .

### التمرين رقم 34 :

$\alpha$  ،  $\beta$  و  $\gamma$  ثلاثة أعداد حقيقية حيث :  $\alpha = \frac{2^3 \times 3^2 \times 5^2}{5 \times 10}$  ؛  $\beta = \frac{2^3 \times 3 \times 5 \times 10^2}{2^2 \times 5^2}$  و

$$\gamma = \sqrt{(2 + \sqrt{3})^2} - \sqrt{(1 - \sqrt{3})^2}$$

1- بسط الأعداد  $\alpha$  ،  $\beta$  و  $\gamma$  .

2- عين  $PGCD(\alpha; \beta)$  و  $PPCM(\alpha; \beta)$  .

3- هل  $\frac{\alpha}{\beta}$  عدد عشري ؟

### التمرين رقم 35 :

نعتبر العددين الطبيعيين  $A$  و  $B$  حيث :  $A = 1200$  و  $B = 5292$

1- حلل إلى جداء عوامل أولية كلا من العددين  $A$  و  $B$  ثم إستنتج تحليلا للجداء  $A^2 \times B^2$  .

2- ما طبيعة العدد  $\sqrt{A \times B}$  ؟ برر جوابك .

3- عين القيمة المضبوطة للعدد  $\sqrt{B} - \sqrt{A}$  .

4- أحسب  $PGCD(A; B)$  و  $PPCM(A; B)$  ؛ ثم تحقق أن :

$$PGCD(A; B) \times PPCM(A; B) = A \times B$$

5- إختزل الكسر  $\frac{B}{A}$  ؛ ثم أحسب المجموع  $-\frac{3}{A} + \frac{7}{B}$  .

ليكن  $\alpha$  و  $\beta$  عدنان طبيعيين حيث :  $\alpha = 350$  و  $\beta = 315$  .

1- عين القاسم المشترك الأكبر  $PGCD$  للعددين  $\alpha$  و  $\beta$  .

2- تحقق أن العددين  $\frac{\alpha}{PGCD(\alpha; \beta)}$  و  $\frac{\beta}{PGCD(\alpha; \beta)}$  أوليان فيما بينهما .

3- ما هي طبيعة الكسر  $\frac{\beta}{2\alpha}$  ؟

4- عين المضاعف المشترك الأصغر  $PPCM$  للعددين  $\alpha$  و  $\beta$  ثم تحقق أن :

$$PPCM(\alpha; \beta) = \frac{\alpha \times \beta}{PGCD(\alpha; \beta)}$$

### التمرين رقم 37 :

1- حل إلى جداء عوامل أولية كلا من العددين 156 و 84 .

2- أحسب  $PGCD$  و  $PPCM$  لـ 156 و 84 .

3- إختزل الكسر  $\frac{156}{84}$  ؛ ثم أحسب الفرق  $\frac{13}{84} - \frac{5}{156}$  .

4- عين أصغر عدد طبيعي  $n$  بحيث يكون  $n84$  مربعا تماما .

### التمرين رقم 38 :

ليكن  $A$  و  $B$  عدنان طبيعيين حيث :  $A = 2^2 \times 3 \times 7^2$  و  $B = 25^4 \times 3^4 \times 21^2$  .

1- ما هو عدد قواسم  $A$  ؟ عينها في جدول أو بواسطة شجرة القواسم .

2- أعط تحليلا إلى جداء عوامل أولية للأعداد :  $B$  ؛  $B^2$  ؛  $A^2$  و  $B^2A$  .

3- عين أصغر عدد طبيعي  $n$  بحيث يكون  $n \times A$  مربعا تماما .

4- عين أصغر عدد طبيعي  $m$  بحيث يكون  $m \times B$  مكعبا لعدد طبيعي .

### التمرين رقم 39 :

$A$  ،  $B$  و  $C$  أعداد حقيقية حيث :  $A = 3.251\dots$  ،  $B = 1050$  ،  $C = 7056$

(1) أكتب  $A$  على شكل كسر غير قابل للإختزال .

(2) حل كلا من العددين  $B$  و  $C$  إلى جداء عوامل أولية .

(3) استنتج تحليلا لكل من :  $B^6$  و  $B \times C$  .

(4) أحسب  $PGCD(B;C)$  و  $PPCM(B;C)$  .

(5) أكتب العدد  $\frac{1050}{7056}$  على شكل كسر غير قابل للإختزال ، ثم أحسب  $\frac{2}{7056} - \frac{7}{1050}$  .

(6) بسط العددين :  $\sqrt{B}$  و  $\sqrt{B \times C}$  .

(7) جد أصغر عدد طبيعي غير معدوم  $n$  بحيث يكون  $n \times 1050$  مربعا تاما .

### التمرين رقم 40 :

ليكن  $n$  عدد طبيعي فردي . و ليكن  $x$  و  $y$  عدنان طبيعيان حيث :

$$x = 25n + 5 \quad \text{و} \quad y = 16n + 5$$

(1) أثبت أن العدد  $x$  زوجي و أن العدد  $y$  فردي .

(2) فيما يلي نضع :  $n = 25$

- عين كلا من  $PGCD(x; y)$  و  $PPCM(x; y)$  .

(3) أكتب العدد  $z = 7\sqrt{xy}$  على الشكل العلمي ثم حدد رتبة مقداره .

(4) أثبت أن العدد  $\sqrt{\frac{7x}{9y}}$  أصم .

## التمرين رقم 41 :

نعتبر العددين  $A$  و  $B$  حيث :  $A = 3^{m+3} + 3^m$  و  $B = \sqrt{378 \times n}$  و  $m$  و  $n$  عدنان طبيعيان غير معدومين .

(1) عين أصغر قيمة للعدد  $n$  بحيث يكون العدد  $B$  طبيعيا .

(2) بين أن :  $A = 3^m \times 2^2 \times 7$  .

(3) من أجل  $m = 3$  و  $n = 168$  :

أ- حلل العدد  $B$  إلى جداء عوامل أولية ثم أحسب  $PGCD(A; B)$  و  $PPCM(A; B)$  .

ب- استنتج تبسيطا للعدد  $C = \frac{\sqrt{2}}{252} - \frac{189 + 3\sqrt{2}}{756}$  ، ثم عين أصغر مجموعة ينتمي إليها العدد  $C$  .

ج- إختزل الكسر  $-\frac{B}{A}$  ، ثم عين أصغر مجموعة ينتمي إليها هذا العدد . أنشئ العدد  $-\frac{B}{A}$  .

## التمرين رقم 42 :

نعتبر العددين  $a$  و  $b$  حيث :  $a = 15,9$  و  $b = 0,01325$  .

(1) أكتب  $a$  و  $b$  على الشكل العلمي .

(2) عين العددين الطبيعيين  $x$  و  $y$  حيث  $a = \frac{x}{10^5}$  و  $b = \frac{y}{10^5}$  .

(3) عين  $PGCD(x; y)$  ثم استنتج أن الشكل غير قابل للإختزال للكسر  $\frac{x}{y}$  .

(4) عين أصغر عدد طبيعي  $n$  بحيث يكون  $n \times x \times y$  مربعا تاما .

5) أ- بسط العبارة  $A$  حيث :  $A = (\sqrt{2} - \sqrt{3})^2$  .

ب- استنتج تبسيطا للعدد  $B$  حيث :  $B = \sqrt{5 - 2\sqrt{6}}$  .

الأستاذ  
جناش  
بن