

Prof Mustapha

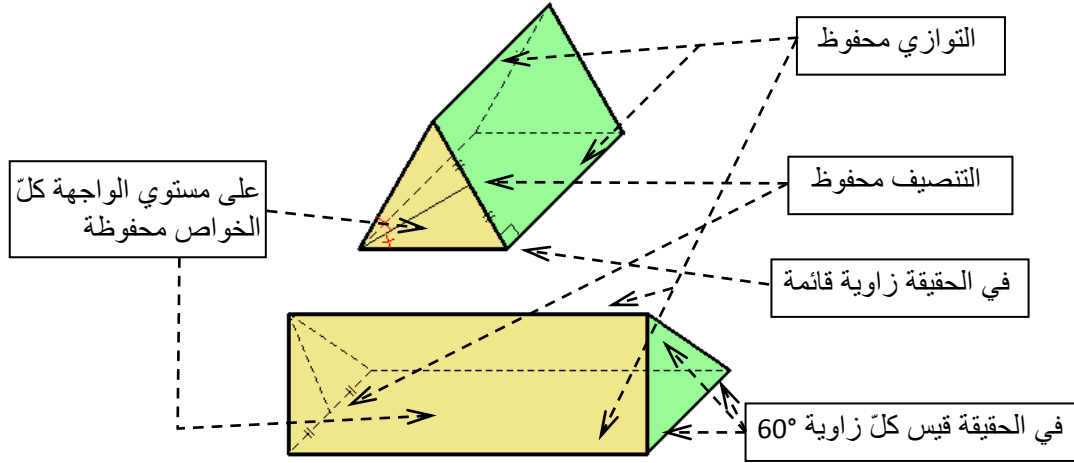
KHA-LD9

## الهندسة الفضائية

## I. التمثيل بالمنظور متساوي القياس

المنظور متساوي القياس هو تقنية لتمثيل أجسام من الفضاء على سطوح مستوية ومن قواعده:

- الخطوط المخفية: نرسمها بخطوط متقطعة
  - على مستوى الواجهة: نحافظ على كل الخواص (التوازي، التعامد، التنصيف، استقامية النقط...) وعلى المقادير (الزوايا، المسافات...)
  - على جميع الأوجه: نحافظ على استقامية النقط، التوازي، المنتصفات والنسب بين قطع المستقيم المتوازية.
- \* ملاحظة: المستوي في المنظور متساوي القياس يمثل بمتوازي أضلاع



## II. المستقيم والمستوي في الفضاء

1 يتعين مستقيم إما بنقطتين متميزتين أو بنقطة وشعاع

2 يتعين مستوي إما:

- بثلاث نقط ليست على استقامة واحدة
- بمستقيم ونقطة لا تنتمي إليه
- مستقيمين متميزين أما متقاطعين أو متوازيين

3 إذا شمل مستوي نقطتين متميزتين  $A$  و  $B$  فإنه يشمل كل نقط المستقيم  $(AB)$

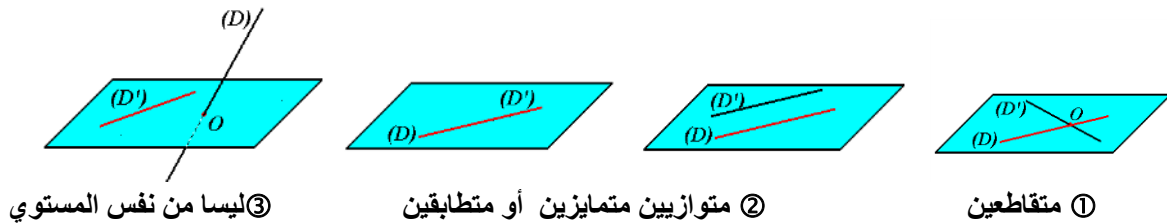
خاصية 1: إذا كانت نقطتين متميزتين فإنه يوجد مستقيم وحيد يشملهما

خاصية 2: إذا لم تكن ثلاث نقط على استقامة واحدة فإنه يوجد مستوي وحيد يشملها

## III. الأوضاع النسبية لمستقيمين، لمستويين ولـمستوي ومستقيم

(1) الأوضاع النسبية لمستقيمين:

- 1 متقاطعين
  - 2 متوازيين
  - 3 ليسا من نفس المستوي
- من مستوي واحد
- كل مستقيمين من الفضاء هما إما



3 ليسا من نفس المستوي

2 متوازيين متميزين أو متطابقين

1 متقاطعين

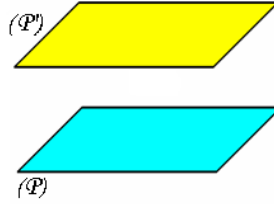
Prof Mustapha

KH.A.L.D.J

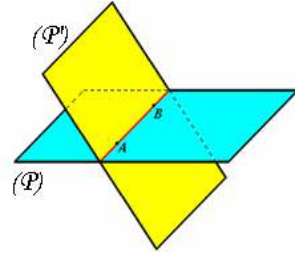
(2) الأوضاع النسبية لمستويين: كل مستويين من الفضاء هما إما



③ متوازيان متطابقان



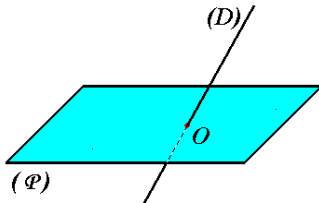
② متوازيين متمايزين



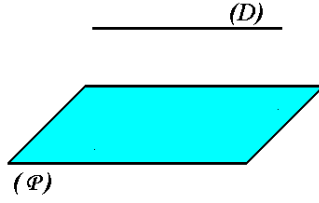
① متقاطعين وتقاطعهما هو مستقيم

(3) الأوضاع النسبية لمستقيم ومستوي:

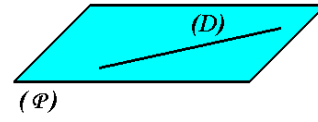
كل مستقيم  $(D)$  ومستوي  $(P)$  من الفضاء هما إما  
 ① متوازيين  $(D) \cap (P) = \emptyset$   
 ② متقاطعان في نقطة  $(D) \cap (P) = \{O\}$   
 ③ متوازيين  $(D) \subset (P)$



③ متقاطعان في نقطة



② متوازيين  $(D) \cap (P) = \emptyset$



① متوازيين  $(D) \subset (P)$

#### IV. التوازي في الفضاء

(1) المستقيمت المتوازية في الفضاء

المستقيمان المتوازيان في الفضاء هما إما  
 ① متطابقان  
 ② من نفس المستوي وغير متقاطعين

خواص:

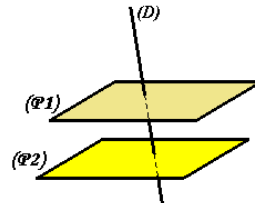
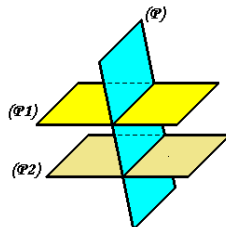
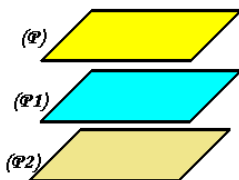
- ① يوجد مستقيم وحيد يشمل نقطة معلومة ويوازي مستقيما معلوما
- ② إذا قطع مستوي أحد مستقيمين متوازيين فإنه يقطع الآخر
- ③ المستقيمان المتوازيان لثالث متوازيان

(2) المستويات المتوازية

المستويان المتوازيين هما مستويان إما  
 ① متطابقان (يشتركان في جميع النقط)  
 ② منفصلان (لا توجد أي نقطة مشتركة بينهما)

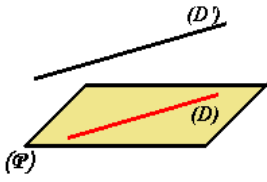
خواص:

- ① يوجد مستوي وحيد يشمل نقطة معلومة ويوازي مستويا معلوما
- ② إذا قطع مستقيم أحد مستويين متوازيين فإنه يقطع الآخر
- ③ إذا قطع مستوي أحد المستويين المتوازيين فإنه يقطع الآخر (ويكون مستقيما التقاطع متوازيين)
- ④ المستويان المتوازيين لثالث متوازيان
- ⑤ يتوازي مستويان إذا فقط إذا احتوى أحدهما مستقيمين متقاطعين كل منهما يوازي المستوي الآخر



### (3) توازي مستقيم مع مستوي

- ① منفصلين (لا توجد أي نقطة مشتركة بينهما)  
 ② المستوي يحوي المستقيم
- يكون مستقيم و مستو متوازيين إذا كانا



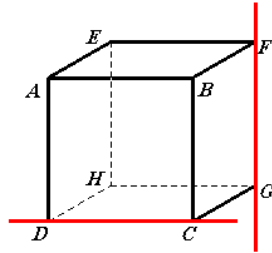
#### خواص:

- يكون مستقيم موازيا لمستو إذا كان موازيا لمستقيم من هذا المستوي
- إذا كان مستقيم يوازي أحد مستويين متوازيين فإنه يوازي الآخر
- إذا كان مستقيم يوازي مستويين متقاطعين فإنه يوازي مستقيم تقاطعهما

### [V]. التعامد في الفضاء

#### (1) تعامد مستقيمين

يكون مستقيمان متعامدان في الفضاء إذا كان المستقيمان المتوازيان لهما من نفس النقطة متعامدين أو بتعريف مبسط: يكون مستقيمان متعامدان في الفضاء إذا كان المستقيم الموازي لأحدهما عموديا على الآخر



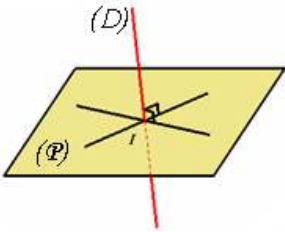
مثال: ما هو الوضع النسبي للمستقيمين  $(GF)$  و  $(DC)$  ؟  
 \* المستقيم الذي يوازي  $(GF)$  من نفس نقطة  $(DC)$  هو  $(BC)$   
 فنقول بما أن  $(GF) \parallel (BC)$  و  $(BC) \perp (DC)$  فإن  $(GF) \perp (DC)$

#### خواص:

- المستقيم العمودي على أحد المستقيمين المتوازيين عمودي على الآخر
- المستقيمين المتوازيين لمستقيمين متعامدين متعامدين

#### (2) تعامد مستقيم و مستوي

يكون مستقيم عموديا على مستو إذا كان عموديا على كل مستقيمتين هذا المستوي



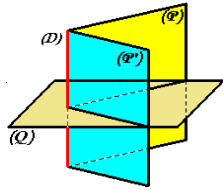
\* مبرهنة:  
 إذا كان مستقيم عموديا على مستقيمين من مستو فإنه عمودي على كل مستقيمتين هذا المستوي

#### (3) تعامد مستويين

يكون مستويين متعامدين إذا شمل أحدهما مستقيما عموديا على الآخر

#### خواص:

- المستوي العمودي على أحد المستويين المتوازيين عمودي على الآخر
- إذا كان  $(P)$  و  $(P')$  مستويين متقاطعين في المستقيم  $(D)$  و كان كل منهما عموديا على مستو ثالث  $(Q)$  فإن مستقيمتي تقاطعهما  $(D)$  عمودي على المستوي  $(Q)$



#### خواص:

- يوجد مستقيم وحيد يشمل نقطة معلومة و يعامد مستويا معلوما
- يوجد مستو وحيد يشمل نقطة معلومة و يعامد مستقيما معلوما
- المستويان العموديان على نفس المستقيم متوازيان
- المستقيمان العموديان على نفس المستوي متوازيان
- المستقيم العمودي على أحد المستويين المتوازيين عمودي على الآخر
- المستوي العمودي على أحد المستقيمين المتوازيين عمودي على الآخر

Prof Mustapha  
 KdH-LD9

#### (4) المستوي المحوري لقطعة مستقيم

المستوي المحوري للقطعة  $[AB]$  هو المستوي العمودي على  $(AB)$  في منتصف  $[AB]$

\* مبرهنة:

مجموعة النقط المتساوية المسافة عن نقطتين متميزتين  $A$  و  $B$  في الفضاء هي

المستوي المحوري للقطعة  $[AB]$

