

الحساب الشعاعي والهندسة التحليلية

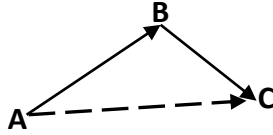
I. مراجعة

الشعاعان المتعاكسان	الشعاعان المتساويان
• لهما نفس الطول	• لهما نفس الطول
• لهما نفس المنحى (متوازيان)	• لهما نفس المنحى (متوازيان)
• متعاكسان في الإتجاه	• لهما نفس الإتجاه

- \overline{BA} هو معاكس الشعاع \overline{AB} ونكتب $\overline{AB} = -\overline{BA}$
- $\overline{CD} - \overline{AB} = \overline{CD} - (-\overline{BA}) = \overline{CD} + \overline{BA}$
- $\overline{AB} + \overline{BA} = \overline{AA} = \vec{0}$ (مجموع شعاعان متعاكسان = $\vec{0}$)
- $\|\overline{AB}\| = \text{طويلة شعاع} = \text{طول شعاع} = \text{طول } AB$
- $\overline{AB} = \overline{CD} \Leftrightarrow$ لهما نفس الاحداثيات
- $\overline{AB} = \overline{CD}$ معناه $[AD]$ و $[BC]$ لهما نفس المنتصف

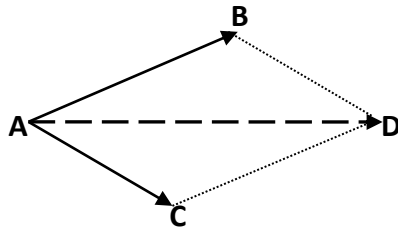
II. مجموع شعاعين

(1) نهاية الشعاع الأول هي بداية الشعاع الثاني (علاقة شال):



$$\overline{AB} + \overline{BC} = \overline{AC}$$

(2) بداية الشعاع الأول هي بداية الشعاع الثاني:



$$\overline{AB} + \overline{AC} = \overline{AD}$$

III. الارتباط الخطي لشعاعين

\overline{AB} و \overline{CD} مرتبطان خطيا $\Leftrightarrow \overline{AB} = k \overline{CD}$ حيث $k \in \mathbb{R}$

$$(\overline{AB} // \overline{CD} \Leftrightarrow \overline{AB} \text{ و } \overline{CD} \text{ مرتبطان خطيا})$$

$$\overline{AB} // \overline{CD} \Leftrightarrow \overline{AB} = k \overline{CD}$$

IV. استقامة ثلاث نقاط A, B, C

▪ $\overline{AB} = k \overline{AC} \Leftrightarrow$ على استقامة واحدة

▪ $\overline{AB} // \overline{AC} \Leftrightarrow$ على استقامة واحدة