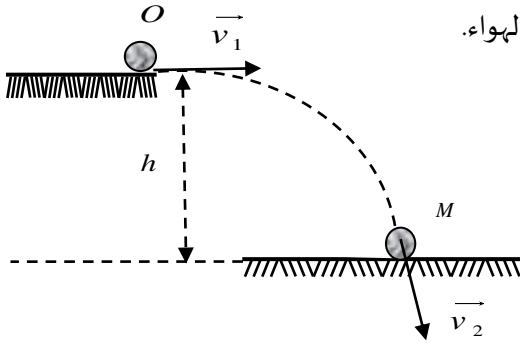


**التمرين 01:**

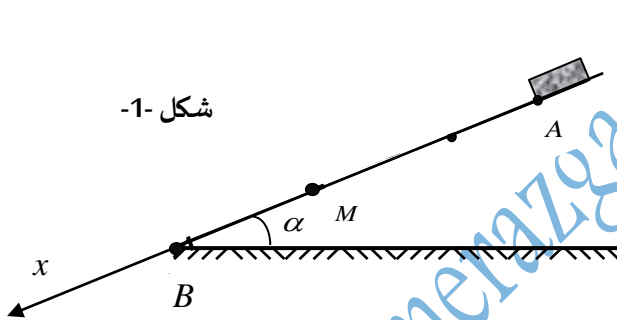
نقذف كرة كتلتها  $m = 100g$  من نقطة  $O$  موجودة على ارتفاع  $h = 2m$  فوق سطح الأرض بسرعة ابتدائية  $\vec{v}_1$  قيمتها  $v_1 = 15m/s$  من المستوي الأفقي، تصطدم الكرة بسطح الأرض عند النقطة  $M$  بسرعة  $\vec{v}_2$  تهمل مقاومة الهواء.



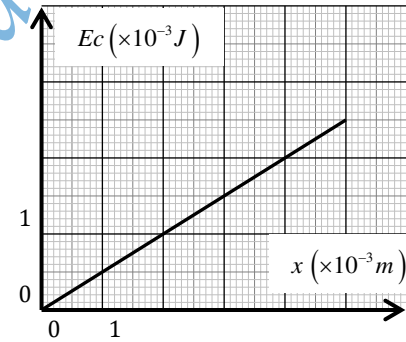
- 1- احسب الطاقة الحركية للكرة لحظة قذفها.
- 2- مثل القوى المؤثرة على الكرة أثناء الحركة.
- 3- مثل الحصلة الطاقوية للجoule (كرة) بين الموضعين  $O$  و  $M$ .
- 4- اكتب معادلة انحفاظ الطاقة.
- 5- استنتج قيمة السرعة  $v_2$ .

**التمرين 02:**

نترك جسم كتلته  $m = 200g$  يتحرك بدون سرعة ابتدائية من الموضع  $A$  على مستوي يميل عن الأفق بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  شكل 1- يخضع الجسم  $(S)$  لقوة احتكاك  $\vec{f}$  ثابتة الشدة ومعاكسة لجهة حركته. مكنت المتابعة الزمنية لسرعة الجسم  $(S)$  من رسم البيان  $Ec = f(x)$  (شكل 2-)، حيث:  $x$  المسافة المقطوعة من الموضع  $A$  حتى موضع كفي  $M$  على طول المسار  $AB = 1m$ .



شكل 1-

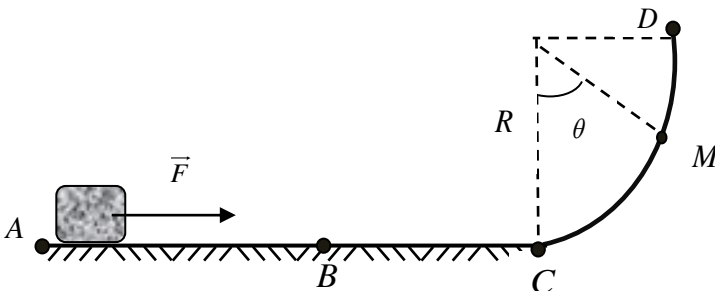


شكل 2-

- 1- مثل القوى المؤثرة على الجسم  $(S)$  أثناء حركته في موضع كفي.
  - 2- مثل الحصلة الطاقوية للجoule (جسم) بين الموضعين  $A$  و  $B$  ؟
  - 3- أوجد عبارة الطاقة الحركية  $Ec$  بدلالة:  $\alpha, x, g, m, f$ .
  - 4- اكتب معادلة البيان  $Ec = f(x)$ .
  - 5- احسب شدة قوة الاحتكاك  $\vec{f}$ .
  - 6- احسب سرعة الجسم عند الموضع  $B$  :
    - أ- باعتبار الجoule (جسم).
    - ب- باعتبار الجoule (جسم + أرض). نأخذ المستوي المار من الموضع  $B$  مرجع لحساب الطاقة الكامنة الثقالية.
- يعطى:  $g = 10N/kg$ .

**التمرين 03:**

جسم صلب كتلته  $m$  ينطلق من نقطة  $A$  بدون سرعة ابتدائية ليتحرك على طول المسار  $ABCD$  المبين في الشكل وذلك تحت تأثير قوة دفع  $\vec{F}$ ، على طول الجزء  $AB$  من مساره. نفرض أن المسار  $ABCD$  أملس تماما وان مقاومة الهواء مهملة. باعتبار الجoule المدروسة (جسم).



1- أ- أكتب عبارة عمل القوة  $\vec{F}$  بين الموضعين  $A$  و  $B$ .

ب- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم) بين الموضعين  $A$  و  $B$ .

ج- اكتب معادلة إنحفاظ الطاقة بين الموضعين  $A$  و  $B$ .

2- نضع  $AB = l$ ، اكتب بدلالة  $F$ ،  $l$ ،  $m$ ، قيمة سرعة الجسم عند النقطة  $B$ .

3- نفرض النقطة  $M$  الموضحة في الرسم.

أ- مثل الحصيلة الطاقوية بين الموضعين  $M$  و  $C$ .

ب- اكتب عبارة سرعة الجسم في النقطة  $M$  بدلالة  $F$ ،  $l$ ،  $m$ ،  $R$ ،  $\theta$ ،  $g$  حيث  $g$  هي شدة الجاذبية الأرضية.

يعطى:  $g = 10N / Kg$ .

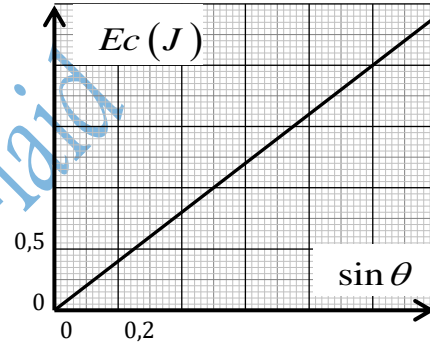
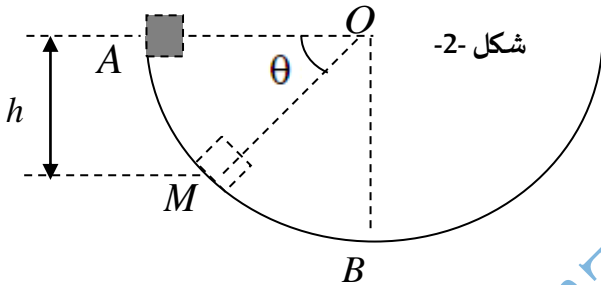
#### التمرين 04:

-نعتبر في هذا التمرين أن الاحتكاكات مهملة، وقيمة الجاذبية الأرضية هي:  $g = 10N / kg$ .

يتحرك جسم كتلته  $m$  على مسار دائري أملس نصف قطره  $R = 80cm$ ، حيث ينطلق ابتداء من الموضع  $A$  بدون سرعة ابتدائية ليتمر

بالموضع  $M$  المحدد بالزاوية  $\theta$ . (شكل 1-)

قمنا بدراسة تغيرات الطاقة الحركية  $Ec$  للجملة (جسم) بدلالة  $\sin \theta$ ، فتحصلنا على المنحنى شكل 2-



شكل 1-

1- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم) بين الموضعين  $A$  و  $M$ .

2- اكتب معادلة انحفاظ الطاقة بين الموضعين  $A$  و  $M$  واستنتج عبارة  $Ec$  بدلالة:  $m$ ،  $g$ ،  $R$ ،  $\theta$ .

3- أكتب المعادلة البيانية للمنحنى، و استنتج كتلة الكرة  $m$ .

4- من المنحنى الطاقة الحركية للجسم في الموضع  $B$ ، و استنتج قيمة السرعة  $v_B$  في هذا الموضع.

#### التمرين 05:

يتحرك جسم صلب  $(S)$  كتلته  $m = 100g$  انطلاقاً من نقطة  $A$  أعلى مستوي مائل يميل عن الأفق بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  دون سرعة

ابتدائية باتجاه نقطة  $B$ .

يخضع الجسم  $(S)$  أثناء حركته على طول الجزء  $AB$  لقوة احتكاك

لها نفس حامل شعاع السرعة وجهة معاكسة له، شدتها  $f = 0,3N$ .

أ/ مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم) بين الموضعين  $A$  و  $B$ .

ب/ بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة أوجد عبارة  $v_B$  سرعة حركة  $(S)$

عند النقطة  $B$ ، احسب قيمتها العددية، مثل شعاع السرعة  $v_B$ .

يعطى:  $AB = d = 1m$ ،  $g = 10N / kg$ .

2/ يغادر الجسم  $(S)$  المستوي المائل عند النقطة  $B$  (تُهمل مقاومة الهواء)، حيث يلامس الجسم  $(S)$  المستوي الأفقي المار بالنقطة  $C$

عند النقطة  $D$ .

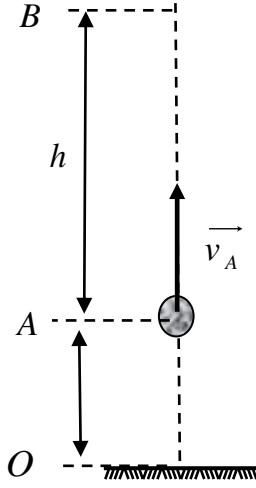
أ- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم) بين الموضعين  $B$  و  $D$ .

ب- اكتب معادلة انحفاظ الطاقة.

ت- احسب سرعة الجسم  $v_D$  عند النقطة  $D$ .

### التمرين 06:

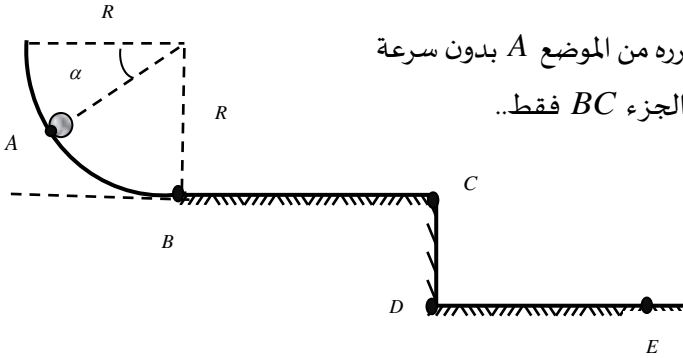
يقذف شخص كرة كتلتها  $m = 30g$  شاقوليا نحو الأعلى من الموضع  $A$  بسرعة قدرها  $v_A = 9m/s$  حيث تبعد  $A$  عن سطح الأرض بالمسافة  $OA = 1m$  فتتعدم سرعتها في الموضع  $B$ . (نهمل كل قوى الاحتكاكات الناتجة عن جملة الهواء).



- 1- مثل الحصيلة الطاقوية لجملة (كرة).
  - 2- اكتب معادلة إنحفاظ الطاقة لجملة (كرة).
  - 3- أحسب الارتفاع  $h$  ثم استنتج الارتفاع الأعظمي الذي تصله الكرة عن سطح الأرض.
  - 4- ما هو عمل قوة النقل خلال انتقال الكرة من  $A$  إلى  $B$ .
- يعطى:  $g = 10N/Kg$ .

### التمرين 07:

قصد دراسة حركة قذف أفقي لجسم صلب ( $S$ ) كتلته  $m = 40g$ ، نحرره من الموضع  $A$  بدون سرعة ابتدائية فينتقل وفق المسار  $ABCD$ . نعتبر وجود قوة احتكاك  $\vec{f}$  على الجزء  $BC$  فقط..

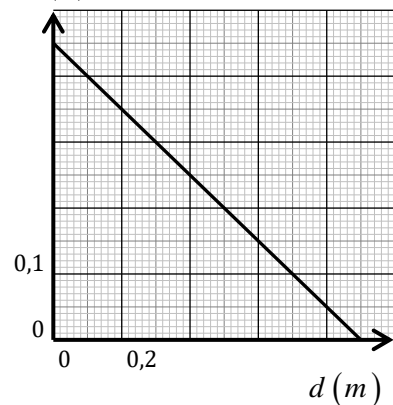


- 1- باعتبار الجملة المدروسة (جسم  $S$ ):
    - أ- مثل الحصيلة الطاقوية بين الموضعين  $A$  و  $B$ .
    - ب- اكتب معادلة انحفاظ الطاقة.
    - ت- احسب سرعة الجسم عند وصوله إلى الموضع  $B$ .
  - 2- يصل الجسم ( $S$ ) إلى الموضع  $C$  بسرعة  $v_C = 2m/s$ .
    - أ- مثل القوى المؤثرة على الجسم ( $S$ ) في الجزء  $BC$ .
    - ب- مثل الحصيلة الطاقوية بين الموضعين  $C$  و  $B$ ، ثم اكتب معادلة انحفاظ الطاقة.
    - ت- احسب شدة قوة الاحتكاك  $\vec{f}$ ، إذا علمت أن  $BC = 1m$ .
  - 3- يغادر الجسم ( $S$ ) المستوي  $BC$  ليسقط على المستوي  $DE$ .
    - أ- مثل كيفيا شعاع السرعة في الموضع  $C$ .
    - ب- مثل الحصيلة الطاقوية بين الموضعين  $E$  و  $C$ ، ثم اكتب معادلة انحفاظ الطاقة.
    - ت- احسب الارتفاع  $h$  الذي يسقط منه الجسم ( $S$ )، علما أن سرعته لحظة وصوله إلى سطح الأرض تساوي  $v_E = 3m/s$ .
- يعطى:  $g = 10N/kg$ ،  $R = 2m$ ،  $\alpha = 30^\circ$ .

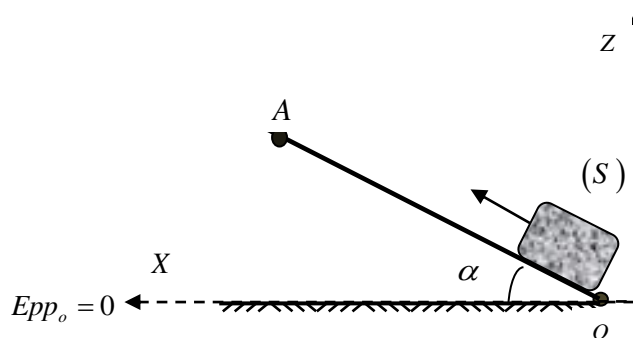
### التمرين 08:

ندفع جسما صلبا ( $S$ ) بسرعة ابتدائية  $v_0$  انطلاقا من النقطة  $O$  فيتحرك بدون احتكاك على مستو مائل بالزاوية  $\alpha = 30^\circ$  بالنسبة للسطح الأفقي. تتعدم سرعة الجسم ( $S$ ) لحظة وصوله على الموضع من المستوي المائل. (شكل 1-)

خلال حركة الجسم ( $S$ ) تتغير طاقته الحركية  $Ec$  بدلالة المسافة المقطوعة  $d$  وفق المنحنى المبين (شكل 2-)



شكل 2-

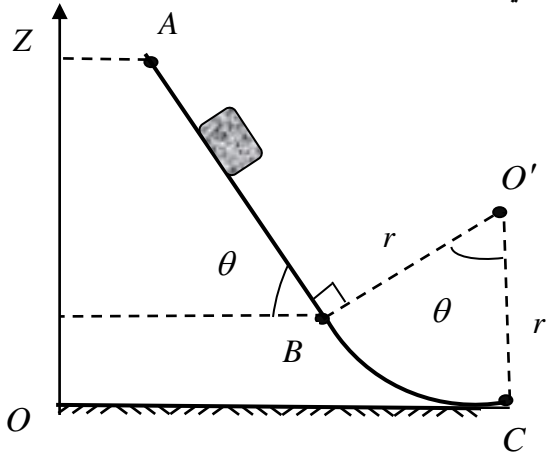


شكل 1-

- 1- باعتبار الجملة المدروسة (جسم  $S$ )، اكتب معادلة انحفاظ الطاقة.
- 2- احسب عمل قوة الثقل  $\bar{P}$  عند انتقال الجسم ( $S$ ) مسافة  $d = 0,6m$  على خط الميل الأعظم للمستوي المائل.
- 3- أوجد قيمة الكتلة  $m$  للجسم ( $S$ )، ثم استنتج قيمة سرعته الابتدائية  $v_0$ .
- 4- نعتبر المستوي المرجعي لقياس الطاقة الكامنة الثقالية عند المستوي الأفقي المار بالموضع  $O$ .  
أ- احسب الطاقة الكامنة الثقالية للجسم ( $S$ ) في الموضع  $O$ .  
ب- هل الطاقة الكلية للجسم ( $S$ ) محفوظة أثناء حركته بين الموضعين  $O$  و  $A$ ؟ علل.  
يعطى:  $g = 10N / kg$

### التمرين 09:

ينزلق جسم ( $S$ ) نعتبره نقطيا كتلته  $m = 0,5kg$  فوق سكة  $ABC$  تتكون من جزئين كما بينه الشكل المقابل:  
 $AB$ : جزء مستقيم طوله  $AB = 3m$  مائل بزاوية  $\theta = 60^\circ$  بالنسبة للخط الأفقي.



$BC$ : جزء دائري مركزه  $O$  ونصف قطره  $r = 0,5m$ .

نترك الجسم من النقطة  $A$  بدون سرعة ابتدائية.

1- نعتبر الاحتكاكات مهملة بين  $B$  و  $A$ .

أ- مثل جميع تأثيرات القوى على الجسم ( $S$ ) على الجزء  $AB$ ؟

ب- احسب عمل كل قوة؟

ج- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم)؟

د- اكتب معادلة انحفاظ الطاقة؟

هـ- احسب السرعة  $v_B$  للجسم ( $S$ ) عند وصوله الى الموضع  $B$ ؟

2- \*نفترض أن الاحتكاكات مهملة بين  $C$  و  $B$ .

ا- احسب السرعة  $v_C$  للجسم ( $S$ ) عند وصوله إلى الموضع  $C$ ؟

3- في الواقع سرعة الجسم ( $S$ ) في الموضع  $C$  تساوي  $v_C = 6m \cdot s^{-1}$

نتيجة وجود الاحتكاكات بين  $C$  و  $B$ .

- استنتج الطاقة المفقودة على شكل حرارة  $Q$  أثناء الانتقال  $BC$ .

يعطى:  $g = 9,8N / Kg$

### التمرين 10:

ينزلق جسم صلب ( $S$ ) كتلته  $m = 0,5Kg$  على مسار  $ABC$  يقع في المستوى الشاقولي.

$AB$  قوس من دائرة مركزها  $O$  ونصف قطرها  $r = 0,50m$ ، وحيث  $\theta = 60^\circ$ ،  $h = 1m$ .

نعتبر الإحتكاكات مهملة على هذا الجزء.

$BC$  طريق أفقي طوله  $BC = 1m$ ، توجد على هذا الجزء قوى احتكاك تكافئ قوة وحيدة و معاكسة لجهة حركة ( $S$ ) و نعتبرها ثابتة ونرمز

لها بـ  $\vec{f}$ .

نترك الجسم ( $S$ ) من النقطة  $A$  بدون سرعة ابتدائية.

1- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم) بين الموضعين  $A$  و  $B$ .

2- اكتب معادلة انحفاظ الطاقة.

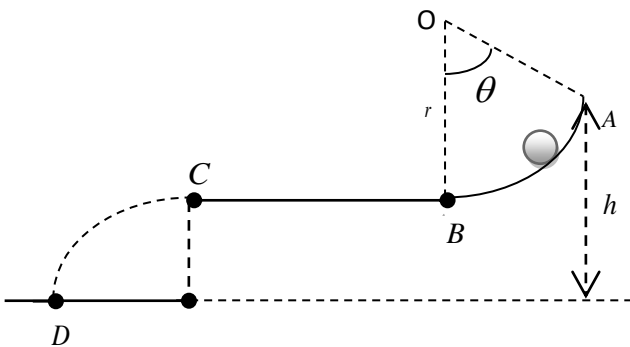
3- أثبت أن:  $V_B = \sqrt{2gr(1 - \cos \theta)}$ .

4- أحسب القيمة  $V_B$  لسرعة الجسم ( $S$ ) عند النقطة  $B$ .

5- يصل ( $S$ ) إلى النقطة  $C$  بسرعة  $V_C = 2m / s$ .

أ- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم) بين الموضعين  $B$  و  $C$ .

ب- أكتب معادلة انحفاظ الطاقة.



ج - أحسب قيمة قوة الاحتكاك  $\vec{f}$  على المسار  $BC$ .

6- يغادر  $(S)$  المسار  $BC$  عند النقطة  $C$  ، بإهمال تأثير الهواء على الجسم  $(S)$ .

- أحسب قيمة السرعة  $V_D$ .

يعطى :  $g = 10 \text{ N/kg}$

### التمرين 11 :

ينسحب جسم كتلته  $m = 97 \text{ kg}$  من النقطة  $A$  دون سرعة ابتدائية على مستوي مائل أملس طوله  $AB = 150 \text{ m}$  ،

و يصنع زاوية  $\alpha = 10^\circ$  مع المستوي الأفقي، نعتبر الجملة المدروسة (جسم).

1- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم) بين الموضعين  $A$  و  $B$ .

2- أكتب معادلة انحفاظ الطاقة للجملة بين الموضعين  $A$  و  $B$ .

3- أستنتج قيمة سرعة الجسم في النقطة  $B$ .

4- في الحقيقة كانت سرعة الجسم في النقطة  $B$  تساوي نصف القيمة السابقة بسبب الاحتكاكات.

أ- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم) في هذه الحالة بين الموضعين  $A$  و  $B$ .

ب- أكتب معادلة انحفاظ الطاقة للجملة بين الموضعين  $A$  و  $B$ .

ج- أحسب شدة قوة الاحتكاك  $\vec{f}$  التي نعتبرها ثابتة خلال الحركة.

5- يواصل الجسم الحركة على المستوي الأفقي تحت تأثير قوة الإحتكاك  $\vec{f}$ .

- أوجد موضع النقطة  $C$  التي تنعدم فيها سرعته.

يعطى :  $g = 10 \text{ N/kg}$

### التمرين 12 :

يتحرك جسم صلب نقطي  $(S)$  كتلته  $m = 10 \text{ kg}$  انطلاقاً من

النقطة  $A$  دون سرعة ابتدائية مروراً بالنقاط  $D, C, B$  والتي

تقع في مستوي شاقولي كما في الشكل.

حيث :  $(AB)$  مسار مستقيم يميل عن الأفق بزاوية  $\alpha = 30^\circ$

وطوله  $AB = 90 \text{ m}$  ،  $(BC)$  مستوي أفقي،  $(CD)$  ربع دائرة  $r$

مركزها  $(O)$  ونصف قطرها  $r = 8,75 \text{ m}$  . يعطى :  $g = 9,81 \text{ N/Kg}$

- نُنمذج قوى الاحتكاك التي يخضع لها الجسم  $(S)$  أثناء حركته على طول المسار  $(AB)$  بقوة وحيدة  $\vec{f}$  لها نفس حامل شعاع السرعة وجهة

معاكسة له شدتها  $f = 10 \text{ N}$  . (تُهمل الإحتكاكات على المسار  $BC$  ،  $CD$  ) . باعتبار الجملة المدروسة (جسم + أرض) :

1- أ- مَثِّل القوى المؤثرة على  $(S)$  في وضع كفي بين  $A$  و  $B$ .

ب- مثل الحصيلة الطاقوية بين الموضعين  $A$  و  $B$ .

ج- اكتب معادلة انحفاظ الطاقة ، ثم استنتج سرعة الجسم عند الموضع  $B$ .

2- أ- مَثِّل الحصيلة الطاقوية للجملة بين الموضعين  $B$  و  $C$  وأخيراً بين  $C$  و  $D$ .

ب- اكتب معادلة انحفاظ الطاقة بين الموضعين  $C$  و  $D$ .

ج- احسب سرعة الجسم عند الموضع  $D$ .

### التمرين 13 :

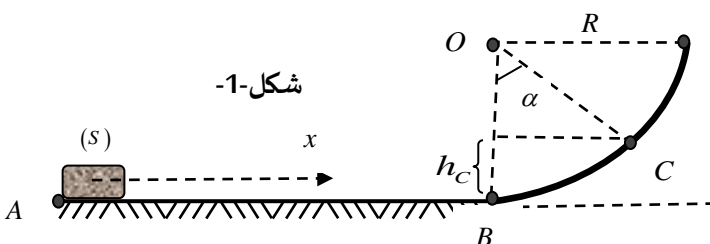
من الموضع  $A$  نقذف جسماً  $(S)$  كتلته  $m = 300 \text{ g}$  بسرعة أفقية  $\vec{v}_A$  فيتحرك وفق المسار  $ABCD$  فيتوقف تماماً عند الموضع  $D$  ،

نقسم حركة الجسم على المسار السابق لجزئين كما هو موضح في الشكل 1-1-

الجزء  $AB$  : تكون حركة الجسم على سطح أفقي خشن يتميز

بقوة احتكاك  $\vec{f}$  ثابتة الشدة وحاملها منطبق على المسار  $AB$

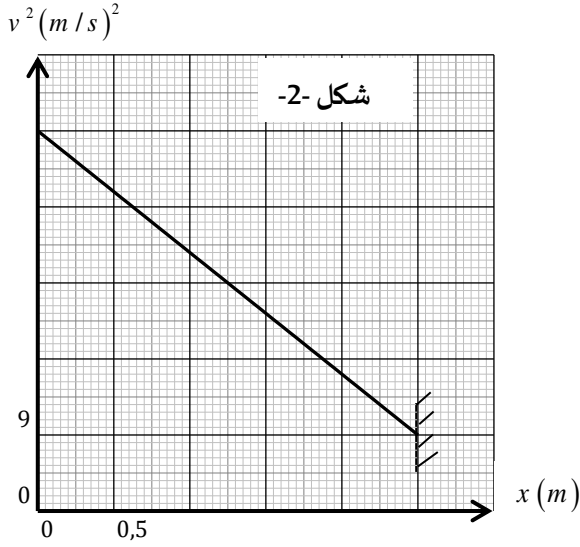
وتعاكسه في الجهة.



شكل 1-1

**الجزء BCD:** تكون حركة الجسم على سطح أملس BCD وهو ربع دائرة قطره R.

**1- الحركة على الجزء AB:** الدراسة التجريبية لحركة الجسم تمكننا من رسم المنحنى البياني لتغيرات مربع السرعة  $v^2$  بدلالة المسافة



المقطوعة x على طول المسار AB كما هو موضح في الشكل 2-

1- باعتبار الجملة المدروسة (جسم) وتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة

بين الموضع A و موضع كيفي من المسار AB :

- بين أن:  $v^2 = v_A^2 + \frac{-2f}{m} \cdot x$  حيث:  $v$  سرعة الجسم بعد قطع

- المسافة x من المسار AB.

2- العلاقة الرياضية للبيان تكتب من الشكل  $v^2 = ax + b$

3- حيث AB: a و b ثابتين يطلب تعيين قيمة كل منهما.

4- استنتج شدة قوة الاحتكاك  $\vec{f}$ .

5- اعتمادا على البيان جد قيمة كل من:

أ- سرعة الجسم عند الموضع A.

ب- سرعة الجسم عند الموضع B، ثم استنتج  $E_{C_B}$ .

ت- طول المسار AB.

**II- الحركة على الجزء BCD:**

باعتبار الجملة المدروسة (جسم)

1- أ- مثل الحصيلة الطاقوية بين الموضعين B و D، ثم استنتج معادلة انحفاض الطاقة.

ب- بين أن قيمة نصف القطر  $R = 0,45m$ .

2- بين أن عبارة الارتفاع  $h_C$  تكتب بالشكل:  $h_C = R(1 - \cos \alpha)$ ، ثم استنتج قيمة عمل قوة الثقل  $W_{B \rightarrow C}(\vec{P})$ .

3- باعتبار الجملة (جسم) واعتمادا على مبدأ انحفاظ الطاقة بين الموضعين B و C، أوجد قيمة سرعة الجسم  $v_C$ .

تعطى:  $g = 10N / kg$

**التمرين 14:**

ندفع كرة كتلتها  $m = 300g$  على طريق يتألف من ربع دائرة نصف

قطرها R بسرعة ابتدائية  $V_A$  لتمر من نقطة B كما في الشكل 1-

ثم تواصل حركتها لتصل إلى النقطة D. تهمل قوى الاحتكاك من A إلى C.

1- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (كرة) بين الموضعين A و B.

2- ثم اكتب معادلة انحفاظ الطاقة.

3- بين أن مربع السرعة  $v_B^2$  يعطى بالعلاقة:  $v_B^2 = v_A^2 + 2 \cdot g \cdot R \cos \alpha$ .

4- درسنا تغيرات مربع سرعة الجسم  $v^2$  بدلالة  $\cos \alpha$  فتحصلنا على البيان في الشكل 2-

باستغلال البيان استنتج:

أ- السرعة الابتدائية  $v_A$ .

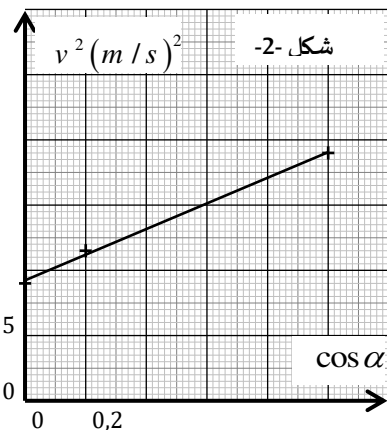
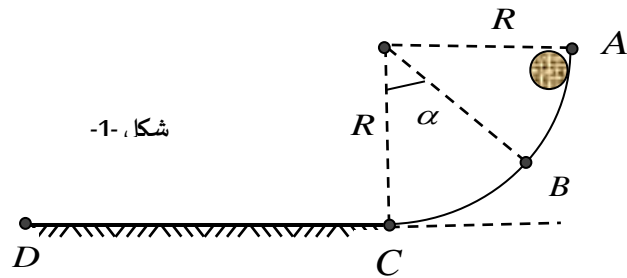
ب- نصف القطر R.

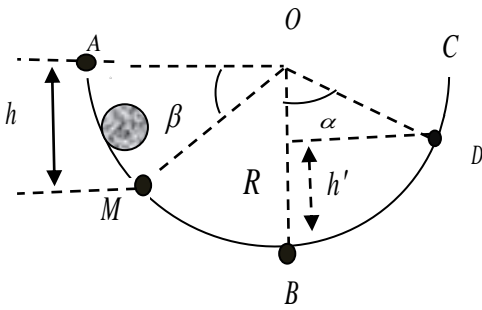
ت- السرعة  $v_C$  عند الموضع C.

5- تواصل الكرة حركتها لتتوقف عند الموضع D تحت

تأثير قوة احتكاك f ثابتة الشدة على طول المسار حيث:  $f = 0,5N$ .

- أوجد المسافة التي تقطعها الكرة حتى تتوقف. تعطى:  $g = 10N / kg$

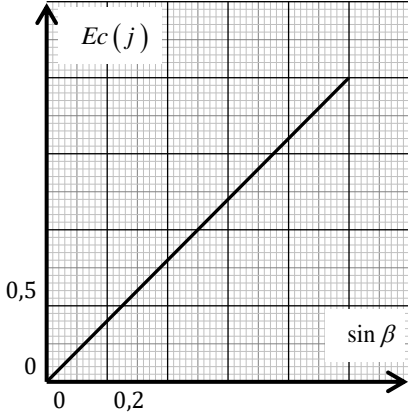




تنزلق كرية كتلتها  $m$  على مسار دائري نصف قطره  $R$ .  
تنطلق الكرية من الموضع  $A$  بدون سرعة ابتدائية لتتمر من الموضع  $M$  المحدد بالزاوية  $\beta$ .

1- الجزء  $AB$  أملس:

- 1- مثل القوى المطبقة على الكرية في الموضع  $M$ .
- 2- ما هي أشكال الطاقة للجملة (كرية) بين الموضعين  $A$  و  $M$ .
- 3- ما نوع التحويل الطاقي المتبادل عندئذ؟ علل.
- 4- قمنا بدراسة تغيرات الطاقة الحركية  $Ec$  للجملة (كرية) بدلالة  $\sin \beta$  فتحصلنا على البيان المقابل:



- أ- مثل الحصيلة الطاقيية للجملة (كرية) بين الموضعين  $A$  و  $M$ .
- ب- اكتب معادلة انحفاظ طاقة واستنتج عبارة  $Ec$  بدلالة  $m$ ،  $g$  و  $\beta$ .
- ت- اكتب المعادلة البيانية، ثم احسب كتلة الكرية  $m$ .
- ث- أوجد من البيان قيمة الطاقة الحركية  $Ec$  في الموضع  $B$ ، واستنتج أن سرعتها في هذا الموضع تساوي  $v_B = 4,47 m/s$ .

11- الجزء  $AB$  أملس:

تواصل الكرية حركتها على هذا الجزء لتتوقف في الموضع  $D$  المعروف بالزاوية  $\alpha = 60^\circ$ ، في هذا الجزء قوى الاحتكاك تكافئ قوة وحيدة  $\vec{f}$  شدتها ثابتة ووجهتها عكس جهة الحركة.

- 1- أثبت أن الارتفاع  $h'$  يمكن كتابته على الشكل:  $h' = R(1 - \cos \alpha)$ .
- 2- احسب عمل قوة رد فعل السطح الدائري  $\vec{R}_N$  على الكرية وعمل قوة ثقلها  $\vec{P}$ .
- 3- مثل الحصيلة بين الموضعين  $B$  و  $D$ .
- 4- احسب عمل قوة الاحتكاك  $\vec{f}$  واستنتج قيمتها العددية.

يعطى:  $g = 10 N/kg$