

تمارين تدريبية

01: التمرين

نضع في كيس 10 كرات مرقمة من 32 إلى 41، نسحب كرة واحدة بصفة عشوائية ونسجل رقمها.

1 عين مجموعة النتائج التي يمكن الحصول عليها في هذه التجربة العشوائية.

2 عين مجموعة الامكانيات كل من الحوادث التالية:

3 رقم الكرة المسحوب مضاعف ل 2

4 رقم الكرة المسحوب مضاعف ل 3

5 رقم الكرة المسحوب مضاعف ل 7

6 رقم الكرة المسحوب مضاعف ل 19

7 رقم الكرة المسحوب مضاعف ل 2 و 3 في آن واحد

8 رقم الكرة المسحوب مضاعف ل 2 أو 3

9 رقم الكرة غير مضاعف ل 2

10 رقم الكرة غير مضاعف ل 2 و 3 في آن واحد

02: التمرين

نعتبر تجربة سحب رقم غلية يحتوي تحتوي على الأرقام

5,6,7,8,9,10,11 ونسجل الرقم المسحوب، ولنكن الحوادث

1 التالية: A حادثة ظهور رقم أكبر تماما من 7

2 B حادثة ظهور رقم أصغر من أو يساوي 10.

3 C حادثة ظهور رقم زوجي.

4 عين عدد عناصر المجموعة Ω

5 عين الحوادث التالية وحدد عناصر كلا منها: A ، B و C .

6 عين مجموعة الحوادث التالية:

7 $A \cup C$ $A \cap B \cap C$ $A \cap C$ $A \cap B$

8 $\bar{A} \cap \bar{B}$ $\bar{A} \cup \bar{B}$ \bar{B} \bar{A} $A \cup B \cup C$

03: التمرين

نضع في كيس يحتوي على 30 كرة لانفرق بينها عند اللمس، 7 منها زرقاء

و 11 حمراء و 12 صفراء نسحب من الكيس كرة واحدة.

1 عين مجموعة الحوادث التالية وحدد عناصر كلا منها:

2 الحادثة A : الكرة المسحوبة زرقاء

3 الحادثة B : الكرة المسحوبة صفراء

4 الحادثة C : الكرة المسحوبة حمراء

5 الحادثة C : الكرة المسحوبة زرقاء أو حمراء.

6 الحادثة E : الكرسة المسحوبة ليست الزرقاء.

7 الحادثة F : الكرة المسحوبة سوداء.

8 أحسب نسبة عدد عناصر كل حادثة إلى عدد عناصر مجموعة الامكانيات.

04: التمرين

1 A و B حادثتان حيث:

$$p(A \cap B) = 0.2 \text{ و } p(A \cup B) = 0.7, p(A) = 0.3$$

2 أحسب $p(B)$ ، ماذا تستنتج فيما يخص الحادثتين A و B .

3 A و B حادثتان حيث:

$$p(A \cup B) = 0.82 \text{ و } p(B) = 0.37, p(A) = 0.45$$

4 إثبت أن A و B غير متلامتين.

5 A و B حادثتين حيث:

$$p(\bar{A} \cup \bar{B}) = 0.52 \text{ و } p(\bar{B}) = 0.63, p(\bar{A}) = 0.44$$

6 أحسب $p(A \cap B)$.

05: التمرين

1 نلخص احتمال نجاح أحمد وصالح في البكالوريا في الجدولين التاليين:

x_i	F_S	S_S	x_i	F_A	S_A
p_i	$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{3}$	p_i	$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$

2 لخص الجدولين السابقين في مخطط واحد مناسب.

3 ما احتمال نجاح أحمد وصالح معا؟

4 ما احتمال أن ينجح واحد منهما فقط؟

06: التمرين

1 يحتوي كيس على ثلاث كرات بيضاء، أربع كرات خضراء وثلاث

كرات صفراء، نسحب عشوائيا كرة من الكيس، هل يوجد تساوي

احتمال إذا كانت مجموعة الإمكانيات Ω هي:

$$\Omega = \{B; V; J\} \quad \Omega \text{ هي الكرات العشر.}$$

2 نرمي زهرة النرد حيث وجه واحد مرقم 1، وجهين مرقمين 2، ثلاثة وجود مرقمة 3.

3 هل هناك تساوي احتمال؟

4 عين مجموعة الامكانيات التي يكون من أجلها تساوي احتمال.

07: التمرين

- نرمي قطعة نقدية مزيفة مرة واحدة، نسمي P "الحادث الحصول على ظهر" و F "الحادث الحصول على وجه"
- علما أن احتمال الحصول على ظهر هو $p(P) = \frac{1}{3}$ ، أحسب $p(F)$
- نرمي القطعة ثلاث مرات
- ضع مخططا توضح فيه جميع الحالات الممكنة لهذه التجربة.
- ما هو احتمال: ✓ الحصول على وجه؟
- ✓ الحصول على الوجه مرتين؟

08: التمرين

- نعتبر كثير الحدود $p(x)$ المعروف بـ:
- $$p(x) = x^6 - 14x^4 + 49x^2 - 36$$
- حل في \mathbb{R} المعادلة: $(E) p(x) = 0$
- نرمي زهرة ترد غير مزيف وجوهها هي حلول المعادلة (E) مرتين متتاليتين ونهتم بالوجه العلوي كل مرة
- شكل شجرة الاحتمالات الخاصة بهذه التجربة العشوائية.
- ما احتمال الحصول على رقمين متعاكسين؟
- ما احتمال الحصول على مجموع رقمين أكبر أو يساوي أربعة؟
- ما احتمال الحصول على رقم أقل من أربعة؟
- أكمل الجدول التالي ثم أحسب $\sum_{i=1}^4 p(X_i)$

X_i	$ X < 2$	$2 \leq X < 4$	$4 \leq X < 6$	$ X \geq 6$
$p(X_i)$				

09: التمرين

X متغير عشوائي قانون احتماله موزع كالتالي:

X	4	3	2	1	0	-1
$p(X = x_i)$	$\frac{1}{3}$	α	α	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{8}$

- عين قيمة العدد α
- أحسب $E(X)$ الأمل الرياضي لـ X .
- أحسب $V(X)$ التباين لـ X و $\sigma(X)$ انحراف X .

10: التمرين

- زهرة ترد مزيفة ذات أربعة أوجه مرقمة من 1 إلى 4.
- نرمز بالرمز p_i لاحتمال ظهور الوجه ذي الرقم i مع $i \in \{1, 2, 3, 4\}$
- إذا علمت أن: $p_2 = \frac{1}{5}$ و أن: $p_n = p_1 + (n-1)r$
- أحسب $p_4 \cdot p_3 \cdot p_1$

② أحسب احتمال ظهور رقم فردي.

11: التمرين

- نقترح اللعبة التالية: يدفع اللاعب M دينارا ثم يرمي زهر ترد غير مزيفة ذات 12 وجها مرقمة من 1 إلى 12 إذا ظهر رقم زوجي يحصل اللاعب على دينارين اثنين، إذا ظهر أحد الأرقام 7, 9, 11 يحصل اللاعب على ثمانية دنانير أما إذا ظهر أحد الأرقام 1, 3, 5 فإنه يحصل على ثلاثة دنانير

- ① عين قيمة M حتى تكون اللعبة عادلة (الأمل الرياضي معدوم)
- ② إذا كان $M = 4$ ، هل المشاركة في هذه اللعبة هي لصالح اللاعب؟

12: التمرين

- نلقي حجر الترد متجانس، ذا ستة أوجه مرقمة من 1 إلى 6، ونهتم بالرقم الظاهر على الوجه العلوي
- عين مجموعة النتائج الممكنة.
- أحسب احتمال الحوادث التالية:
- A: "الرقم الظاهر فردي"
- B: "الرقم الظاهر حل للمعادلة $x^2 - 3x + 2 = 0$ "
- C: "الرقم الظاهر أولي"
- أحسب احتمال ظهور الحوادث التالية: $A \cap C$ ، $A \cap B$ و $\bar{A} \cap \bar{B}$
- استنتج احتمالي الحادتين $\overline{A \cap B}$ ، $\overline{A \cap B}$

وما أرى استنراف ط افني
 في طلب العلم، إلا
 جابا مـ هذبا
 لـ "وعن شبابه فر ما
 افناه" 😊😊

تمارين للتعمق

01: التمرين

١ زهرة نرد مزيفة أوجهها مرقمة من 1 إلى 6، نرمي زهرة النرد ثم نسجل رقم الوجه العلوي، احتمالات الأوجه متناسبة مع الأرقام التي تحملها. 1 ماهي مجموعة الامكانيات؟

2 اكتب قانون الاحتمال الموافق للتجربة.

3 احسب احتمال ظهور وجه يحمل رقما فرديا.

4 احسب احتمال وجه يحمل رقما أوليا.

5 احسب احتمال ظهور رقم أولي أو فردي

02: التمرين

١ يحتوي كيس على 4 كرات صفراء كرة واحدة سوداء وثلاث كرات بيضاء. نسحب كرتين على التوالي بدون ارجاع الكرة المسحوبة إلى الكيس. 1 باستعمال مخطط الشجرة حدد جميع الإمكانات لهذه التجربة. 2 ما احتمال سحب كرتين صفراوتين؟

3 ما احتمال ظهور كرة بيضاء وكرة سوداء؟

4 ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحب عدد الكرات الصفراء المسحوبة

5 عين قيم المتغير العشوائي X .

6 عين قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X ثم احسب أماله الرياضي، تباينه و انحرافه المعياري.

03: التمرين

١ يحتوي وعاء على 6 قرصات لانفرق بينها باللمس كل منها مرقمة بعدد أولي ينتهي إلى مجموعة الأعداد الأولية الستة الأولى.

نسحب عشوائيا من الوعاء قرصتين في آن واحد، ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحب مجموع الرقمين الظاهرين على القرصتين.

1 عين قيم المتغير العشوائي X

2 اكتب قانون الاحتمال للمتغير العشوائي .

3 احسب الأمل الرياضي.

4 احسب التباين، والانحراف المعياري.

04: التمرين

١ يحتوي كيس على أربع كرات مرقمة 1, 2, 5, 7. نسحب كرتين على التوالي بحيث نعيد الكرة الأولى إلى الكيس قبل السحب الموالي، نضع X رقم الكرة الأولى و Y رقم الكرة الثانية

1 أعط قائمة الامكانيات 16 لهذه التجربة

2 احسب احتمال الحوادث التالية.

3 $X = 5$ ♦ $X + 3Y \leq 3$ ♦ $X = 2Y$ ♦ $X + Y$ عدد فردي

05: التمرين

١ يحتوي كيس على ثلاث قرصات بيضاء وخمسة قرصات سوداء، نسحب قرصتين من الكيس على التوالي بحيث نعيد إلى الكيس

القرصة المسحوبة قبل سحب القرصة الثانية

1 مثل النتائج بمخطط او شجرة

2 ماهو احتمال الحصول على نفس اللون؟

06: التمرين

١ نظم خمسة لاعبين A, B, C, D, E منافسة في لعبة الشطرنج . نفرض أن اللاعبين A, B, C لهم نفس احتمال الريح واللاعبين E و D لهما نفس الاحتمال للريح. اللاعب A له ثلاث مرات حظوظ الريح للاعب D .

♦ احسب احتمال الريح لكل لاعب.

♦ احسب احتمال لريح D أو E

♦ ماهو احتمال ربح A أو B أو C .

♦ ماهو احتمال أن B لا يربح؟

07: التمرين

١ نرمي زهرة نرد غير مزيفة حيث وجه واحد مرقم 1، ووجهين مرقمين 2، وثلاثة اوجه مرقمة 3.

1 هل هناك تساوي احتمال؟

2 عين مجموعة امكانيات يكون من أجلها تساوي احتمال.

08: التمرين

١ في حقيبة السفر لأحمد يوجد سروالان أحدهما أبيض والآخر أسود ومعطفان أحدهما أبيض والآخر أسود وثلاثة قمصان اثنان منهما بياضوان والثالث أسود، أخذ أحمد بطريقة عشوائية سروال وقميص ومعطف.

1 عين الامكانيات التي تسمح لأحمد بارتداء سروال وقميص ومعطف.

2 لتكن A الحادثة "لباس أحمد كله أسود". بين أن: $p(A) = \frac{1}{12}$

3 احسب احتمال الحادثة B "أحمد يرتدي سروال ومعطف من لونين مختلفين".

4 احسب احتمال الحادثة C : "أحمد لا يرتدي قميص أسود ولا معطف أبيض"