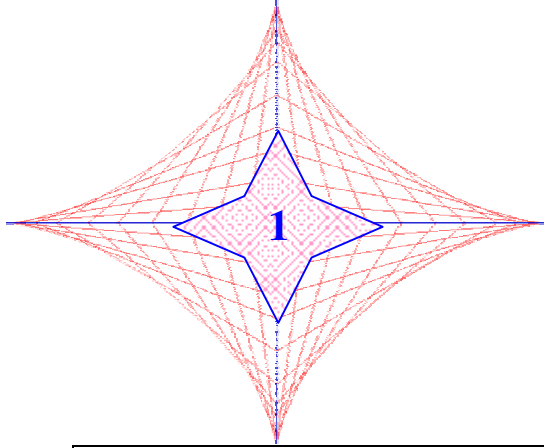


النسب المئوية والمؤشرات



الباب 1: النسب المئوية والمؤشرات

1. نسبة الجزء إلى الكل.
2. النسبة المئوية لنسبة مئوية أخرى.
3. التطورات والنسب المئوية.
4. المؤشرات.

الكفاءات المستهدفة :

شعبة آداب	شعبة تسيير واقتصاد
<ul style="list-style-type: none"> - التمييز بين التغير المطلق والتغير النسبي. - معرفة حساب نسبة مئوية. - معرفة تحويل زيادة أو نقصان نسبة مئوية إلى ضرب. - معرفة حساب وتفسير مؤشر نمو ظاهرة (سعر، إنتاج، عدد السكان،...). - التعبير عن زيادة أو نقصان بنسبة مئوية. - تحديد نسبة النمو الإجمالي بمعرفة نسبي نمو متتابعين. 	<ul style="list-style-type: none"> - التمييز بين التغير المطلق والتغير النسبي. - حساب نسبة مئوية. - إرجاع زيادة أو تخفيض إلى شكل ضرب. - حساب وترجمة مؤشر تطور ظاهرة (سعر، سكان، إنتاج،...). - التعبير بنسبة مئوية على زيادة أو تخفيض. - تعيين نسبة التطور الإجمالية بمعرفة نسبتين متتاليتين للتطور.

جدول تفصل الأجزاء

طرائق	معارف	أنشطة
1	● نسبة الجزء إلى الكل .	1. نسبة الجزء إلى الكل
	● النسبة المئوية لنسبة مئوية أخرى.	2. النسبة المئوية لنسبة مئوية أخرى
	● التعبير عن زيادة أو تخفيض. ● التطور المطلق والتطور النسبي.	3. التطورات والنسب المئوية

2	<ul style="list-style-type: none"> المعامل الضربي. التطورات المتعاقبة. 		
3 4 5	<ul style="list-style-type: none"> المؤشرات. 	4. المؤشرات	4

• توجيهات لتنفيذ الأنشطة

استبيان متعدد الإجابات

يهدف هذا الاستبيان إلى تقييم مكتسبات التلاميذ حول مفهوم النسبة المئوية وبالأخصّ الحساب على النسب المئوية. يسمح هذا النشاط بذكر بعض الأخطاء الشائعة المتعلقة بهذا المفهوم قصد تفاديها .

الأنشطة التمهيدية

نشاط 1: نسبة الجزء إلى الكلّ

يهدف هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من حساب نسب مئوية مختلفة وتوظيف النسبة المئوية لحساب بعض القيم. ومن خلال المثال الملموس المقترح يستنتج التلميذ تعريف نسبة الجزء إلى الكلّ.

نشاط 2: النسبة المئوية لنسبة مئوية أخرى

يرمي هذا النشاط إلى جعل التلميذ يستنتج، من خلال مثال بسيط، الخاصية التي تسمح بحساب نسبة مئوية لنسبة مئوية أخرى.

نشاط 3: التطور والنسبة المئوية

يهدف هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من استنتاج الخاصية التي تسمح بإيجاد النسبة المئوية لتطور إجمالي الناتجة عن تطورات متعاقبة.

نشاط 4: المؤشرات

يهدف هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من الوصول إلى تعريف المؤشر وبالتالي استغلال هذا المؤشر لحساب النسبة المئوية لتطور ظاهرة ما.

• تمارين ومسائل:

1. صحيح أو خاطئ

- أ) صحيح (ه) خاطئ
ب) صحيح (و) خاطئ
ج) صحيح (ك) خاطئ
د) خاطئ (ل) صحيح

نسبة الجزء إلى الكل

.7

النوع	أقل من 18 سنة	من 18 إلى 60 سنة	أكثر من 60 سنة	المجموع
ذكور	9,07	32,76	8,57	50,4
إناث	10,91	31,24	7,44	49,6
المجموع	19,98	64	16,01	100

ملاحظة: النتائج مدوّرة إلى 0,01.

.16

- 1) الدستور: $L_1 * 17/100$.
2) القيم: 1336,2 ، 820,42 ، 213,52 ، 4367,3 ، 1734,0 ، 1087,2

نسب مئوية لنسب مئوية

.18

$$\frac{53 \times 17}{100} \% = 9,01\%$$

.21

المعامل الضربي الإجمالي هو:
 $1,1 \times 1,08 \times 1,06 = 1,2593$
إن النسبة المئوية للزيادة الإجمالية هي:
25,93 %

.24

$$\frac{18 \times 49}{100} \% = 8,82\%$$

.25

$$أ) \frac{25 \times 18}{100} \% = 4,5\%$$

$$ب) \frac{1}{10} \times 40\% = 4\%$$

$$ج) \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \% \approx 16,67\%$$

$$د) \frac{3}{4} \times \frac{8}{10} \% = 60\%$$

$$ه) 12 \times \frac{5}{36} \% \approx 1,67\%$$

$$و) .20 \times \frac{4}{5} \% \approx 16\%$$

التطورات والنسب المئوية

.27

$$أ) .125 \times 1,06 = 132,50$$

$$ب) 125 \times 0,92 = 115$$

.28

1) 200%

2) 40%

3) -50%

.29

أ) 1,25 ، 0,6 (ب) ، 0,6 (ج) ، 0,968 (د) ، 0,3

.30 14% ، 2,8% ، -1,2% ، -63%

20% ، 224%

2) الدستور: $(C2 - 1) \times 100$

النسب المئوية: 12,58% ، 7,33% ،
-12,70% ، 20,94%

المؤشرات

.42

السنة	1996	1997	1998	1999
القمح	100	22,19	76,43	50,39
الشعير	100	10,61	38,89	26,72

ملاحظة: النتائج مدوّرة إلى 0,01.

.44

(1) الدستور: $L_2/L_1(4) * 100$.
المؤشرات: 240 ، 270 ، 120 ، 100 ،
180 ، 90.

مسائل

.49

$$(1) \frac{4800}{25} = 192$$

السعر الوسطي للكتاب الواحد: 192 ديناراً

(2)

(أ) المعامل الضربي الموافق لزيادة قدرها
بـ 10% هو 1,1.

إذن السعر الوسطي للكتاب الواحد في
سنة 2004 هو: $192 \times 1,1 = 211,20$.

$$\frac{4800}{211,2} \approx 22,7 \text{ أي } 22 \text{ كتاباً.}$$

(ب) انخفضت القدرة الشرائية لرب العائلة.

(3)

$$(أ) \frac{4800 + 600}{25} = 216 \text{ (216 كتاباً).}$$

(ب) ازدادت القدرة الشرائية لرب العائلة.

.31

1,35 ، 1,4 ، 1,072 ، 0,91 ، 1,001 ، 0,82.

.33

• تخفيض 4% متبوع بتخفيض 6%

يوافق المعامل الضربي قدره:

$$0,96 \times 0,94 = 0,9024$$

أي تخفيض إجمالي قدره 9,76%.

• تخفيض 6% متبوعاً بتخفيض 4%

يوافق تخفيضاً إجمالياً قدره 9,76%.

• تخفيض 5% متبوعاً بتخفيض 5%

يوافق المعامل الضربي قدره:

$$0,95 \times 0,95 = 0,9025$$

أي تخفيض إجمالي قدره 9,75%.

إذن الطريقة الأكثر فائدة بالنسبة إلى

الزبائن هي الطريقة الأخيرة أي تخفيض

10%.

.38

(1) الدستور: $L_2 - L_1$.

القيم: -16 ، 18 ، 15 ، -20 ، -35.

(2) الدستور: L_3/L_1

التطورات النسبية: -0,1026 ، 0,0756 ،

0,125 ، -0,0769 ، 0,0462.

(3) الدستور: L_2/L_1 .

المعاملات الضربية: 0,8974 ، 1,0756 ،

1,125 ، 0,9231 ، 0,9538.

.40

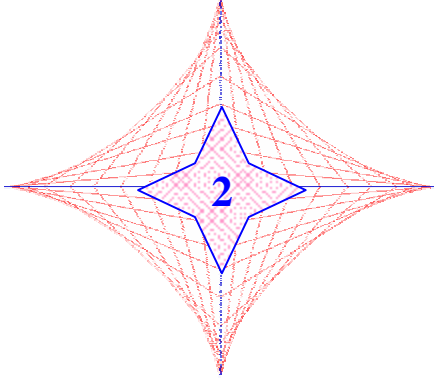
(1) الدستور: $B2/A2 =$

المعاملات الضربية: 1,1258 ، 1,0733 ،

0,8730 ، 1,2894.

الإحصاء

الباب 2: الإحصاء



1. السلاسل الزمنية. CE
2. التمليس بالأوساط المتحركة. CE
3. المدرجات التكرارية.
4. التباين والانحراف المعياري.
5. الربعيات والعشريات والمخطط بالعلبة.
6. التجربة العشوائية والمحاكاة.

الكفاءات المستهدفة :

شعبة آداب	شعبة تسيير واقتصاد
- إنجاز محاكاة تجارب عشوائية بسيطة. - معرفة مفهوم تذبذب العينات. - حساب الانحراف المعياري لسلسلة إحصائية وتفسيره. - معرفة تحديد وتفسير الربعيين الأدنى والأعلى Q_1 و Q_3 . - إنشاء وتفسير مخطط بالعلبة. - تعيين الانحراف الربيعي لسلسلة إحصائية.	- تمثيل سلسلة إحصائية منظمة في فئات مختلفة الأطوال بمدرج تكراري. - حساب انحراف معياري وترجمته. - حساب الربعيات و العشريين الأول والتاسع لسلسلة إحصائية. - تمثيل سلسلة إحصائية بمخطط بالعلبة وترجمته. - مقارنة مخططات بالعلبة لسلاسل مختلفة.

جدول تفصيل الأجزاء:

طرائق	معارف	أنشطة
	● السلسلة الزمنية	1. السلاسل الزمنية
1	● الأوساط المتحركة. ● التمليس بالأوساط المتحركة .	2. التمليس بالأوساط المتحركة *.
	● المدرج التكراري	3. المدرجات التكرارية
3	● الوسط.	

5	<ul style="list-style-type: none"> • التباين. • الانحراف المعياري. 	4. التباين - الانحراف المعياري	3
4 6	<ul style="list-style-type: none"> • الوسيط. • الربعيات والعشريات. • المخطط بالعلبة. 	5. الربعيات- العشريات - المخطط بالعلبة	4
7 8 9 10	<ul style="list-style-type: none"> • التجربة العشوائية. • العينة. • محاكاة تجربة عشوائية. 	6. التجربة العشوائية- المحاكاة.	5

• توجيهات لتنفيذ الأنشطة :

استبيان متعدد الإجابات:

يهدف هذا الاستبيان إلى تقييم مكتسبات التلاميذ حول المصطلحات الإحصائية والمؤشرات الإحصائية والتمثيلات البيانية المدروسة في السنة الأولى.

أنشطة تمهيدية :

نشاط 1: التمليس بالأوساط المتحركة.

يهدف هذا النشاط إلى مقارنة مفهوم التمليس بالأوساط المتحركة انطلاقاً من مثال ملموس . يسمح للتلميذ من إدراك بعض النتائج الناجمة عن هذا التمليس..

نشاط 2: المدرجات التكرارية.

يرمي هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من إنجاز مدرج تكراري لسلسلة إحصائية معطاة في شكل فئات مختلفة الأطوال و منه استنتاج قواعد الإنشاء.

نشاط 3: التباين، الانحراف المعياري.

يرمي هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من التعرف على معياري تشتت جديدين هما التباين والانحراف المعياري واستغلالهما لمقارنة سلسلتين إحصائيتين لهما نفس الوسط.

نشاط 4: الوسيط والربعيات.

يهدف هذا النشاط إلى التطرق إلى مفهوم الربعي ومن ثمة الانحراف الربعي الذي هو معيار تشتت آخر يسمح بتحليل سلسلة إحصائية وبمقارنة سلسلتين إحصائيتين بأكثر دقة. ويستغل هذا المفهوم في تمثيل سلسلة إحصائية بمخطط بالعلبة.

نشاط 5: التجربة العشوائية

يهدف هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من إنجاز محاكاة لتجربة عشوائية ومن خلالها التطرق إلى مفهوم تذبذب العيّنات . يعتبر هذا النشاط أساساً هاماً لمقاربة مفهوم الاحتمال مقارنة تواترية.

• تمارين ومسائل:

الوسط- التباين - الانحراف المعياري

.10

الوسط: $\bar{x} \approx 0,14$
التباين: $V \approx 3,24$
الانحراف المعياري: $\sigma \approx 1,80$
(النتائج مدوّرة إلى (0,01).

.15

تؤخذ مراكز الفئات كقيم السلسلة ونجد:
الوسط: $\bar{x} \approx 9,05$
الانحراف المعياري: $\sigma \approx 4,45$.

الوسيط- الربيعات - المخطط بالعنبة

.17

السلسلة	Me	Q_1	Q_3
1	5,5	3	8
2	7	4	7
3	15	15	17

.19

السلسلة	Me	Q_1	Q_3
1	8	7	11
2	63	55	80

1. صحيح أو خاطئ

- أ) صحيح (ه) صحيح
ب) صحيح (و) صحيح
ج) خاطئ (ك) صحيح
د) خاطئ (ل) صحيح

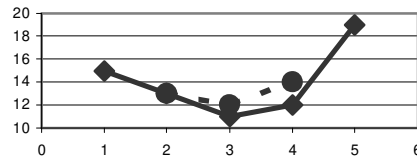
الأوساط المتحركة

.2

(1

اليوم	الأحد	الاثنين	الثلاثاء
القيمة (°)	13	12	14

(2



المدرجات التكرارية

.4

المدرج التكراري (2).

.7

[20;30[[30;35[[35;40[[40;45[[45;60[
40	90	45	45	60

مسائل

.32

1) حسب خواص وسط سلسلة إحصائية
فإن: $\bar{y} = \bar{x} + b$

المحاكاة

.25

1) الوسط: $\bar{x} = 10,5$.

$$V' = \frac{\sum (y_i - \bar{y})^2}{N} = \frac{\sum [x_i + b - (\bar{x} + b)]^2}{N}$$

$$= \frac{\sum (x_i + b - \bar{x} - b)^2}{N} = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{N} = V$$

$$\sigma' = \sqrt{V'} = \sqrt{V} = \sigma$$

(2) لتكن السلسلة الجديدة (z_i) حيث $z_i = ax_i$.
 \bar{z} ، V'' ، σ'' هي الوسط والتباين والانحراف المعياري للسلسلة (z_i) .
 حسب خواص وسط سلسلة إحصائية
 فإن: $\bar{z} = a\bar{x}$.

$$V'' = \frac{\sum (z_i - \bar{z})^2}{N} = \frac{\sum [ax_i - a\bar{x}]^2}{N}$$

$$= \frac{\sum a^2 (x_i - \bar{x})^2}{N} = a^2 \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{N} = a^2 V$$

$$\sigma'' = \sqrt{V''} = \sqrt{a^2 V} = |a| \sqrt{V} = |a| \sigma$$

(3)

الخاصية 1: إذا أضفنا نفس القيمة b إلى كل قيم سلسلة إحصائية فكل من تباينها وانحرافها المعياري لم يتغير..
 الخاصية 1: إذا ضربنا كل قيم سلسلة إحصائية في نفس القيمة a فتباينها يضرب في مربع العدد a وانحرافها المعياري يضرب في القيمة المطلقة للعدد a .

(2) أ) لتوليد عينة من 50 عددا مأخوذة بصفة عشوائية من بين الأعداد الطبيعية المحصورة بين 1 و 20 نستعمل أحد الدستورين:
 - بالحاسبة:

$\text{seq}(\text{randInt}(1,20), X, 1, 50) \rightarrow L_1$

- بالمجدول:

$=\text{ENT}(\text{ALEA}()*(20-1)+1)$

(3) نلاحظ أن الأوساط الناتجة تقترب من 10,5.

.26

(1)

الوجه	1	2	3
التكرار	74	53	73
التواتر	0,184	0,132	0,183

4	5	6
69	61	70
0,173	0,152	0,176

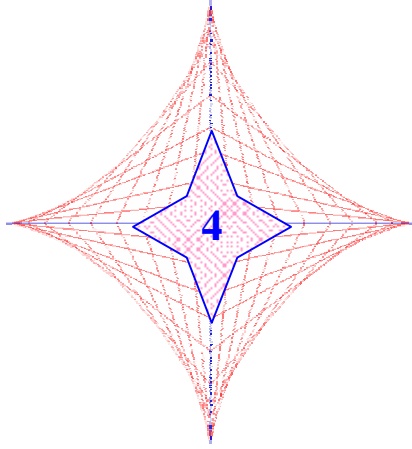
(2)

أ) 0,184.

ب) $0,132 + 0,173 + 0,176 = 0,481$

ج) $0,184 + 0,183 + 0,152 = 0,519$

المعادلات والمتراجحات من الدرجة الثانية



الباب 4: المعادلات والمتراجحات من الدرجة الثانية

1. ثلاثي الحدود من الدرجة الثانية.
2. المعادلات من الدرجة الثانية.
3. المتراجحات من الدرجة الثانية.
4. حلّ، بيانياً، معادلات ومتراجحات من الدرجة الثانية.

• الكفاءات المستهدفة :

شعبة آداب	شعبة تسيير واقتصاد
- إنشاء التمثيل البياني للدالة: $ax^2 + bx + c$ - تحديد جذور ثلاثي الحدود وإشارته. - حلّ معادلة من الدرجة الثانية باستعمال التمثيل البياني للدالة: $ax^2 + bx + c$ - حلّ معادلة من الدرجة الثانية جبرياً.	- تمثيل دالة من الشكل: $f : x \mapsto ax^2 + bx + c$ مع $a \neq 0$ وإنشاء جدول تغيراتها. - استعمال التمثيل البياني لثلاثي الحدود لاستنتاج وجود حلول المعادلة أو المتراجحة من الدرجة الثانية المرفقة.

• جدول تفصل الأجزاء :

طرائق	معارف	أنشطة تمهيدية
1	- الدالة ثلاثي الحدود من الدرجة الثانية. - الشكل النموذجي لثلاثي الحدود من الدرجة الثانية.	1. ثلاثي الحدود من الدرجة الثانية
2	- التمثيل البياني لدالة ثلاثي الحدود من الدرجة الثانية. - تغيرات دالة ثلاثي الحدود	1 2

	من الدرجة الثانية.	
4	2. المعادلات من الدرجة الثانية 3. المترجمات من الدرجة الثانية	4
5	4. حلّ معادلات ومترجمات من الدرجة الثانية بيانيا	5
3	5. حلّ مشكلات باستعمال معادلات أو مترجمات من الدرجة الثانية بيانيا	3

• **توجيهات لتنفيذ الأنشطة :**

استبيان متعدد الإجابات :

تتعلق الأسئلة بالمكتسبات القبلية حول العبارات الجبرية والمعادلات.

أنشطة تمهيدية :

نشاط 1: صورة قطع مكافئ بانسحاب «

الهدف من هذا النشاط استنتاج التمثيل البياني لدالة ثلاثي حدود من الدرجة الثانية باستعمال التمثيل البياني للدالة " مربع".

نشاط 2: دراسة دالة ثلاثي الحدود من الدرجة الثانية

الهدف من هذا النشاط دراسة دالة كثير حدود من الدرجة الثانية واستعمال التمثيل البياني لثلاثي الحدود لاستنتاج وجود حلول معادلة أو مترجمة الدرجة الثانية.

نشاط 3: حلّ مشكلة باستخدام معادلة من الدرجة الثانية

الهدف من هذا النشاط هو حلّ مشكلة بنمذجتها باستعمال معادلة من الدرجة الثانية.

نشاط 4: الصيغ المختلفة لثلاثي الحدود

الهدف من هذا النشاط هو كتابة عبارة ثلاثي حدود من الدرجة الثانية بصيغ مختلفة واختيار الصيغة الأنسب لحلّ معادلة.

نشاط 5: التحقق من حلّ معادلة بحاسبة بيانية

الهدف من هذا النشاط هو استعمال حاسبة بيانية لتمثيل دالة ثلاثي حدود من الدرجة الثانية واستعماله للتحقق من حلّ معادلة.

الدوال ثلاثي الحدود

.12

$$. a = -1 \text{ و } c = 3$$

.13

الدالة الممثلة كما على الشكل هي الدالة

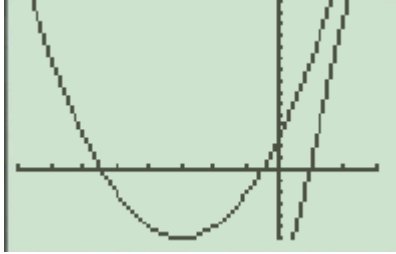
$$. x \xrightarrow{g} x^2 + 3x$$

.15

(1) باستعمال حاسبة بيانية نحصل على المنحنيين التاليين الممثلين للدالتين f و g حيث:

$$x \xrightarrow{f} 13x - 12$$

$$\text{و } x \xrightarrow{g} x^2 + 6x + 3$$



(2) لمعرفة الوضع النسبي للمنحنيين، نختار نوافذ مناسبة ونضع التخمين أن المنحنيين لا يتقاطعان.

(3) نتحقق حسابيا بحل المعادلة

$$\dots x^2 + 6x + 3 = 13x + 12$$

المعادلات من الدرجة الثانية

.18

$$\text{أ) } x = -1 \text{ أو } x = \frac{11}{4}$$

.1

أصحیح أم خاطئ

أ) خاطئ (ه) خاطئ

ب) صحيح (و) صحيح

ج) خاطئ (ز) خاطئ

د) خاطئ (ي) صحيح

الشكل النموذجي لثلاثي الحدود

.2

$$\text{أ) } x^2 - 6x + 9$$

$$\text{ب) } x^2 - 6x = (x-3)^2 - 9$$

$$\text{ج) } (x-3)^2 - 7$$

.3

$$\text{أ) } x^2 + 4x + 3 = (x-2)^2 - 1$$

$$\text{ب) } x^2 - 5x - 1 = \left(x - \frac{5}{2}\right)^2 - \frac{21}{4}$$

$$\text{ج) } -3x^2 + x + 1 = -3\left(x - \frac{1}{6}\right)^2 + \frac{11}{12}$$

$$\text{د) } 4x^2 - x + 1 = 4\left(x - \frac{1}{8}\right)^2 + \frac{17}{16}$$

.6

$$\text{أ) } (x-7)(x-3)$$

$$\text{ب) } (x-0,7)(x+0,7)$$

$$\text{ج) } \left(t - \frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2$$

$$\text{د) } -x^2 - 5x - 60$$

.19

أ) $\Delta = 169$ أو $x_1 = -3$ أو $x_2 = \frac{4}{3}$

د) $x_0 = \frac{1}{5}$. $\Delta = 0$

ح) $\Delta = 27$ أو $x_1 = -\sqrt{3}$ أو $x_1 = -\frac{\sqrt{3}}{2}$

هـ) $\Delta = 6,25$ أو $x_1 = -\frac{1}{2}$ أو $x_2 = 2$

.22

لحلّ المعادلة $x^4 - 2x^2 - 8 = 0$ ، نضع $y = x^2$

المعادلة تصبح $y^2 - 2y - 8 = 0$.

مميّز هذه المعادلة هو $\Delta = 36$. فهي تقبل

حلّين متمايزين هما $y_1 = -2$ (وهو حلّ

مرفوض) أو $y_2 = 4$.

ونستنتج حلول المعادلة $x^4 - 2x^2 - 8 = 0$

.23

أ) مجموعة حلول

المعادلة: $\left\{ -1; -\frac{\sqrt{2}}{2}; \frac{\sqrt{2}}{2}; 1 \right\}$

ب) المعادلة لا تقبل حلولاً .

إشارة ثلاثي الحدود

.26

1. أ) $(-2; 0)$ ، $(1; 0)$

ب) $(0; -2)$.

ح) $(-1; -2)$ ، $(1; 0)$.

2. نتحقق من النتائج بقراءة بيانية .

.37

.27

بقراءة بيانية، نستنتج أنّ المنحنيين يتقاطعان في النقطتين $M_1(-1; 4)$

و $M_2(1, 5; 2, 5)$.

ونتحقق من النتائج حسابياً بحلّ المعادلة

$x^2 - x + 2 = 3x^2 - 2x - 1$ ،

أي $2x^2 - x - 3 = 0$ حيث نجد أنها تقبل

حلّين هما -1 و $1,5$.

ثم بالتعويض في إحدى معادلتنا المنحنيين

نجد النقطتين $M_1(-1; 4)$

و $M_2(1, 5; 2, 5)$.

.28

حلول $f(x) \leq g(x)$ توافق فواصل نقط

المنحني (C_f) الواقعة أسفل نقط المنحني

(C_g) : $[2; 4]$.

لدينا $f(x) \leq g(x)$ تكافئ

$x^2 - 4x + 4 \leq -x^2 + 8x - 12$

أي $x^2 - 6x + 8 \leq 0$

حلول المتراحة المفروضة هي $[2; 4]$.

.29

ب) حلول المتراحة $f(x) < 0$:

$]-\infty; -\frac{1}{2}[\cup]1; 2[$.

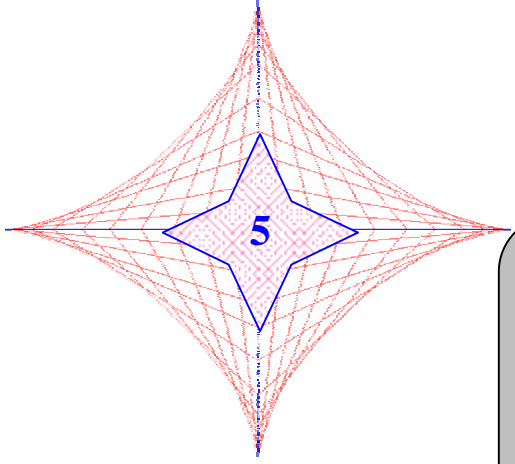
حلّ معادلات أو متراحات من الدرجة الثانية بيانياً .

.33

ب) $x \in \left[-\frac{3}{2}; 1 \right]$

<p>2. $C_M(9) = 123$ $C_M(x) = C_M(9)$ تكافئ $\frac{1}{27}x^2 - \frac{10}{3}x + 150 = 123$ نحلّ المعادلة $x^2 - 90x + 729 = 0$ حيث $\dots x > 0$ 3. $x = 45$</p>	<p>أ) صحيح. ب) صحيح. .41 أ) 4 حلول. ب) نحلّ المعادلة $\dots (x^2 + 3x + 2)(x^2 - 4x + 3) = 0$ مسائل <hr/> .45 $\Phi = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$.46 نضع L طول و l عرض المستطيل (L و l عدنان حقيقيان موجبان). لدينا: $\begin{cases} L = l + 7 \\ l(l + 7) = 60 \end{cases}$ نجد $L = 12m$ و $l = 5m$. .48 x عدد حقيقي موجب. نضع $A(x)$ مساحة الجزء المظلل. لدينا $A(x) = x^2 + 5x$. نحلّ المتراجحة $\dots x^2 + 5x > 6$.50 1. $C_M(x) = \frac{1}{27}x^2 - \frac{10}{3}x + 150$</p>
--	--

الإشتقاق



الباب 5: الإشتقاق

1. العدد المشتق.
2. معادلة المماس لمنحن عند نقطة منه.
3. الدوال المشتقة.
4. عمليات على الدوال المشتقة.
5. الدالة المشتقة واتجاه التغير.
6. القيم الحدية لدالة ∞ .
7. التقريب التآلفي المماسي لدالة ∞ .

الكفاءات المستهدفة :

شعبة آداب	شعبة تسيير واقتصاد
<p>- تعيين العدد المشتق لدالة مرجعية مقررّة.</p> <p>- تعيين معادلة المماس لمنحنى الدالة "مربع".</p> <p>- تعيين معادلة مماس منحنى دالة مرجعية.</p> <p>- تعيين العدد المشتق لدالة f عند x_0.</p> <p>- التعرف على قابلية اشتقاق دالة عند x_0.</p> <p>تعيين الدوال المشتقة للدوال المرجعية:</p> $x a \quad ax+b \quad ; \quad x a \quad k$ $x a \quad \frac{1}{x} \quad ; \quad x a \quad x^2$ <p>- حساب مشتقة مجموع دالتين ومشتقة جداء دالتين ومشتقة مقلوب دالة ومشتقة الدالة "قوة".</p> <p>- استعمال إشارة المشتقة لتحديد اتجاه تغير دالة على مجال.</p>	<p>- مقارنة مفهوم العدد المشتق على مثال.</p> <p>- معرفة العدد المشتق للدوال المرجعية المقررّة من أجل قيمة معينة x_0.</p> <p>- ترجمة العدد المشتق ببيانيا.</p> <p>- تعيين المعادلة المبسطة لمماس.</p> <p>- إنشاء المماس عند نقطة A للمنحنى الممثل لدالة مرجعية مقررّة.</p> <p>- تعريف الدالة المشتقة لدالة قابلة للاشتقاق على مجال.</p> <p>- حساب مشتق مجموع وجداء وحاصل قسمة دالتين قابلتين للاشتقاق.</p> <p>- حساب مشتق دالة كثير حدود ودالة ناطقة من الشكل: $x a \quad \frac{ax+b}{cx+d}$.</p> <p>- الربط بين اتجاه تغير دالة وإشارة مشتقها.</p> <p>- تعيين القيم الحدية لدالة قابلة للاشتقاق على مجال.</p> <p>- تعيين التقريب التآلفي لدالة عند قيمة انطلاقا من أثلة بسيطة.</p>

• جدول تفصيل الأجزاء :

طرائق	معارف	أنشطة تمهيدية
1	- النهاية عند 0 .	1. العدد المشتق.
2	- نسبة تزايد دالة بين عددين حقيقيين.	2
3	- العدد المشتق عند a .	
4		
5		
6		2. معادلة المماس لمنحن عند نقطة منه.
	- قابلية الاشتقاق لدالة على مجال.	3. الدوال المشتقة.
	- الدالة المشتقة لدالة.	
	- الدوال المشتقة لدوال مألوفة.	
	- الدالة المشتقة لمجموع دالتين.	4. عمليات على الدوال المشتقة.
	- الدالة المشتقة لجداء دالتين.	
	- الدالة المشتقة لمقلوب دالة.	
	- الدالة المشتقة لحاصل قسمة دالتين.	
	- الدالة المشتقة لدالة كثير حدود.	
	- الدالة المشتقة لدالة تناظرية.	
7		5. الدالة المشتقة واتجاه التغير
8		6. القيم الحدية لدالة.
9	- تعريف.	7. التقريب التآلفي المماسي لدالة.
10	- تقريب n زيادة متتابعة.	

• توجيهات لتنفيذ الأنشطة :

استبيان متعدد الإجابات :

يهدف الاستبيان متعدد الإجابات إلى تقويم بعض المكتسبات المتعلقة بمفهوم الاشتقاق. يشكل مفهوم نهاية دالة عند عدد x_0 العنصر الأساسي في بناء مفهوم العدد المشتق لدالة عند x_0 ، فيكون ربط هذا المفهوم بمعامل توجيه المماس لمنحن عند نقطة منه مناسبة للانتقال من المجال العددي إلى المجال الهندسي.

أنشطة تمهيدية :

نشاط 1: حساب معامل توجيه مستقيم

يهدف هذا النشاط إلى مقارنة مفهوم العدد المشتق لدالة عند عدد x_0 . فهو يمثل معامل توجيه المماس للمنحنى الممثل للدالة عند النقطة التي فاصلتها x_0 . تسمح القراءة البيانية لإحداثيات نقط والبحث عن معامل توجيه مستقيم انطلاقاً من نقطتين متميزتين منه للتلميذ بالربط بين نسبة تزايد دالة بين عددين حقيقيين ومفهوم معامل توجيه هذا المستقيم.

نشاط 2: حساب جبري

يهدف هذا النشاط إلى مقارنة مفهوم العدد المشتق لدالة من خلال حساب نسبة تزايد هذه الدالة بين العددين x_0 و $x_0 + h$.

عند حساب النسب المطلوبة، يتوصل التلميذ إلى كتابتها على أبسط شكل لها وهذا ما يسهل حساب نهايتها عندما يؤول h إلى 0 .

نشاط 3: مستقيمت قاطعة لمنحن تشمل نقطة

يهدف هذا النشاط إلى دراسة معامل توجيه كل مستقيم يقطع المنحنى الممثل لدالة في نقطتين متميزتين. إن دراسة قيم معامل التوجيه هذا القاطع وبالخصوص عندما تكون النقطتان قريبتين جداً من بعضهما يبرز الوضع "النهاية" للقاطع وهو ما يُعبّر عن مفهوم المستقيم المماس للمنحنى عند نقطة منه.

نشاط 4: مفهوم السرعة اللحظية

يهدف هذا النشاط إلى دراسة وضعية ذات دلالة وهي الوضعية التي توظف مفهوم المسافة ومفهوم السرعة المتوسطة. فتغيّر السرعة بين لحظتين يسمح بتوظيف مفهوم نسبة التزايد ومفهوم النهاية عند الصفر.

• **تمارين ومسائل :**

1. صحيح أو خاطئ

الجملة الصحيحة هي: 1؛ 3؛ 4؛ 8؛ 9.

6.

(1) معرفة عند كل من الأعداد 0 ؛ 1 ؛
-2.

إذن $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = -\frac{5}{3}$ ؛ $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \frac{1}{3}$

$$\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = \frac{13}{3}$$

(2) عدد حقيقي غير منعدم.

$$\frac{f(1+h) - f(1)}{h} = -2$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h} = -2$$

10.

تزايد الإنتاج خلال 5 سنوات (أي من

بداية 2001 إلى نهاية 2005) هو

$$41000 - 64300 \text{ أي } 23300.$$

إذن التزايد المتوسط السنوي للإنتاج هو

$$\frac{23300}{5} \text{ أي } 4660 \text{ جهازا.}$$

عدد الأجهزة التي ستنتج في السنة 2008

$$\text{هو } 64300 + 3 \times 4660 \text{ أي } 78280$$

جهازا.

13.

$$(4) f(x) = 3x^2 - 3 ؛ a = 2$$

$$\text{و } \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty \text{ و } f\left(\frac{7}{4}\right) = \frac{39}{8}$$

$$x \neq 2 \text{ مع } \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = 3(x + 2)$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2} 3(x + 2) = 12$$

إذن العدد المشتق للدالة f عند 2 هو

$$\text{العدد } f'(2) = 12 \text{ حيث } f'(2) = 12.$$

26.

(1) معادلة المماس (T) هي $y = -2x$.

(2) هذا المماس يشمل مبدأ المعلم لأن

إحداثيي النقطة O تحقق معادلة (T).

32.

$$f'(x) = 3 + \frac{1}{\sqrt{x}} \quad (4)$$

$$f'(x) = 6x^2 - 6x \quad (5)$$

$$f'(x) = -10x + 2 \quad (6)$$

42.

$$f(x) = 2x^2 - 7x + 11$$

(1) f قابلة للاشتقاق على i

$$\text{و } f'(x) = 4x - 7.$$

(2) اتجاه تغيّر الدالة f يتعلق بإشارة

$$f'(x) \text{ على } i.$$

إذن f متزايدة على المجال $\left[\frac{7}{4}; +\infty\right[$

ومتناقصة على المجال $]-\infty; \frac{7}{4}]$.

(3) يُعطى جدول تغيرات f مع اعتبار

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$

المماس عند النقطة ذات الإحداثيين

(0; -1) يوازي المستقيم الذي معادلته

$$y = 3x + 5$$

.52

$$g(x) = x^3 + 3x$$

الدالة g قابلة للاشتقاق على \mathbb{R}

$$و \quad g'(x) = 3x^2 + 3$$

من أجل كلّ عدد حقيقي x ، $g'(x) > 0$.

إذن الدالة g لا تقبل قيمة حدية على \mathbb{R} .

.56

(1) جدول تغيّرات f يكون كالآتي:

x	$-\infty$	0	$+\infty$
$f'(x)$		-	+
$f(x)$	$+\infty$	-1	$+\infty$

(2) التقريب التآلفي المماسي للدالة f هو

الدالة g المعرفة على \mathbb{R} بـ:

$$g(x) = 8x - 6$$

$$f(1,099); \quad 2,79 \quad (3)$$

.57

$$f(x) = 2x^2 + 3x - 1$$

$$(1) \text{ حلّ المعادلة } f'(x) = 1$$

لدينا $f'(x) = 1$ يعني $4x + 3 = 1$

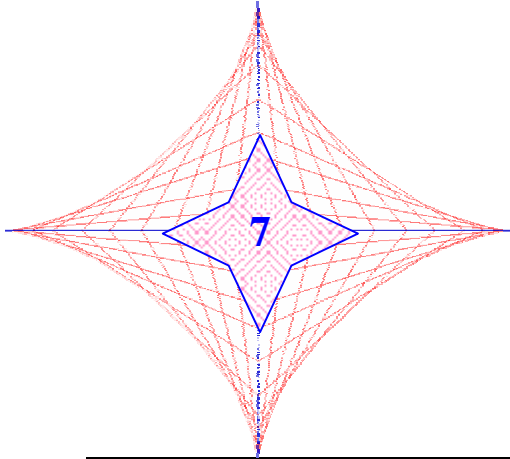
$$\text{إذن } x = -\frac{1}{2} \text{ ؛ } f\left(-\frac{1}{2}\right) = -2$$

المماس عند النقطة ذات الإحداثيين

$$\left(-\frac{1}{2}; -2\right) \text{ معامل توجيهه يساوي } 1 .$$

$$(2) \text{ حلّ المعادلة } f'(x) = 3$$

المتتاليات العددية



الباب 7: المتتاليات العددية

1. عموميات. \mathbb{E}
2. المتتاليات الحسابية.
3. المتتاليات الهندسية.

الكفاءات المستهدفة :

شعبة آداب	شعبة تسيير واقتصاد
- التعرف على متتالية حسابية أو متتالية هندسية. - معرفة واستعمال خاصية ثلاثة حدود متتابة في متتالية. - معرفة واستعمال الوسط الحسابي، الوسط الهندسي. - حساب مجموع n حدا الأولى لمتتالية. - تحديد اتجاه تغير متتالية حسابية أو هندسية. - دراسة وضعيات يؤول حلها إلى دراسة متتاليات حسابية أو إلى متتاليات هندسية.	- تعريف متتالية عددية واستعمال الكتابات والتعابير المناسبة. - معرفة طرق توليد متتالية. - حساب الحد من المرتبة n لمتتالية. - تعريف متتالية حسابية أو هندسية والتعرف عليها تبعا لطريقة توليدها ووصفها باستعمال التعبير المناسب. - حساب الحد من المرتبة n لمتتالية حسابية أو هندسية بمعرفة حدّها الأوّل وأساسها. - معرفة اتجاه تغير متتالية حسابية أو هندسية. - حساب مجموع n حدا متتابة لمتتالية حسابية أو هندسية.

• **جدول تفصيل الأجزاء :**

طرائق	معارف	أنشطة تمهيدية
1	1. مفهوم متتالية 2. طرق توليد متتالية 3. التمثيل البياني لمتتالية 4. اتجاه تغيّر متتالية	1. عموميات
2	1. تعريف 2. حساب الحدّ العام u_n 3. مجموع حدود متتابعة 4. التمثيل البياني 5. اتجاه التغيّر	2. المتتاليات الحسابية
3	1. تعريف 2. حساب الحدّ العام u_n 3. مجموع حدود متتابعة 4. التمثيل البياني 5. اتجاه التغيّر	3. المتتاليات الهندسية
4	4. نمذجة وضعيات باستعمال متتاليات.	

• **توجيهات لتنفيذ الأنشطة :**

استبيان متعدد الإجابات :

الهدف من الاستبيان قياس درجة تحكّم التلميذ في بعض المفاهيم المرتبطة بالمتتاليات العددية. تخصّ الأسئلة المقترحة العمل على الأسس والكتابات بأدلة وكذا إتمام انتظامات أعداد.

أنشطة تمهيدية :

نشاط 1: تطوّر سكان «

إنّ الوضعية المقترحة مألوفة والهدف منها هو جعل التلميذ يدرك فائدة الأداة الرياضية المتمثلة في المتتاليات العددية لحلّ المشكلة المقترحة.

نشاط 2: المتتاليات الحسابية

الهدف من هذا النشاط معالجة وضعية مألوفة تتمثل في إيداع مبلغ من المال بفائدة بسيطة باستعمال المتتاليات الحسابية.

نشاط 3: المتتاليات الهندسية

تعدّ الوضعية المقترحة إحدى الوضعيات المعروفة قديماً. الهدف من هذا النشاط هو جعل التلميذ ينمذج الوضعية ويحلّها باستعمال المتتاليات الهندسية. وهي فرصة يستعمل من خلالها الجدول للإجابة عن بعض الأسئلة المطروحة.

• تمارين ومسائل :

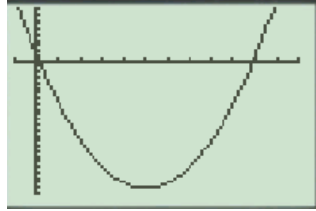
1.15 (1)

(u_n) معرفة بعلاقة من الشكل

$u_n = f(n)$ حيث f هي

$$f(x) = x^2 - 10x + 1$$

(2) باستعمال حاسبة، نحصل على التمثيل البياني الآتي للدالة f :



(3) من دراسة تغيرات f نستنتج اتجاه تغير المتتالية (u_n).

المتتاليات الحسابية

18.

$$u_2 = -0,75, u_1 = -0,875$$

و $u_3 = -0,625$.

(ب) من أجل كل عدد طبيعي

$$u_{n+1} - u_n = \frac{1}{8}, n$$

المتتالية (u_n) _{$n \in \mathbb{N}$} حسابية، أساسها

$$r = \frac{1}{8} = 0,125$$

19.

$$u_3 = 5, u_2 = 8, u_1 = 11$$

و $u_{25} = -61$.

(ب) من أجل كل عدد طبيعي n ,

$$u_n = 14 - 3n$$

1.1
أصحیح أم خاطئ

- (أ) خاطئ.
(ب) خاطئ.
(ج) صحيح.
(د) خاطئ.
(هـ) خاطئ.
(ك) خاطئ.
(ل) خاطئ.
(و) صحيح.
(ي) صحيح.

عموميات

2.

$$u_{n+3} = 2n^2 + 9n + 2 ; u_{n+1} = 2n^2 + n + 1$$

$$; u_{2n+1} = 8n^2 + 2n + 1$$

$$u_n - 1 = 2n^2 - 3n + 1$$

3.

$$(أ) 0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, \dots$$

$$(ب) -2, 0,5, 3, 5,5, 8, 10,5, \dots$$

$$\dots 13$$

$$(ج) 1, 5, 25, 125, 625, 3125, \dots$$

$$\dots 15625$$

7.

$$; u_2 = -0,429 ; u_1 = -0,5$$

$$\dots ; u_3 = -0,416$$

9.

(أ) الشكل 2 هو التمثيل البياني للمتتالية التي حدّها العام $u_n = 3n - 7$.

(ب) الشكل 1 هو التمثيل البياني للمتتالية التي حدّها العام $u_n = 2^n$.

22.

(2) الأعداد a, b, c بهذا الترتيب حدود متتابعة لمتتالية حسابية أساسها r . نضع $a = b - r$ و $c = b + r$ ونعوّض في الجملة المفروضة.

نحصل على
$$\begin{cases} r = 3 \\ b^2 = 64 \end{cases}$$
 ونستخلص...

.24

(1) $r = 7$.

(2) من أجل كل عدد طبيعي n ,

$u_n = 1 + 7n$.

(3) $n = 86$

(4) $S = 26\ 274$

.25

1. من أجل كل n من

$u_n = \frac{1}{n} - \frac{1}{n+1}$ ، $a = 1$ (أي $b = -1$)

و $b = -1$.2

$S = u_1 + u_2 + \dots + u_n$

$= 1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n} - \frac{1}{n+1}$

$= 1 - \frac{1}{n+1}$

المتتاليات الهندسية

.29

أ) الأعداد $\frac{128}{189}, \frac{32}{63}, \frac{8}{21}, \frac{2}{7}$ حدود

متتابعة لمتتالية هندسية.

ب) الأعداد $\frac{5}{2}, \frac{10}{3}, \frac{20}{3}$ ليست حدودا متتابعة لمتتالية هندسية.

.32

أ) $u_1 = 24, u_2 = 12, u_3 = 6$.

ب) من أجل كل عدد طبيعي غير منعدم n ,

$u_n = 48 \times (0,5)^n$

.34

$\alpha = 24$

.37

نضع $u_n = \frac{3}{5^n} = 3 \times \left(\frac{1}{5}\right)^n$

(u_n) متتالية هندسية حدها الأول 3

و أساسها $q = \frac{1}{5}$.

بما أن $0 < q < 1$ فإن (u_n) متتالية

متناقصة تماما.

.39

(2) S_n هو مجموع حدود متتابعة لمتتالية

هندسية أساسها 2 وحدها الأول 1 .

$1 + 2 + 2^2 + \dots + 2^n = 1 \times \frac{1 - 2^{n+1}}{1 - 2} = 2^{n+1} - 1$

مسائل

.43

مدة الإيداع هي 16 شهرا.

.46

$$u_n = 25000 \times (1,05)^n \quad 1.$$

$$v_n = 25000 + 3300 \times n \quad \text{و}$$

2. باستعمال مجدول، نجد:

من أجل $1 \leq n < 36$ فإنّ $v_n > u_n$.

من أجل $n \geq 36$ فإنّ $u_n > v_n$

بمعنى أنّ الإيداع بالكيفية الأولى يكون أفيد

لمدة تقل عن 36 سنة والإيداع بالكيفية

الثانية يكون أفيد لمدة تساوي أو تزيد عن

36 سنة.

.49

$$1. \text{ أ) } h_2 = 1,28 m, \quad h_1 = 1,60 m$$

$$h_3 = 1,024 m$$

$$\text{ب) } h_{n+1} = 0,8 \times h_n$$

(h_n) متتالية هندسية حدها الأول 2

وأساسها 0,8.

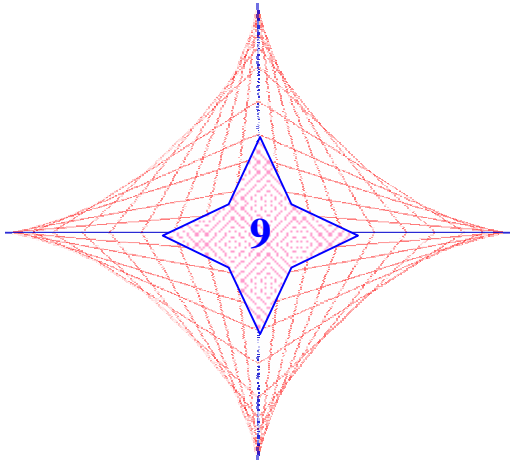
ج) من أجل كلّ n ، $h_n = 2 \times (0,8)^n$.

2. $n = 8$.

الإحتمالات

الباب 9: الاحتمالات

1. مفردات الاحتمالات
2. الاحتمالات



• الكفاءات المستهدفة :

شعبة آداب	شعبة تسيير واقتصاد
<ul style="list-style-type: none">- تعيين مجموعة النتائج الممكنة لتجربة عشوائية.- حادثة بسيطة، حادثة مركبة.- العمليات على الأحداث (الحادثة، التقاطع، المتممة).- معرفة قانون الاحتمال على مجموعة منتهية.- معرفة حساب احتمال حادثة (حالة تساوي الاحتمالات).- حساب احتمال الحادثة العكسية واتحاد حادثتين وتقاطع حادثتين.	<ul style="list-style-type: none">- تعريف قانون الاحتمال.- تعريف نموذج ملائم لتجربة عشوائية في حالات بسيطة.- تعيين احتمال حادثة انطلاقا من قانون احتمال.- حساب كل من احتمال الحادثة المضادة لحادثة واتحاد وتقاطع حادثتين.

• جدول تفصل الأجزاء :

طرائق	معارف	أنشطة تمهيدية
1	<ul style="list-style-type: none">• الحادثة• الحوادث الخاصة• تقاطع حادثتين• الحادثتان المنفصلتان (غير	1. مفردات الاحتمالات

	متلائمتين) ● اتحاد حادثتين ● الحادثة المعاكسة.		
2	● قانون الاحتمال ● قانون متساوي الاحتمال	2. الاحتمالات	3
3	● الاحتمال والحوادث		2
4			

● **توجيهات لتنفيذ الأنشطة :**

استبيان متعدد الإجابات :

يهدف هذا الاستبيان إلى تحديد مكتسبات التلاميذ حول مفهوم التواتر الذي هو الركيزة الأساسية في المقاربة التواترية للاحتتمالات.

أنشطة تمهيدية :

نشاط 1: الحوادث

يهدف هذا النشاط إلى جعل التلميذ يتمكن من تعيين مجموعة إمكانيات (نتائج) حادثة وكذا تعيين مجموعة إمكانيات لتقاطع واتحاد حادثتين.

نشاط 2: الاحتمال والجدول الإحصائي

يرمي هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من مقارنة مفهوم احتمال حادثة كنسبة عدد الإمكانيات المواتية لهذه الحادثة على عدد الإمكانيات الممكنة و يكون تعيين عدد الإمكانيات (المواتية والممكنة) بالاعتماد على جدول توزيع تواترات.

نشاط 3: قانون احتمال

يهدف هذا النشاط إلى تمكين التلميذ من مقارنة مفهوم "قانون احتمال" وهذا بانجاز تجربة عشوائية ثم حساب تواترات حوادث، أولاً، في حالة عينة صغيرة ثم في حالة عينة كبيرة باستعمال محاكاة. ويدرك التلميذ من خلال هذا النشاط أن التواتر التجريبي يؤول إلى التواتر النظري ومنه قانون الاحتمال المرفق إلى التجربة العشوائية.

• تمارين ومسائل :

<u>الحوادث</u>	<p>1. صحيح أو خاطئ</p> <p>أ) خاطئ (و) صحيح ب) صحيح (ك) خاطئ ج) صحيح (ل) خاطئ د) خاطئ (ق) خاطئ هـ) صحيح (ي) صحيح</p>
<p>3. $\{2;4\}, \{1;6\}, \{3;5\}$ $\{1;2\}, \{2;3\}$ (توجد حوادث أخرى). 4. $\Omega = \{1;2;3;4;5;6;7\}$</p>	

<p>17.</p> <p>أ) $p(\{d\})=0,22$ ب) $p(\{a;c\})=0,63$ ج) $p(\overline{\{c\}})=0,6$</p> <p><u>الاحتمالات والجدول</u></p> <p>31.</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th></th> <th>إناث</th> <th>ذكور</th> <th>المجموع</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <th>ناجح</th> <td>78</td> <td>104</td> <td>182</td> </tr> <tr> <th>راسب</th> <td>20</td> <td>38</td> <td>58</td> </tr> <tr> <th>المجموع</th> <td>98</td> <td>142</td> <td>240</td> </tr> </tbody> </table> <p>أ) (1) $p = \frac{104}{240} \approx 0,43$ ب) $p = \frac{98}{240} \approx 0,41$ ج) $p = \frac{58}{240} \approx 0,24$ 2) $p = \frac{104}{142} \approx 0,73$ 3) $p = \frac{20}{58} \approx 0,34$</p> <p>34.</p> <p>1) $p = \frac{450}{100} = 0,45$</p>		إناث	ذكور	المجموع	ناجح	78	104	182	راسب	20	38	58	المجموع	98	142	240	<p>6. $A = \{1;3;5;7\}$ $B = \{3;4;5;6;7;8\}$ أ) خطأ ، ب) صحيح ، ج) خطأ. د) خطأ ، هـ) خطأ.</p> <p>7.</p> <p>- الحادثة العكسية للحادثة أ: $\{1;3;5\}$ - الحادثة العكسية للحادثة أ: $\{1;2;3\}$</p> <p><u>قانون الاحتمال</u></p> <p>12. نحسب التواترات الموافقة لظهور الألوان الثلاث بعد أنجاز محاكاة ذات 5000 سحب، نحصل على الجدول التالي:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>اللون x_i</th> <th>أصفر</th> <th>أخضر</th> <th>أسود</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <th>التكرارات</th> <td>1660</td> <td>2499</td> <td>841</td> </tr> <tr> <th>التواترات</th> <td>0,332</td> <td>0,499</td> <td>0,168</td> </tr> </tbody> </table> <p>قانون الاحتمال الذي يمكن اختياره لارتكاب أقل خطأ ممكن هو القانون 3 لأن التواترات الناتجة من المحاكاة هي الأقرب من الاحتمالات المعطاة في هذا القانون.</p>	اللون x_i	أصفر	أخضر	أسود	التكرارات	1660	2499	841	التواترات	0,332	0,499	0,168
	إناث	ذكور	المجموع																										
ناجح	78	104	182																										
راسب	20	38	58																										
المجموع	98	142	240																										
اللون x_i	أصفر	أخضر	أسود																										
التكرارات	1660	2499	841																										
التواترات	0,332	0,499	0,168																										

$$. p = \frac{189}{1000} = 0,189 \quad (2)$$

$$. p = \frac{90}{450} = 0,2 \quad (3)$$

$$. p = \frac{90}{189} \approx 0,477 \quad (4)$$

مسائل

.39

(1) قانون الاحتمال:

x	0	1	2	3	4
p	0,8	0,02	0,04	0,06	0,08

$$. p(A) = 0,98 \quad (2)$$

$$. p(B) = 0,12$$

.40

(1)

أ) 13 384,60 ديناراً.

ب) 12 285,70 ديناراً.

ج) 12 999,35 ديناراً.

(2)

$$p(A) = \frac{260}{400} = 0,65$$

$$. p(B) = \frac{40}{400} = 0,1$$

$$. p(C) = \frac{20}{400} = 0,05$$

$$. p = \frac{5}{12} \approx 0,417 \quad (أ) \quad (1) \quad (13)$$

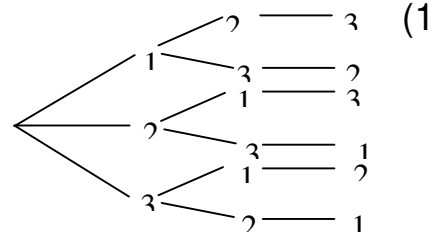
$$. p = \frac{5}{16} \approx 0,313 \quad (ب)$$

$$. p = \frac{13}{48} \approx 0,270 \quad (ج)$$

$$. p \approx 0,687 \quad (2)$$

الاحتمالات والأشجار

.35



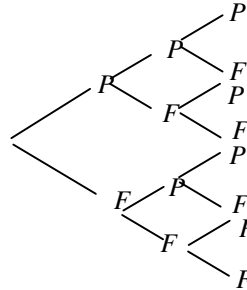
الأعداد: 312، 231، 213، 132، 123، 321

$$. p = \frac{2}{6} \approx 0,66 \quad (أ) \quad (2)$$

$$. p = \frac{6}{6} = 1 \quad (ب)$$

$$p = \frac{2}{6} \approx 0,66 \quad (ج)$$

.37



$$p(A) = \frac{1}{8} = 0,125$$

$$. p(B) = \frac{3}{8} = 0,375$$