



## مصطلحات وتعريف

التجربة العشوائية: هي كل تجربة لا يمكن توقع نتيجتها رغم معرفة مجموعة النتائج الممكنة  
مجموعة الإمكانات  $\Omega$ : هي مجموعة الإمكانات في تجربة عشوائية ولها تسميات أخرى مثل (الحادثة الأكيدة، المجموعة الشاملة، مجموعة المخارج)

الحادثة: هي جزء من المجموعة  $\Omega$   
الحادثة الأولية (البسيطة): تحتوي على عنصر وحيد.  
الحادثة الأكيدة: هي الحادثة التي تحتوي على جميع عناصر  $\Omega$   
الحادثة المستحيلة  $\emptyset$ : هي المجموعة الخالية  
الحادثة العكسية  $\bar{A}$ : هي الحادثة التي تحوي جميع عناصر  $\Omega$  ما عدا عناصر المجموعة  $A$

## قانون الاحتمال

احتمال حادثة:  $P(A)$  هو احتمال الحصول الحادثة  $A$  حيث:

$$\begin{cases} P(A) = \frac{Card(A)}{Card(\Omega)} \\ 0 \leq P(A) \leq 1 \end{cases}$$

حيث:

$Card(A)$  هو عدد عناصر المجموعة  $A$  ،  $Card(\Omega)$  هو عدد عناصر المجموعة  $\Omega$

$$P_1 + P_2 + \dots + P_n = 1 \text{ أي } \sum_{i=1}^n P_i = 1 \bullet$$

احتمال الحادثة الأكيدة هو 1 أي  $P(\Omega) = 1$

احتمال الحادثة المستحيلة هو 0 أي  $P(\emptyset) = 0$

## خواص الاحتمال

لتكن  $A$  و  $B$  حادثتان من  $\Omega$ :

$A \cup B$ : هي العناصر المشتركة وغير المشتركة بين  $A$  و  $B$

$A \cap B$ : هي العناصر المشتركة بين  $A$  و  $B$  (بدون تكرار)

$A \cap B = \emptyset$  غير متلائمتين معناه

$A$  و  $B$  حادثتان مستقلتان معناه  $P(A \cap B) = P(A) \times P(B)$

إذا كان  $A \cap \bar{A} = \emptyset$  و  $A \cup \bar{A} = \Omega$  فإن  $P(\bar{A}) = 1 - P(A)$

إذا كانت  $A$  و  $B$  حادثتين كيفيتين فإن:  $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$

إذا كان  $A \subset B$  فإن  $P(A) \leq P(B)$

## تساوي الاحتمال

- تجربة متساوية الإحتمال: هي تجربة عشوائية حيث كل الحوادث لها نفس الاحتمال
- مصطلحات تساوي الإحتمال: "زهرة نرد غير مزيفة"، "قطعة نقود غير مزيفة"، "كرات لا نفرق بينها عند اللمس"
- ملاحظة مهمة: لا تكفي هذه المصطلحات لاعتبار تساوي الاحتمال بل يتعلق بالسؤال المطروح أيضا.

## المتغير العشوائي X

- المتغير العشوائي X: هو دالة معرفة على I حيث  $I = \{x_1; x_2; \dots; x_n\}$  والتي ترفق بكل قيمة  $x_i$  العدد الحقيقي الموجب  $P(X = x_i)$ ، ونعرفه بالجدول التالي:

$x_i$	$x_1$	$x_2$	...	$x_n$
$P(X = x_i)$	$P_1$	$P_2$	...	$P_n$

$$E(x) = \sum_{i=1}^n x_i P_i$$

$$V(x) = \sum_{i=1}^n (x_i)^2 P_i - (E(X))^2 = \sum_{i=1}^n P_i (x_i - E(X))^2$$

$$\sigma(X) = \sqrt{V(x)}$$

الأمّل الرياضيائي:  $E(X)$

التباين:  $V(X)$

الانحراف المعياري:  $\sigma(X)$