

المادة: رياضيات

الأستاذ: بلجري كمال

المؤسسة: سليمان جلول

المستوى والشعبة: الثالثة علوم تجريبية

المحتوى المعرفي: الاحتمالات

الكفاءات المستهدفة: - التعرف على قانون احتمال .

- سير الحصة

ملاحظات	المهمة	التعليق (الأنشطة المرادولة لكل مرحلة)	المرحلة
		<p>* التهيئة النفسية:</p> <p>تذكير:</p> <p>① مصطلحات:</p> <p>* نقول عن تجربة إنها عشوائية إذا كانت كل إمكانياتها معلومة لكن عندما نجرب لا نستطيع تحديد أي إمكانية منها ستتحقق .</p> <p>مثلا : رمي قطعة نقدية (الوجه أو الظهر) ، رمي زهرة نرد (الأرقام الستة) ، السحب من كيس (ظهور إحدى الكريات) .</p> <p>* نقوم بتجربة عشوائية و نحصل على نتيجة ، نرمز لمجموعة النتائج الممكنة بالرمز Ω و نسميها مجموعة الإمكانات (الخارج) أو المجموعة الشاملة .</p> <p>* كل عنصر من Ω يسمى إمكانية و كل جزء منها يسمى حادثة (حدث) .</p> <p>* Ω تسمى كذلك الحادثة الأكيدة و \emptyset تسمى الحادثة المستحيلة .</p> <p>* اتحاد الحادثتين A و B هي الحادثة $A \cup B$ تسمى كذلك الحادثة A أو B .</p> <p>* تقاطع الحادثتين A و B هي الحادثة $A \cap B$ تسمى كذلك الحادثة A و B .</p> <p>* عندما تكون الحادثة $A \cap B = \emptyset$ نقول إن الحادثتين A و B غير متلائمتين .</p> <p>* نسمي حادثة عكسية للحادثة A ، المجموعة المتممة للحادثة A في Ω و نرمز لها بـ : \bar{A} .</p> <p>② قانون الأختمال :</p>	الإطلاق:
	10 د		
		<p>تعريف: Ω مجموعة مخارج لتجربة عشوائية إمكانياتها x_1, x_2, \dots, x_n و p دالة ترفق بكل عنصر x_i من Ω عددا حقيقيا موجبا p_i .</p> <p>نقول عن p إنه قانون احتمال على Ω إذا وفقط إذا كان : $\sum_{i=1}^n p_i = 1$</p>	بناء المفاهيم:
	10 د		
		<p>③ نمذجة تجربة عشوائية :</p> <p>• عندما يكون عدد مخارج تجربة عشوائية متنها نعرف على مجموعة المخارج $\Omega = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ قانون احتمال و ذلك بإعطاء متتالية أعداد (p_1, p_2, \dots, p_n) تحقق : $\sum_{i=1}^n p_i = 1$ و $p_i \geq 0$.</p> <p>• عند القيام بتحقيق تجربة عشوائية ، نقوم باختيار : مجموعة الامكانيات Ω و قانون احتمال p معرف على Ω .</p> <p>نمذجة تجربة عشوائية هو اختيار ال ثنائية (Ω, p) التي تسمى فضاء احتمالي منته .</p>	

ملاحظات	المادة	النسب (النشطة المرافقة لكل مرحلة)	المرحلة
	10 د	<p>ملاحظات:</p> <p>* احتمال حادثة A هو مجموع احتمالات كل المخارج التي تنتمي إلى A.</p> <p>* في حالة تساوي الأعداد p_i نقول إن الاحتمال متساوي التوزيع ، و يتول حساب احتمال حادثة A أي : $p(A)$ إلى مسألة عد .</p> <p>* بعض العبارات التي تدل على تساوي الاحتمالات : لكل الامكانيات نفس الاحتمال أو نفس الحظ ، قطعة (نقد أو نرد) غير مزيفة ، سحب عشوائيا ، كريات لا نفرق بينها باللمس ...</p>	
	10 د	<p>مبرهنة:</p> <p>في حالة تساوي احتمال على Ω</p> <p>يكون لدينا من أجل كل حادثة A :</p> $p(A) = \frac{\text{عدد عناصر } A}{\text{عدد عناصر } \Omega}$ <p>مثال: نرمي زهرة نرد غير مزيفة ذات ستة أوجه مرقمة من 1 إلى 6 . لدينا مجموعة المخارج هي : $\Omega = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ بما أن : زهرة النرد غير مزيفة (أي أن كل الوجوه لها نفس احتمال الظهور) فهذا يعني أنه من أجل كل عدد طبيعي i من 1 إلى n فإن : $p_i = \frac{1}{6}$. ومنه : احتمال الحادثة A : الحصول على رقم زوجي هو : $\frac{3}{6}$</p>	بناء المفاهيم:
	20 د	<p>خواص:</p> <p>① $p(\emptyset) = 0$ و $p(\Omega) = 1$</p> <p>② $0 \leq p(A) \leq 1$: حادثة لدينا</p> <p>③ A و B حادثتان كيفيتان لدينا :</p> <p>④ $p(A \cup B) = p(A) + p(B) - p(A \cap B)$</p> <p>⑤ $p(\bar{A}) = 1 - p(A)$: الحادثة العكسية للحادثة A لدينا</p>	
	20 د	<p>تمرين تطبيقي:</p> <p>يحتوي كيس على 15 كرية مرقمة من 1 إلى 15 نسحب كرية واحدة و نسجل رقمها .</p> <p>① عين المجموعة الشاملة Ω .</p> <p>② عين الحادثة A : الحصول على رقم مضاعف للعدد 5 .</p> <p>③ عين الحادثة B : الحصول على رقم مضاعف للعدد 3 .</p> <p>④ عين الحوادث $A \cap B$ و \bar{A} و \bar{B} ثم استنتج الحادثتين $\overline{A \cap B}$ و $\overline{A \cap \bar{B}}$.</p> <p>حيث : \bar{A} و \bar{B} و $\overline{A \cap B}$ هي الحوادث العكسية للحوادث A و B و $A \cap B$ على الترتيب</p> <p>⑤ احسب $p(A)$ ، $p(B)$ ، $p(A \cap B)$ و $p(A \cup B)$ ثم استنتج $p(\bar{A})$ ، $p(\bar{B})$ و $p(\overline{A \cap B})$</p>	نفوسم
		<p>حل التمرين 03 صفحة 218</p> <p>حل التمرين 41 و 42 و 44 صفحة 223</p>	

المادة: رياضيات

الأستاذ: بلجري كمال

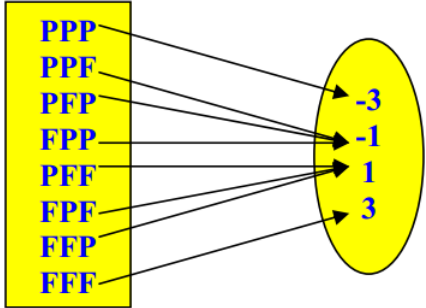
المؤسسة: سليمان جلول

المستوى والشعبة: الثالثة علوم تجريبية

المحتوى المكرفي: الاحتمالات

الكفاءات المستهدفة: - تعيين قانون احتمال متغير عشوائي .

- سير الحصة

ملاحظات	المدة	التعليق (الأنشطة المرادولة لكل مرحلة)	المرحلة
		<p>* التهيئة النفسية:</p> <p>تذكير:</p> <p>لتكن Ω مجموعة النتائج الممكنة لتجربة عشوائية حيث: $\Omega = \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_n\}$ و ليكن p احتمال على Ω.</p> <p>* أمل قانون الاحتمال هو العدد E حيث: $E = \sum_{i=1}^n x_i p_i$.</p> <p>* تباين قانون الاحتمال هو العدد V حيث: $V = \sum_{i=1}^n (x_i - E)^2 p_i$.</p> <p>* الانحراف المعياري لقانون الاحتمال هو العدد $\sigma = \sqrt{V}$.</p> <p>① المتغير العشوائي:</p> <p>مثال تمهيدي: نرمي قطعة نقدية متوازنة 3 مرات متتابة و نسجل النتيجة وجه F و ظهر P.</p> <p>مجموعة المخارج هي: $\Omega = \{PPP, PPF, PFP, PFF, FPP, FPF, FFP, FFF\}$</p> <p>نعتبر اللعبة التالية: يرمح اللاعب دينارا واحدا كلما ظهر (وجه F) و يخسر دينارا واحدا كلما ظهر (ظهر P).</p>	الإنتلاف:
	10 د		
	15 د	<p>* نعتبر الدالة X التي ترفق بكل نتيجة الرمح (أو الخسارة) المناسب لها.</p> <p>يسمى X المتغير العشوائي المعروف على Ω</p> 	بناء المفاهيم:
	15 د	<p>تعريف: المجموعة الشاملة لتجربة عشوائية .</p> <p>نسمي متغيرا عشوائيا كل دالة عددية معرفة على Ω.</p> <p>② قانون احتمال متغير عشوائي:</p> <p>في المثال السابق نبحث عن احتمال الحادثة: يكون الرمح دينارا واحدا مثلا: نعتبر عن هذه الحادثة بالكتابة $(X = 1)$، و تتحقق هذه الحادثة لما تتحقق الحادثة $A = \{PFF, FFP, FPF\}$ حيث:</p>	

ملاحظات	المهمة	التفسير (النشطة المرافقة لكل مرحلة)	المرحلة										
		<p>لكن $p(A) = \frac{3}{8}$ نكتب : $p(X=1) = \frac{3}{8}$</p> <p>الجدول التالي يمثل قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X.</p> <table border="1"> <tr> <td>الربح x</td> <td>-3</td> <td>-1</td> <td>1</td> <td>3</td> </tr> <tr> <td>$P(X=x)$</td> <td>$\frac{1}{8}$</td> <td>$\frac{3}{8}$</td> <td>$\frac{3}{8}$</td> <td>$\frac{1}{8}$</td> </tr> </table>	الربح x	-3	-1	1	3	$P(X=x)$	$\frac{1}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{1}{8}$	
الربح x	-3	-1	1	3									
$P(X=x)$	$\frac{1}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{1}{8}$									
		<p>تعريف:</p> <p>قانون احتمال لتغير عشوائي X هو الدالة المعرفة على I (مجموعة قيم X) والتي ترفق بكل قيمة x_i من I العدد $p(X=x_i)$.</p> <p>الأمثلة الرياضية:</p> <p>(Ω, p) فضاء احتمالي ، X متغير عشوائي على Ω قيمه (x_i) واحتمالاتها (p_i) حيث : i عدا طبيعي غير معدوم .</p> <p>* الأمل الرياضي للمتغير العشوائي X هو العدد الحقيقي المعروف بـ :</p> $E(X) = \sum_{i=1}^n p_i x_i$ <p>مثال :</p> <p>الأمل الرياضي للمتغير العشوائي X المعروف في المثال السابق هو العدد :</p> $E(X) = (-3) \times \frac{1}{8} + (-1) \times \frac{3}{8} + 1 \times \frac{3}{8} + 3 \times \frac{1}{8} = 0$ <p>ملاحظة :</p> <p>* إذا كان $E(X) = 0$ نقول عن اللعبة إنها عادلة .</p> <p>الانحراف المعياري:</p> <p>(Ω, p) فضاء احتمالي ، X متغير عشوائي على Ω قيمه (x_i) واحتمالاتها (p_i) وأمله الرياضي $E(X)$.</p> <p>الانحراف المعياري للمتغير العشوائي X هو الجذر التربيعي للتباين $V(X)$ و نرمز إليه بـ : $\sigma(X)$</p> <p>حيث :</p> $V(X) = \sum_{i=1}^n p_i (x_i - E(X))^2 = E(X^2) - (E(X))^2$ <p>مثال : (المثال السابق)</p> $\sigma(X) = \sqrt{3} \text{ و } V(X) = 9 \times \frac{1}{8} + 1 \times \frac{3}{8} + 1 \times \frac{3}{8} + 9 \times \frac{1}{8} - 0^2 = 3$											
	د 10												
	د 10												

بناء المفاهيم:

التفسير (النشطة المرافقة لكل مرحلة)

المرحلة

ملاحظات

المعدة

خواص الأمل الرياضياتي والتباين لمنمغير عشوائي :

مبرهنة:

X و Y متغيران عشوائيان معرفان على نفس الوضعية و a عدد حقيقي .
لدينا : $E(X + Y) = E(X) + E(Y)$ و $E(aX) = aE(X)$
حيث $E(aX)$ و $E(X + Y)$ هما الأملان الرياضياتيان لكل من aX و $X + Y$.

ينتج من المبرهنة السابقة الخواص التالية :

خواص:

X متغير عشوائي و a ، b عدنان حقيقيان .

$$E(X + b) = E(X) + b \quad ①$$

$$V(X) = E(X - E(X))^2 = E(X^2) - (E(X))^2 \quad ②$$

$$\sigma(aX) = |a| \sigma(X) \quad \text{و} \quad V(aX) = a^2 V(X) \quad ③$$

$$\sigma(X + b) = \sigma(X) \quad \text{و} \quad V(X + b) = V(X) \quad ④$$

تمرين تطبيقي «①» :

نرمي قطعة نقد متوازنة ثلاث مرات متتالية في الهواء ، و نعتبر المتغير العشوائي X الذي يرفق بكل رمية عدد مرات ظهور الوجه .

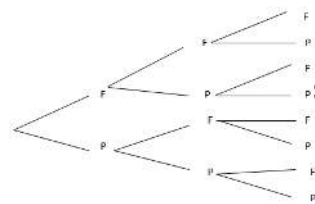
① اكتب قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X .

② احسب الأمل الرياضياتي للمتغير X .

③ احسب التباين و الانحراف المعياري للمتغير X .

الحل :

✦ نعين عدد الحالات الممكنة باستعمال شجرة الامكانيات :



لدينا :

$$\Omega = \{FFF, FFP, FPF, FPP, PFF, PFP, PPF, PPP\}$$

و عليه : عدد الحالات الممكنة هو : 8

✦ قيم X هي : 0 ، 1 ، 2 ، 3

① قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X :

✦ الحادثة $X = 0$ هي عدم ظهور الوجه ومنه : $P(X = 0) = \frac{1}{8}$

✦ الحادثة $X = 1$ هي ظهور الوجه مرة واحدة و منه : $P(X = 1) = \frac{3}{8}$

✦ الحادثة $X = 2$ هي ظهور الوجه مرتين و منه : $P(X = 2) = \frac{3}{8}$

✦ الحادثة $X = 3$ هي ظهور الوجه ثلاث مرات و منه : $P(X = 3) = \frac{1}{8}$

تجمع النتائج في الجدول التالي :

x_i	0	1	2	3
$P(X=x_i)$	$\frac{1}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{1}{8}$

بناء المفاهيم:

د 10

د 25

ملاحظات	المادة	التنسيق (النشطة المرافقة لكل مرحلة)	المراحل								
		<p>② حساب الأمل الرياضي للمتغير العشوائي X :</p> $E(X) = 0 \times \frac{1}{8} + 1 \times \frac{3}{8} + 2 \times \frac{3}{8} + 3 \times \frac{1}{8} = \frac{3}{2}$ <p>③ حساب التباين و الانحراف المعياري للمتغير العشوائي X :</p> $V(X) = 0^2 \times \frac{1}{8} + 1^2 \times \frac{3}{8} + 2^2 \times \frac{3}{8} + 3^2 \times \frac{1}{8} - \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}$ <p>❖ التباين : $\frac{3}{4}$</p> <p>❖ الانحراف المعياري : $\sigma(X) = \sqrt{V(X)} = \frac{\sqrt{3}}{2} \simeq 0.87$</p> <p>تمرين تطبيقي «2» :</p> <p>يحتوي كيس على 3 كريات بيضاء و 4 كريات حمراء و 10 كريات سوداء لا نفرق بينها باللمس .</p> <p>نسحب عشوائيا كرية من الكيس فيرجح الساحب دينارا واحدا إذا كانت الكرية سوداء ، يرجح ثلاثة دنانير إذا كانت حمراء و 10 دنانير إذا كانت الكرية بيضاء .</p> <p>نعرف المتغير العشوائي X الذي يأخذ قيمة الربح المحتمل في اللعبة .</p> <p>① عين القيم الممكنة لـ X .</p> <p>② عرف قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X .</p> <p>③ احسب الأمل الرياضي للمتغير العشوائي X .</p> <p>④ احسب التباين و الانحراف المعياري للمتغير العشوائي X .</p> <p>الحل :</p> <p>① القيم الممكنة لـ X : 1 ، 3 ، 10</p> <p>② قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X :</p> <p>❖ الحادثة $X = 1$ هي سحب كرية سوداء و منه : $P(X = 1) = \frac{10}{17}$</p> <p>❖ الحادثة $X = 3$ هي سحب كرية حمراء و منه : $P(X = 3) = \frac{4}{17}$</p> <p>❖ الحادثة $X = 10$ هي سحب كرية بيضاء و منه : $P(X = 10) = \frac{3}{17}$</p> <p>تجمع النتائج في الجدول التالي :</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>x_i</th> <th>1</th> <th>3</th> <th>10</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>$P(X=x_i)$</td> <td>$\frac{10}{17}$</td> <td>$\frac{4}{17}$</td> <td>$\frac{3}{17}$</td> </tr> </tbody> </table> <p>③ حساب الأمل الرياضي للمتغير العشوائي X :</p> $E(X) = 1 \times \frac{10}{17} + 3 \times \frac{4}{17} + 10 \times \frac{3}{17} = \frac{52}{17}$ <p>④ حساب التباين و الانحراف المعياري للمتغير العشوائي X :</p> $V(X) = 1^2 \times \frac{10}{17} + 3^2 \times \frac{4}{17} + 10^2 \times \frac{3}{17} - \left(\frac{52}{17}\right)^2 = \frac{3178}{289}$ <p>❖ التباين : $\frac{3178}{289}$</p> <p>❖ الانحراف المعياري : $\sigma(X) = \sqrt{V(X)} = \frac{\sqrt{3178}}{17} \simeq 3.32$</p> <p>حل التمرين 38 صفحة 222</p>	x_i	1	3	10	$P(X=x_i)$	$\frac{10}{17}$	$\frac{4}{17}$	$\frac{3}{17}$	<p>بناء المفاهيم:</p> <p>نقوم:</p>
x_i	1	3	10								
$P(X=x_i)$	$\frac{10}{17}$	$\frac{4}{17}$	$\frac{3}{17}$								
د 25											

المادة: رياضيات

الأستاذ: بلحري كمال

المؤسسة: سليمان جلول

المستوى والشعبة: الثالثة علوم تجريبية

المحتوى المكرفي: الاحتمالات

الكفاءات المستهدفة: - تنظيم معطيات من أجل عدها باستعمال المبدأ الأساسي للعد .

- سير الحصة

ملاحظات	المدة	التنبيه (الأنشطة المرادولة لكل مرحلة)	الأمثلة
مناقشة النشاط من طرف التلاميذ	10 د	<p>* التهيئة النفسية: نشاط: ما هو عدد الأعداد التي يمكن تشكيلها من الأرقام 2 ، 3 ، 5 إذا كانت هذه الأعداد تتكون من : ① رقمين ② رقمين مختلفين ③ ثلاثة أرقام مختلفة العد (القوائم ، الترتيبات ، التبديلات) : ① القوائم :</p> <p>تعريف: مجموعة منتهية عدد عناصرها n (n عدد طبيعي غير معدوم) و p عدد طبيعي ($p \geq 1$) . نسمي قائمة ذات p ($p \geq 1$) عنصرا من E كل متتالية مرتبة من p عنصرا من E . حيث : عدد القوائم ذات p عنصرا من E هو : n^p</p>	الإطلاق:
	15 د	<p>التفسير: * لكل عنصر من عناصر القائمة توجد n إمكانية ، إذن عدد القوائم ذات p عنصرا من E هو : $n \times n \times n \times \dots \times n$ (p مرة) أي هو : n^p</p> <p>أمثلة: * عدد الطرائق الممكنة لتلوين مكعب بثلاثة ألوان مختلفة هو : 3^6 طريقة . * عدد الطرائق الممكنة لسحب كرتين على التوالي مع الإعادة من كيس يحتوي على 12 كرية هو : 12^2 طريقة . ② الترتيبات :</p> <p>تعريف: مجموعة منتهية عدد عناصرها n (n عدد طبيعي غير معدوم) و p عدد طبيعي ($1 \leq p \leq n$) . نسمي ترتيبية p عنصرا من E كل متتالية مرتبة من p عنصرا متمايزة مثنى مثنى من E . عدد ترتيبات p عنصرا من E هو العدد الطبيعي : A_n^p حيث : $A_n^p = n(n-1)(n-2)\dots(n-p+1)$</p>	بناء المفاهيم:

ملاحظات	المادة	التفسير (النشطة المرافقة لكل مرحلة)	المرحلة
		<p>التفسير:</p> <p>* لتكوين ترتيبية توجد n إمكانية للعنصر الأول ثم $(n-1)$ للعنصر الثاني و أخيرا $(n-p+1)$ للعنصر الأخير الذي رتبته p.</p> <p>ملاحظة: الترتيبية هي قائمة عناصرها متميزة مثني مثني .</p> <p>أمثلة:</p> <p>* عدد اللجان الممكن تكوينها في قسم يتكون من 30 تلاميذا تضم رئيس و نائب و أمين هو : $A_{30}^3 = 30 \times 29 \times 28 = 24360$ طريقة .</p> <p>* عدد الطرائق الممكنة لتوزيع 7 سيارات على 9 أماكن فارغة في موقف السيارات هو : $A_9^7 = 9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 4 \times 4 \times 3 = 181440$ طريقة .</p> <p>* عدد الطرائق الممكنة لسحب كرتين على التوالي دون الإعادة من كيس يحتوي على 12 كرية هو : $A_{12}^2 = 12 \times 11$ طريقة .</p> <p>③ التبادلات :</p>	
د 15			بناء المفاهيم:
		<p>تعريف:</p> <p>نسمي تبديلة لعناصر المجموعة E كل ترتيبية n عنصرا من E . عدد تبديلات مجموعة ذات n عنصرا هي العدد الطبيعي : A_n^n حيث : $A_n^n = n(n-1)(n-2) \dots \times 2 \times 1$ نرمز لهذا العدد بن : $n!$ أي : $n! = n(n-1)(n-2) \dots \times 2 \times 1$ و يقرأ : n عاملي .</p>	
د 10			
		<p>مثال:</p> <p>$6! = 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1$ *</p> <p>اصطلاح: $0! = 1$</p> <p>مثال:</p> <p>* عدد الطرائق الممكنة لترتيب 5 أشخاص للدخول على إحدى المصالح الإدارية هو : $5! = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$ طريقة .</p> <p>ملاحظة: يمكن كتابة عدد الترتيبات ذات p عنبر من مجموعة بها n عنصر كما يلي :</p> <p>$A_n^p = \frac{n!}{(n-p)!}$</p> <p>مثلا: $A_8^3 = \frac{8!}{3!} = 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 = 6720$</p>	
د 10			نفوسم
		<p>تمرين تطبيقي: يتكون رقم الهواتف النقالة لشبكة موبيليس من 10 أرقام حيث أول رقمين فيها هما 06 ثابتين .</p> <p>① ما هو عدد الخطوط الممكن تكوينها ؟</p> <p>② ما هو عدد الخطوط الممكن تكوينها بحيث الأرقام الثمانية الأخيرة متميزة مثني مثني ؟</p>	

المادة: رياضيات

الأستاذ: بلجري كمال

المؤسسة: سليمان جلول

المستوى والشعبة: الثالثة علوم تجريبية

المحتوى المكرفي: الاحتمالات

الكفاءات المستهدفة: - تنظيم معطيات من أجل عدها باستعمال المبدأ الأساسي للعد .

- سير الحصة

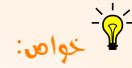
الملاحظات	الأمثلة	التفسير (الأزمنة المثل مرحلة)	الأمثلة
	20 د	<p>* التهيئة النفسية:</p> <p>التوفيقات - دستور ثنائي الحد :</p> <p>① التوفيقات :</p> <p>تعريف: مجموعة منتهية عدد عناصرها n (عدد طبيعي غير معدوم) و p عدد طبيعي حيث $(0 \leq p \leq n)$.</p> <p>نسمي توفيق ذات p عنصرا من عناصر E كل جزء من E ذي p عنصرا من عناصر E .</p> <p>نرمز لعدد التوفيقات ذات p عنصرا من مجموعة ذات n عنصرا بـ : C_n^p أو $\binom{n}{p}$ و المعروف بـ :</p> $C_n^p = \frac{A_n^p}{p!} = \frac{n!}{p!(n-p)!}$ <p>مثلا:</p> $C_{10}^2 = \frac{10!}{2!(10-2)!} = 45$ <p>أمثلة:</p> <p>* عدد الطرائق الممكنة لاختيار تلميذين من بين 28 تلميذا هو :</p> $C_{28}^2 = \frac{28!}{2!(28-2)!} = 378$ <p>* عدد الطرائق الممكنة لسحب 3 كريات في آن واحد من كيس يحتوي على 12 كرية هو : C_{12}^3 طريقة .</p> <p>ملاحظة:</p> <p>* عدد أجزاء E ذات n عنصرا هو 1 لأن E هي الجزء الوحيد الذي يشمل n عنصرا و منه : $C_n^n = \frac{n!}{n!(0)!} = 1$</p> <p>* لدينا كذلك : $C_n^1 = n$ و $C_n^0 = 1$</p> <p>تطبيق:</p> <p>يلتقي عشرة أصدقاء في حفل ، يصافح كل منهم الأشخاص التسعة الآخرين مرة واحدة فقط .</p> <p>❖ كم عدد المصافحات التي جرت في الحفل ؟</p> <p>حل التطبيق:</p> <p>إذا الأول تصافح مع الثاني فالثاني تصافح مع الأول .</p> <p>إذن هناك مصافحتين بين كل صديقين و عليه عدد المصافحات هو : $C_{10}^2 = 45$ مصافحة .</p>	<p>الإنتلاق:</p> <p>بناء المفاهيم:</p>
	15 د		

التفسير (النشطة المرافقة لكل مرحلة)

ملاحظات

المعدة

المرحلة



خواص:

① من أجل كل عددين طبيعيين n و p حيث $(0 \leq p \leq n)$ لدينا : $C_n^p = C_n^{n-p}$

② من أجل كل عددين طبيعيين n و p حيث $(1 \leq p \leq n-1)$.

لدينا : $C_n^p = C_{n-1}^p + C_{n-1}^{p-1}$

د 20

p \ n	0	1	2	3	4	5	6
0	1						
1	1	1					
2	1	2	1				
3	1	3	3	1			
4	1	4	6	4	1		
5	1	5	10	10	5	1	
6	1	6	15	20	15	6	1

ملاحظة:

* تمكنا الخاصية الثانية من حساب C_n^p إذا علمنا C_{n-1}^{p-1} و C_{n-1}^p كما هو مبين في الشكل المقابل (مثلث باسكال)

بناء المفاهيم:

② برهان تناوب الك:

مبرهنة: من أجل كل عددين حقيقيين a و b من أجل كل عدد طبيعي

$$(a+b)^n = \sum_{p=0}^n C_n^p a^{n-p} b^p$$

د 20

البرهان: (نستعمل الاستدلال بالتراجع)

مثال:

$$(x+1)^5 = \sum_{p=0}^5 C_5^p a^{5-p} (1)^p = x^5 + 5x^4 + 10x^3 + 10x^2 + 5x + 1$$

③ طرائق اللعب:

مجموعات	سحب من كيس	تشكيل لجان	تشكيل أعداد	الطريقة/ المطلوب
//	على التوالي مع الإعادة	//	الأرقام يمكن أن تتكرر	قائمة
//	على التوالي دون إعادة	المهام محددة	الأرقام لا تتكرر	ترتيبية
أجزاء مجموعة	في آن واحد	المهام غير محددة	//	توفيقية

د 45

تمرين تطبيقي: يحتوي كيس على 32 كرية لا نفرق بينها عند اللمس

نسحب 8 كريات عشوائياً .

ما هو عدد الطرائق الممكنة إذا كان :

① السحب في آن واحد .

② السحب على التوالي و دون إرجاع .

③ السحب على التوالي مع الإرجاع .

نقوم

حل التمرين 15 و 16 صفحة 219

حل التمرين 30 و 34 صفحة 221

المادة: رياضيات

الأستاذ: بلجري كمال

المؤسسة: سليمان جلول

المستوى والشعبة: الثالثة علوم تجريبية

المحتوى المفرد: الاحتمالات

الكفاءات المستهدفة: - توظيف الاحتمالات الشرطية لحل مسائل .

- سير الحصص

ملاحظات	المدة	التنبيه (الأنشطة المرادولة لكل مرحلة)	المرحلة																
مناقشة النشاط من طرف التلاميذ	15 د	<p>* التهيئة النفسية:</p> <p>الاحتمالات الشرطية :</p> <p>مناقشة النشاط 6 صفحة 201:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>المجموع</th> <th>ألمانية (D)</th> <th>إنجليزية (A)</th> <th>اللغة الحية</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>180</td> <td>50</td> <td>130</td> <td>بنون (G)</td> </tr> <tr> <td>220</td> <td>80</td> <td>140</td> <td>بنات (F)</td> </tr> <tr> <td>400</td> <td>130</td> <td>270</td> <td>المجموع</td> </tr> </tbody> </table> <p>① احتمال أن يكون التلميذ المختار بنتا هو : $p(F) = \frac{220}{400} = \frac{11}{20}$</p> <p>② احتمال أن يكون التلميذ المختار يدرس الألمانية هو : $p(D) = \frac{130}{400} = \frac{13}{40}$</p> <p>③ احتمال أن يكون التلميذ المختار يدرس الألمانية علما أنه بنت هو : $p_F(D) = \frac{80}{220} = \frac{4}{11}$</p> <p>④ حساب $\frac{p(D \cap F)}{p(F)}$:</p> <p>لدينا : $p(D \cap F) = \frac{80}{400} = \frac{1}{5}$ و منه : $\frac{p(D \cap F)}{p(F)} = \frac{\frac{1}{5}}{\frac{11}{20}} = \frac{4}{11}$</p> <p>المقارنة : $p_F(D) = \frac{p(D \cap F)}{p(F)}$</p> <p>الاتصال الشرطي :</p> <p>(Ω, p) فضاء احتمالي ، A و B حادثان حيث $p(A) \neq 0$.</p>	المجموع	ألمانية (D)	إنجليزية (A)	اللغة الحية	180	50	130	بنون (G)	220	80	140	بنات (F)	400	130	270	المجموع	الإطلاق:
المجموع	ألمانية (D)	إنجليزية (A)	اللغة الحية																
180	50	130	بنون (G)																
220	80	140	بنات (F)																
400	130	270	المجموع																
	15 د	<p>تعريف: احتمال الحادثة B علما أن A (أي الحادثة A محققة)</p> <p>هو العدد $p_A(B)$ المعروف بـ : $p_A(B) = \frac{p(A \cap B)}{p(A)}$</p> <p>مثال : نرمي قطعة نرد غير مزيفة مرقمة من 1 إلى 6 .</p> <p>- ما هو احتمال الحصول على رقم فردي علما أنه مضاعف للعدد 3 ؟</p> <p>حل :</p> <p>نضع : A : الحصول على عدد مضاعف لـ 3 ، B : الحصول على عدد فردي</p> <p>نجد : $A = \{3, 6\}$ ، $B = \{1, 3, 5\}$ ، $A \cap B = \{3\}$</p> <p>و بالتالي : $p(A) = \frac{2}{6}$ و $p(A \cap B) = \frac{1}{6}$ ومنه : $p_A(B) = \frac{p(A \cap B)}{p(A)} = \frac{1}{2}$</p> <p>لاحظ أن : الأرقام التي هي من مضاعفات 3 في التجربة هي : 3 ، 6 ،</p> <p>احتمال الحصول على عدد فردي منها هو : $\frac{1}{2}$</p>	بناء المفاهيم:																

ملاحظات	المادة	التفسير (الأنشطة المرافقة لكل مرحلة)	المراجع
		<p>ملاحظات :</p> <p>* يجب أن نفرق بين العبارتين : (A و B) و (B و A) الأولى تعني : تحقق الحادثين A و B في آن واحد . الثانية تعني : تحقق B يتبع تحقق A و A محققة سلفا . * عند تساوي الاحتمال يكون :</p>	
		$P_A(B) = \frac{\text{عدد عناصر المجموعة } A \cap B}{\text{عدد عناصر المجموعة } A}$	
	د 5	<p>تمرين تطبيقي : يحتوي كيس على 5 كرات سوداء مرقمة بـ 2, 1, 1, 1, 1 و 3 كرات بيضاء مرقمة بـ 2, 1, 1 . نسحب من الكيس كرتين في آن واحد .</p> <p>① احسب احتمال الحصول على كرتين مجموع رقميهما 2 ② احسب احتمال الحصول على كرتين سوداوين مجموع رقميهما 2 ③ احسب احتمال الحصول على كرتين سوداوين علما أن مجموع رقميهما 2</p> <p>حل التمرين التطبيقي :</p> <p>• عدد الحالات الممكنة لهذا السحب هو : $C_8^2 = 28$</p> <p>① لتكن الحادثة A : الحصول على كرتين مجموع رقميهما 2 إذن : $p(A) = \frac{C_6^2}{28} = \frac{15}{28}$</p> <p>② لتكن الحادثة B : الحصول على كرتين سوداوين و لتكن الحادثة $A \cap B$: الحصول على كرتين سوداوين و مجموع رقميهما 2 إذن : $p(A \cap B) = \frac{C_4^2}{28} = \frac{6}{28} = \frac{3}{14}$</p> <p>③ لدينا : $P_A(B) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{6}{15} = \frac{2}{5}$</p>	بناء المفاهيم:
	د 25		نقوم
			حل التمرين 47 و 50 و 52 صفحة 224

المادة: رياضيات

الأستاذ: بلجري كمال

المؤسسة: سليمان جلول

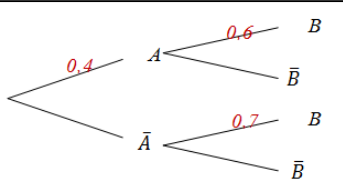
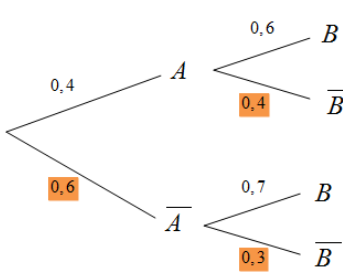
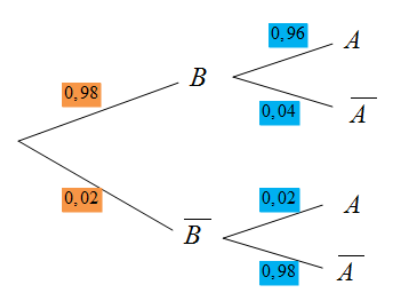
المستوى والشعبة: الثالثة علوم تجريبية

المحتوى المعرفي: الاحتمالات

الكفاءات المستهدفة: - توظيف شجرة الاحتمالات لحل مسائل في الاحتمالات الشرطية .

- سير الحصة

المصحة	ملاحظات	التهيئة (الأنشطة المرأهقة لطلّ مرحلة)	المراحل
د 15		<p>* التهيئة النفسية: شجرة الاحتمالات :</p> <p>فواعد استعمال شجرة الاحتمالات :</p> <ul style="list-style-type: none"> * فرع يبدأ من البداية حتى نهاية طرف الشجرة يمثل تقاطعات كل الحوادث الموجودة في مساره . * مجموع الاحتمالات المكتوبة على الفروع المرسومة من نفس العقدة يساوي 1 . * احتمال الحادثة الممثلة بطرق تساوي جداء الاحتمالات المكتوبة في فروع هذا المسار . * كل عقدة من الشجرة تمثل مرحلة من التجربة . * مثلا : على مسار A ، B ، C نكتب الاحتمالات : $p(A)$ ، $p_A(B)$ ، $p_{A \cap B}(C)$ وهذا المسار يمثل الحادثة $A \cap B \cap C$. <p>مثال :</p>	الإنتلاق:
د 10		<p>لدينا مايلي :</p> $p(A \cap B) = p(A) \times p_A(B)$ $p(A \cap \bar{B}) = p(A) \times p_A(\bar{B})$ $p(\bar{A} \cap B) = p(\bar{A}) \times p_{\bar{A}}(B)$ $p(\bar{A} \cap \bar{B}) = p(\bar{A}) \times p_{\bar{A}}(\bar{B})$ $p(B) = p(A \cap B) + p(\bar{A} \cap B)$ $p(\bar{B}) = p(A \cap \bar{B}) + p(\bar{A} \cap \bar{B})$	بناء المفاهيم:

ملاحظات	المعدة	التفسير (النشطة المرافقة لكل مرحلة)	المراحل
	د 10	 <p>مثال تطبيقي: إليك الشجرة التالية : ① عين الاحتمالات الناقصة . ② احسب $p(\bar{A} \cap B)$ ، $p(A \cap \bar{B})$ ، $p(A \cap B)$ و $p(\bar{A} \cap \bar{B})$</p> <p>حل المثال التطبيقي: ① تعيين الاحتمالات الناقصة :</p>  <p>② حساب الاحتمالات :</p> $p(A \cap \bar{B}) = 0.4 \times 0.4 = 0.16 \quad p(A \cap B) = 0.4 \times 0.6 = 0.24$ $p(\bar{A} \cap \bar{B}) = 0.6 \times 0.3 = 0.18 \quad p(\bar{A} \cap B) = 0.6 \times 0.7 = 0.42$ <p>ملاحظة: * غالبا ما يكون حساب الاحتمال $p(A \cap B)$ مباشرة صعب لذلك يكفي معرفة $p_A(B)$ أو $p_B(A)$ لحسابه . لدينا : $p(A \cap B) = p(A) \cdot p_B(A)$ و $p(A \cap \bar{B}) = p(A) \cdot p_B(\bar{A})$</p> <p>تمرين تطبيقي: في ورشة عمل ، 2% من القطع المصنوعة معيبة . قرنا المراقبة التالية : • إذا كانت القطعة جيدة ، فإن احتمال قبولها هو : 0,96 • إذا كانت القطعة معيبة ، فإن احتمال رفضها هو : 0,98 نختار عشوائيا قطعة و نفرض أن كل الاختيارات متساوية الاحتمال . - ما هو احتمال أن تكون القطعة جيدة و مرفوضة ؟</p> <p>حل التمرين التطبيقي:</p>  <p>نرمز للحادثة A : القطعة مقبولة نرمز للحادثة B : القطعة جيدة و نستعمل شجرة الاحتمالات :</p> $p(B \cap \bar{A}) = p(B) \cdot p_B(\bar{A}) = 0.98 \times 0.04 = 0.0392$	بناء المفاهيم:
	د 10		
	د 15		نقوم

المادة: رياضيات

الأستاذ: بلجري كمال

المؤسسة: سليمان جلول


المستوى والشعبة: الثالثة علوم تجريبية

المحتوى المكرفي: الاحتمالات

الكفاءات المستهدفة: - التعرف على استقلال أو ارتباط حدثين .

- سير الحصة

الملاحظات	المدة	النهي (الأنشطة المراهقة لطل مراكلة)	المراجلة
	10 د	<p>* التهيئة النفسية:</p> <p>الحوادث المستقلة والمتغيرات العشوائية المستقلة :</p> <p>❶ الكوابيرث المستقلة :</p> <p>(Ω, p) فضاء احتمالي ، A و B حدثان .</p> <p>تعريف:</p> <p>نقول عن الحادثين A و B إنهما مستقلتان إذا فقط إذا كان تحقق إحدهما لا يغير من احتمال تحقق الأخرى .</p> <p>مبرهنة:</p> <p>نقول عن الحادثين A و B إنهما مستقلتان إذا فقط إذا كان :</p> $p(A \cap B) = p(A) \times p(B)$ <p>نتيجة:</p> <p>إذا كان $p(A) \neq 0$ فإن : $p_A(B) = p(B)$</p>	الإطلاق:
	15 د	<p>مثال «1» :</p> <p>نرمي قطعة نرد غير مزيفة مرقمة من 1 إلى 6 و نعتبر الحادثين .</p> <p>A : نحصل على عدد زوجي B : نحصل على عدد أولي .</p> <p>- هل الحادثان A و B مستقلتان ؟</p> <p>حل :</p> $p(A) = \frac{1}{2} \text{ و } p(B) = \frac{1}{2} \text{ و } p(A \cap B) = p(\{2\}) = \frac{1}{6}$ <p>بما أن : $\frac{1}{6} \neq \frac{1}{4}$ فالحدثان A و B غير مستقلين .</p> <p>مثال «2» :</p> <p>نرمي قطعة نقد غير مزيفة مرتين على التوالي و نعتبر الحادثين .</p> <p>A : نحصل على الوجه في الرمية الأولى</p> <p>B : نحصل على الوجه في الرمية الثانية .</p> <p>- هل الحادثان A و B مستقلتان ؟</p>	بناء المفاهيم:

ملاحظات	المادة	التفسير (النشطة المرافقة لكل مرحلة)	المرحل
		<p>حل :</p> $p(A \cap B) = p((F, F)) = \frac{1}{4} \text{ و } p(B) = \frac{1}{2} \text{ و } p(A) = \frac{1}{2}$ <p>بما أن : $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ فالحدثان A و B مستقلتان .</p> <p>ملاحظات :</p> <p>* في حالة استقلال الحوادث يكون احتمال قائمة النتائج هو جداء احتمالات كل النتائج (يحدث هذا عموما في التجارب العشوائية المكررة) .</p> <p>* إذا كانت A و B حادثتين مستقلتين فإن A و \bar{B} مستقلتين .</p> <p>* A و B مستقلتان لا يستلزم عموما أن A و B غير متلائمتين .</p> <p>* إذا كان A و B حادثتين غير متلائمتين مع : $p(A) \neq 0$ و $p(B) \neq 0$ فإن A و B غير مستقلتين ($p(A \cap B) = 0$ و $p(A) \times p(B) \neq 0$)</p> <p>⊕ المتغير أبتر العشوائية المستقلة :</p>	
	10 د	<p>تعريف :  متغيران معرفان على نفس مجموعة الامكانيات E . تكن x_1, x_2, \dots, x_n قيم المتغير X و y_1, y_2, \dots, y_n قيم المتغير Y . نقول إن X و Y مستقلان عندما تكون الحادثتان $(X = x_i)$ و $(Y = y_j)$ مستقلتان من أجل كل i و j حيث : $(1 \leq i \leq n, 1 \leq j \leq m)$.</p>	بناء المفاهيم:
	25 د	<p>ملاحظة :</p> <p>* متغيران عشوائيان مرتبطان بتجربتين مختلفتين مستقلان .</p> <p>تمرين تطبيقي «1» :</p> <p>صندوق به 3 قريصات بيضاء تحمل الأرقام 1 ، 2 ، 3 و 3 قريصات صفراء تحمل الأرقام 1 ، 2 ، 3 نسحب عشوائيا قريصة واحدة من الصندوق ، ليكن X المتغير العشوائي حيث $X = 1$ القريصة المسحوبة بيضاء و إلا $X = 0$. و ليكن Y المتغير العشوائي الذي يرفق كل سحبة برقم القريصة المسحوبة .</p> <p>① عرف قانون الاحتمال لكل من X و Y .</p> <p>② برهن أن X و Y مستقلان .</p> <p>تمرين تطبيقي «2» :</p> <p>في مسابقة يجيب مترشح عن عدد من الاسئلة و يشار للجواب الصحيح بالعدد 1 و للخطيء بالعدد 0 . نعتبر الحادثتين :</p> <p>A : ليس للأجوبة نفس الإشارة B : جواب واحد على الأكثر له إشارة 0 .</p> <p>① إذا كان عدد الأسئلة اثنين ، هل A و B مستقلتان ؟</p> <p>② إذا كان عدد الأسئلة ثلاثة ، هل A و B مستقلتان ؟</p>	تفويهم
		<p>حل التمرين 62 صفحة 227</p>	

المادة: رياضيات

الأستاذ: بلجري كمال

المؤسسة: سليمان جلول

المستوى والشعبة: الثالثة علوم تجريبية

المحتوى المعرفي: الاحتمالات

الكفاءات المستهدفة: - توظيف دستور الاحتمالات الكلية لحل مسائل تتعلق بالسحب من أكثر من كيس .

- سير الحصة

ملاحظات	المدة	النسب (الأنشطة المرادولة لكل مرحلة)	المرحلة
	15 د	<p>* التهيئة النفسية:</p> <p>الاحتمالات الكلية :</p> <p>① تجزئة مجموعة :</p> <p>* نسمي تجزئة مجموعة أجزاء لهذه المجموعة كلها ليست خالية ، منفصلة مثنى مثنى (لا يوجد جزآن لهما عنصر مشترك) و اتحادهما المجموعة الكلية .</p> <p>① $A_i \neq \emptyset$</p> <p>② $A_i \cap A_j = \emptyset$</p> <p>③ $A_1 \cup A_2 \cup \dots \cup A_n = \Omega$</p> <p>② مستور الأنتمالات التامة :</p> <p>* لتكن A_1, A_2, \dots, A_n حوادث احتمالاتها غير معدومة تشكل تجزئة للمجموعة الشاملة Ω .</p> <p>لدينا من أجل كل حادثة B :</p> <p>$p(B) = p(A_1 \cap B) + p(A_2 \cap B) + \dots + p(A_n \cap B)$</p> <p>مع : $p(A_k \cap B) = p(A_k) \cdot p_{A_k}(B)$ من أجل كل k حيث $1 \leq k \leq n$.</p> <p>لاحظ أن : $\{A_k \cap B; 1 \leq k \leq n\}$ تشكل تجزئة للحادثة B .</p> <p>ملاحظة :</p> <p>* قانون الاحتمالات الكلية يمكن ترجمته على شجرة الاحتمالات كما يلي :</p> <p>احتمال الحادثة E هو مجموع احتمالات المسارات المؤدية للحادثة E .</p> <p>مثال : تلميذ في قسم نهائي علوم تجريبية يعبر نفس الاهتمام للمواد العلمية أو الأدبية . فإذا كان احتمال نجاحه في اختبار المواد العلمية في شهادة البكالوريا هو $\frac{1}{3}$ و احتمال نجاحه في باقي المواد هو $\frac{1}{4}$.</p> <p>- ما هو احتمال نجاحه في البكالوريا ؟</p>	الإنتلاف:
	15 د	<p>حل :</p> <p>نضع : A : النجاح في البكالوريا ، B : النجاح في المواد العلمية</p> <p>C : النجاح في المواد الأدبية .</p> <p>نجد من المعطيات : $p(B) = p(C) = \frac{1}{2}$ ، $p_B(A) = \frac{1}{3}$ ، $p_C(A) = \frac{1}{4}$</p> <p>و بالتالي : $p(A) = p(A \cap B) + p(A \cap C) = p_B(A) \cdot p(B) + p_C(A) \cdot p(C) = \frac{7}{24}$</p>	بناء المفاهيم:

ملاحظات	المعدة	التفسير (النشطة المرافقة لكل مرحلة)	المرحلة
		<p>تمرين تطبيقي «1» :</p> <p>(A) ، (B) ، (C) ثلاث صناديق حيث :</p> <p>الصندوق (A) يحتوي على 3 كريات حمراء و 5 كريات سوداء .</p> <p>الصندوق (B) يحتوي على كرتين حمراوين و كرية سوداء .</p> <p>الصندوق (C) يحتوي على كرتين حمراوين و 3 كريات سوداء .</p> <p>نأخذ عشوائيا أحد الصناديق و نسحب منه عشوائيا كرية واحدة .</p> <p>① ما هو احتمال سحب كرية حمراء من الصندوق (A) ؟</p> <p>② ما هو احتمال سحب كرية حمراء ؟</p> <p>③ إذا كانت الكرية المسحوبة حمراء ، فما هو احتمال أن تكون قد سحبت من الصندوق (A) ؟</p>	بناء المفاهيم:
د 20		<p>الحل :</p> <p>نرمز للكرية الحمراء بـ : R و للكرية السوداء بـ : N و ننشئ شجرة الاحتمالات</p> <p>① احتمال سحب كرية حمراء من الصندوق (A)</p> <p>هو : $p(A \cap R) = \frac{1}{3} \times \frac{3}{8} = \frac{1}{8}$</p> <p>② احتمال سحب كرية حمراء هو :</p> <p>$p(R) = p(A \cap R) + p(B \cap R) + p(C \cap R)$</p> <p>هناك ثلاث مسارات تؤدي إلى كرية حمراء</p> <p>و عليه $p(R) = \frac{1}{3} \times \frac{3}{8} + \frac{1}{3} \times \frac{2}{3} + \frac{1}{3} \times \frac{2}{5} = \frac{173}{360}$</p> <p>③ إذن : $p_R(A) = \frac{p(A \cap R)}{p(R)} = \frac{173}{45}$</p>	
د 10		<p>تمرين تطبيقي «2» :</p> <p>يتكون مصنع لانتاج الثلاثات من 3 أقسام حيث تساهم بـ 30% ، 60% ، 10% على الترتيب في الانتاج الكلي للمصنع و احتمالات أن تكون الثلاثة صالحة للاستعمال علما أنها صنعت في الأقسام الثلاثة هي : 0,90 ، 0,85 ، 0,75 على الترتيب .</p> <p>❖ ما هو احتمال أن تكون الثلاثة المصنوعة في هذا المصنع صالحة للاستعمال ؟</p>	
		<p>الحل :</p> <p>نضع : F : الثلاثة صالحة للاستعمال في هذا المصنع</p> <p>C_i : الثلاثة أنتجت في القسم i مع : $i \in \{1, 2, 3\}$</p> <p>لدينا : $p(F) = p(C_1 \cap F) + p(C_2 \cap F) + p(C_3 \cap F)$</p> <p>و عليه : $p(F) = p_{C_1}(F)p(C_1) + p_{C_2}(F)p(C_2) + p_{C_3}(F)p(C_3)$</p> <p>أي : $p(F) = 0,75 \times 0,3 + 0,85 \times 0,6 + 0,90 \times 0,1 = 0,822$</p>	نفوهم
		حل التمرين 65صفحة 228	