

## الجزء الأول :

✓ ليكن  $X$  المتغير العشوائي للعبة الذي قانون احتماله معرف في الجدول الآتي :

$x_i$	-4	-3	-2	1	2	$\beta$
$p_i$	$\alpha$	$\frac{3}{4}\alpha$	$\frac{1}{21}$	$\frac{11}{42}$	$\frac{7}{4}\alpha$	$\frac{15}{4}\alpha$

- (1) اوجد قيمة  $\alpha$  .
- (2) احسب الأمل الرياضي  $E(X)$  في حالة  $\beta = 6$  .
- (3) أوجد  $\beta$  حتى تكون اللعبة عادلة . ( تعطي النتيجة على شكل كسر غير قابل للاختزال )
- (4) نفرض أن:  $\alpha = \frac{2}{21}$  و  $\beta = 6$  .
- (a) اوجد :  $P(X^2 + 2X - 3 < 0)$  ،  $P(-3 < X \leq 1)$  ،  $P(X > 6)$  ،  $P(X > 0)$  ،  $P(X \leq -2)$  .
- (b) احسب الأمل الرياضي  $E(X)$  ثم  $E(X^2)$  ،  $E(X^4)$  .
- (c) احسب  $E(-3X + 5)$  بطريقتين مختلفتين . ثم  $E((-3X + 5)^2)$  .
- (d) احسب التباين :  $VAR(X)$  و  $VAR(X^2)$  ثم استنتج الانحراف المعياري  $\sigma(X)$  و  $\sigma(X^2)$  .
- (e) احسب :  $VAR(-3X + 5)$  بطريقتين مختلفتين .



## الجزء الثاني :

- ✚ أثبت أن :  $0! = 1$  ،  $1! = 1$  .
- ✚ كيس  $A$  يحوي على 3 كرات حمراء و كرتين خضراوين وكرة سوداء ، وكيس آخر  $B$  يحوي على 4 كرات حمراء و كرة خضراء و كرة سوداء لان فرق بين كل الكرات باللمس .
- نرمز لـ : الحادثة  $A$  " سحب كرة من الكيس  $A$  " و الحادثة  $B$  " سحب كرة من الكيس  $B$  " .
- الحادثة  $R$  " سحب كرة حمراء " ، الحادثة  $V$  " سحب كرة خضراء " ، الحادثة  $N$  " سحب كرة سوداء " .



## الجزء 1 :

- ✓ نسحب من الكيس  $A$  كرتين في آن واحد .
- (1) ما احتمال سحب كرتين من نفس اللون ثم استنتج احتمال سحب كرتين مختلفتين في اللون .
  - (2) ما احتمال سحب كرة حمراء والأخرى خضراء .
  - (3) ما احتمال سحب كرة حمراء واحدة فقط .
  - (4) ما احتمال سحب كرة حمراء على الأقل .
  - (5) ما احتمال سحب كرتين حمراواتين على الأكثر .
- ✓ اجب على الأسئلة السابقة في حالة سحب كرتين على التوالي و بدون إرجاع ثم على التوالي وبالإرجاع .
- مع إضافة السؤالين :
- (1) ما احتمال سحب الكرة الأولى حمراء والكرة الثانية خضراء .
  - (2) ما احتمال سحب الكرة الأولى حمراء .



## الجزء 2 :

✓ نرمي زهرة نرد متجانسة مرقمة من 1 إلى 6 مرة واحدة ونهتم بالرقم الظاهر في الجزء العلوي .  
إذا كان الرقم الظاهر يقبل القسمة على 3 فإننا سحب كرة واحدة من الكيس A .  
وإن لم يكن كذلك نسحب كرة واحدة من الكيس B .



- (1) أنجز شجرة الاحتمالات الموافقة لهذه الوضعية .
- (2) اوجد  $P(B)$  .
- (3) اوجد  $P_B(V)$  احتمال الحادثة  $V$  علما أن  $B$  محققة .
- (4) احسب  $P(B \cap V)$  احتمال سحب كرة خضراء من الكيس  $B$  .
- (5) احسب  $P(V)$  احتمال الحادثة  $V$  ثم استنتج  $P(\bar{V})$  .
- (6) هل الحادثتين  $B$  و  $V$  مستقلتين ؟
- (7) احسب  $P(B \cup V)$  ثم احسب  $P(\bar{B} \cap \bar{V})$  .
- (8) احسب  $P_V(B)$  احتمال الحادثة  $B$  علما أن  $B$  محققة .

## الجزء 3 :

(1) في هذه المرة نسحب كرة واحدة من الكيس A ثم نضعها في الكيس B ثم نسحب كرة من الكيس B



- (a) أنجز شجرة الاحتمالات التي تتمذج هذه الوضعية .
- (b) احسب  $P(R_A)$  احتمال سحب كرة حمراء من الكيس A .
- (c) احسب  $P(R_B)$  احتمال سحب كرة حمراء من الكيس B .
- (d) علما أن الكرة المسحوبة من الكيس B حمراء ، احسب احتمال سحب كرة سوداء من الكيس A .

(2) نعتبر المتغير العشوائي  $X$  الذي يرفق كل كرة حمراء بـ 3 و الكرة الخضراء بخسارة 2 والكرة السوداء بخسارة 1 ( باعتبار اللون المسحوب من الكيس A و اللون المسحوب من الكيس B )



- (a) أوجد قيم المتغير العشوائي  $X$  ثم عرف قانون احتماله .
- (b) احسب الأمل الرياضي  $E(X)$  ، هل اللعبة عادلة ؟ علل .
- (c) احسب التباين  $V(X)$  ثم استنتج الانحراف المعياري  $\sigma(X)$  .

(3) أراد صاحب اللعبة أن يغير قيم المتغير العشوائي  $X$  وذلك بـ  $Y = -3X + 2$  حيث

- (a) ما هي قيم المتغير العشوائي  $Y$  ثم اوجد قانون احتماله .
- (b) احسب الأمل الرياضي  $E(Y)$  بطريقتين مختلفتين .
- (c) احسب التباين  $V(Y)$  بطريقتين مختلفتين وأيضا بالنسبة للانحراف المعياري  $\sigma(Y)$  .

