

الهندسة في الفضاء

التمرين 01 :

في الفضاء المنسوب الي معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقطة $A(1; 2; -3)$ والشعاع \vec{r} .

- 1- اكتب معادلة المستوى (p) الذي يشمل A ويعامد \vec{i} .
- 2- تحقق أن النقطة $C(-1; 1; 1)$ لا تنتمي الي المستوى (p) .
- 3- احسب المسافة بين النقطة C والمستوي (p) .
- 4- احسب المسافة بين النقطة $D(1; 0; 1)$ والمستوي (p) ماذا تستنتج؟

التمرين 02 :

في الفضاء نعتبر النقط: $A(-1; -1; -1)$ ، $B(2; 3; -2)$ ، $C(-1; 3; -1)$ والشعاع \vec{r} .

- 1- اكتب تمثيلا وسيطيا للمستوي (OAB) .
- 2- عين المعادلة الديكارتية للمستوي (p) الذي يشمل C ويكون \vec{i} شعاعا ناظميا له.
- 3- عين نقط تقاطع المستوي (OAB) والمستوي (p) .

التمرين 03 :

في الفضاء المنسوب الي معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط: $A(1; 0; -1)$ ، $B(-1; 4; 1)$ ، $C(2; 3; 3)$ ، $D(2; 1; 5)$.

- 1- بين أن الشعاع \vec{r} عمودي علي المستوي (ABC) .
- 2- استنتج معادلة ديكارتية للمستوي (ABC) .
- 3- بين أن $ABCD$ هو رباعي أوجه.
- 4- احسب مساحة المثلث ABC .
- 5- احسب المسافة d بين النقطة D والمستوي (ABC) .
- 6- احسب حجم رباعي الأوجه $ABCD$.

التمرين 04 :

في الفضاء المنسوب الي معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط: $A(3; -1; 2)$ ، $B(4; -1; -1)$ ، $C(2; 3; 3)$.

والمستوي (p) الذي معادلته الديكارتية: $x + y - 1 = 0$

- 1- بين أن النقط A ، B و C تعين مستويا.
- 2- بين ان الشعاع \vec{r} ناظمي للمستوي (ABC) ثم عين معادلة ديكارتية له.
- 3- بين ان المستويين (p) و (ABC) متقاطعان.
- 4- عين تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ) تقاطع المستويين (p) و (ABC) .
- 5- احسب المسافة بين O والمستقيم (Δ) .
- 6- استنتج معادلة ديكارتية لسطح الكرة التي مركزها O والمماسة للمستقيم (Δ) .

التمرين 05:

$A(-1;2;0)$ ، $B(-3;4;2)$ ، $C(1;-2;-1)$ ثلاث نقط من الفضاء حيث :

- 1) بين أن النقط A ، B ، C تعين مستوى.
- 2) عين الشعاع الناطمي للمستوي (ABC) .
- 3) عين المعادلة الديكارتية للمستوي (ABC) .
- 4) عين المسافة بين النقطة $D(1;2;-1)$ والمستوي (ABC) .

التمرين 06:

نعتبر النقط $A(1;0;-1)$ ، $B(2;2;3)$ ، $C(3;1;-2)$ ، $D(-4;2;1)$:

- 1) أثبت أن المثلث ABC قائم ثم أحسب مساحته .
- 2) بين أن الشعاع r_1 ، r_2 ، r_3 ، r_4 ناظمي للمستوي (ABC) .
- 3) استنتج معادلة ديكارتية للمستوي (ABC) .
- 4) عين حجم رباعي الوجوه $DABC$.

التمرين 07:

$(P): x+y-2z-1=0$ ، $(Q): x+y+z=0$ مستويان معادلتهما :

1. أثبت أن (P) و (Q) متعامدان .
2. عين المسافة بين النقطة $A(2;1;2)$ و كل من (P) و (Q) .
3. استنتج المسافة بين A و مستقيم تقاطع المستويين (P) و (Q) .

التمرين 08:

1. عين معادلة سطح الكرة (S) التي مركزها النقطة $I(0;1;-1)$ ونصف قطرها 2 .
2. عين معادلة سطح الكرة (S') ذات القطر $[AB]$ حيث : $A(-1;2;1)$ ، $B(1;-6;-1)$.
3. عين معادلة المستوي المماس لسطح الكرة (S') في A .

التمرين 09:

1. عين مجموعة النقط (E) للنقط M حيث : $\|-\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = \|\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\|$
2. عين مجموعة النقط (F) للنقط M حيث : $\|-\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = AB$
3. عين مجموعة النقط (G) للنقط M حيث : $\|-\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = \|\vec{MA} - \vec{MB} - \vec{MC}\|$

التمرين 10:

A ، B ، C ثلاث نقط من الفضاء عين في كل حالة مجموعة النقط M من الفضاء التي تحقق :

$$(\vec{MA} + \vec{MB}) \cdot (\vec{MA} + \vec{MB}) = 0 \quad 1.$$

$$(\vec{MA} + \vec{MB}) \cdot (\vec{MA} - \vec{MB}) = 0 \quad 2.$$

$$\vec{MA} \cdot \vec{MA} = 0 \quad 3.$$

التمرين 11:

في الفضاء المنسوب الي معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط: $A(1; 4; 1)$ ، $B(0; 2; 1)$ ، $C(1; 6; 0)$ وليكن سطح الكرة (S) التي مركزها $\omega(1; 1; 1)$ ونصف قطرها 3 .

- 1- بين أن النقط A ، B و C ليست في استقامة .
- 2- اكتب معادلة ديكرتية للمستوي (ABC)
- 3- اكتب معادلة سطح الكرة (S)
- 4- احسب $d(\omega; (ABC))$.
- 5- عين تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ) المار من ω والعمودي علي (ABC)
- 6- بين أن المستوي (ABC) يقطع سطح الكرة (S) في دائرة (C) عين مركزها ونصف قطرها

التمرين 12:

الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقطتين $A(3; 1; 3)$ و $B(-6; 2; 1)$ والمستوي ذو المعادلة : $x + 2y + 2z = 0$

| الجواب الأول | الجواب الثاني | الجواب الثالث |
|---|--|---|
| مستوي من الفضاء | سطح كرة | مجموعة النقط M من الفضاء بحيث $\ 4\vec{MA} - \vec{MD}\ = 4$ هي : |
| $\left(\frac{11}{3}; \frac{1}{3}; \frac{1}{3}\right)$ | $\left(\frac{8}{3}; \frac{1}{3}; \frac{7}{3}\right)$ | إحداثيات النقطة H المسقط العمودي للنقطة A على (P) هي : |
| يقطع المستوي (P) في دائرة | مماس للمستوي (P) | لا يقطع المستوي (P) |
| من نفس المستوي ومتوازيان | من نفس المستوي ومقاطعان | ليس من نفس المستوي |
| المستقيم (d) مستقيم من الفضاء يشمل A وشعاع توجيهه $(1, 2, -1)$ و \vec{u} و (d') مستقيم معرف كما يلي : | $(d') : \begin{cases} x = 3 + 2t \\ y = 3 + t \\ z = t \end{cases} ; t \in \mathbb{R}$ | |

التمرين 13:

الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقطة $A(-1; 2; 3)$ و (D) مستقيم تمثيله الوسيط

$$(D): \begin{cases} x = 9 + 4t \\ y = 6 + t \\ z = 2 + 2y \end{cases} ; t \in \mathbb{R}$$

1. عين معادلة ديكارتية للمستوي (P) الذي يشمل A وعمودي علي (D) .
2. تحقق أن النقطة $B(-3; 3; -4)$ تنتمي إلى المستقيم (D) .
3. احسب المسافة d_B بين النقطة B والمستوي (P) .
4. عبر عن المسافة d بدلالة كل من d_B والطول AB واستنتج القيمة المضبوطة للمسافة d .
5. لتكن M نقطة من (D) ، أكتب AM^2 بدلالة t وأوجد إذن قيمة المسافة d .

التمرين 14:

نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ النقاط: $A(3; -2; 2)$ ، $B(6; 1; 5)$ ، $C(6; -2; -1)$

- (1) أثبت أن المثلث ABC قائم في A .
- (2) ليكن (p) مستوي في الفضاء معادلته $x + y + z - 3 = 0$ أثبت أنه عمودي علي (AB) في النقطة A .
- (3) عين معادلة المستوي (P') العمودي علي (AC) ويشمل A .
- (4) لتكن $D(0; 4; -1)$ نقطة من الفضاء اثبت أن (AD) عمودي علي المستوي (ABC) .
- (5) أحسب حجم رباعي الوجوه $ABDC$.
- (6) أثبت أن $BDC = \frac{\pi}{4} rad$.
- (7) أحسب مساحة BDC واستنتج المسافة بين A والمستوي (BDC) .

التمرين 15:

الفضاء منسوب الي معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقطة: $A(2; 0; 2)$ والمستوي (P) ذو المعادلة: $x + y - z - 3 = 0$

- 1- حدد تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ) المار من A والعمودي علي المستوي (P)
- 2- حدد احاثيات B نقطة تقاطع المستقيم (Δ) و (P)
- 3- نعتبر سطح الكرة (S) الذي مركزه النقطة A والذي يتقاطع مع المستوي (P) وفق الدائرة التي مركزها B ونصف قطرها 2
- 4- حدد نصف قطر سطح الكرة (S)
- 5- اكتب معادلة ديكارتية للسطح (S)

شكوت إلى وكيع سوء حفظي..... فأرشدني إلى ترك المعاصي

| | الجواب الأول | الجواب الثاني | الجواب الثالث |
|---------|--|--|---|
| السطر 1 | $A(-1;3;2) \in (D)$ | $B(2;-1;-1) \in (D)$ | $C(3;1;-4) \in (D)$ |
| السطر 2 | (D) شعاع توجيهه $\vec{u}(1,2,3)$ | (D) شعاع توجيهه $\vec{v}(-2,1,1)$ | (D) شعاع توجيهه $\vec{w}(3,1,4)$ |
| السطر 3 | (D) محتوي في (p) | (D) يوازي تماما (p) | (D) يقطع (p) |
| السطر 4 | $A'(1;3;-2) \in (P)$ | $B'(1;3;2) \in (P)$ | $C'(1;3;-1) \in (P)$ |
| السطر 5 | المستوي (Q_1) الذي معادلته $x + 2y - 3z + 1 = 0$ يعامد المستوي (p) | المستوي (Q_2) الذي معادلته $-4x + 5y + 2z + 3 = 0$ يعامد المستوي (p) | المستوي (Q_3) الذي معادلته $-3x + 2y - z - 1 = 0$ يعامد المستوي (p) |
| السطر 6 | المسافة بين النقطة $M(-1;-3;2)$ والمستوي (p) هي $\sqrt{14}$ | المسافة بين النقطة $M(-1;-3;2)$ والمستوي (p) هي 14 | المسافة بين النقطة $M(-1;-3;2)$ والمستوي (p) هي $2\sqrt{3}$ |

التمرين 19:

نعتبر النقط من الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$

نعتبر المستوي (P) الذي معادلته $2x + y - 2z + 4 = 0$ والنقط $A(3;2;6)$ ، $B(1;2;4)$ ، $C(4;-2;5)$.

- (1) بين أن النقط A ، B ، C تعين مستوي ويبين أن هذا المستوي هو (P) .
- (2) بين أن المثلث ABC قائم .
- (3) اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ) الذي يشمل O ويعامد المستوي (P) .
- (4) احسب المسافة OK حيث K هي المسقط العمودي للنقطة O على (P) .
- (5) احسب حجم رباعي الوجوه $OABC$.
- (6) نسمي G مرجح الجملة $\{(A;1), (B;1), (C;1)\}$.
 - I هي مركز ثقل المثلث ABC . بين أن G تنتمي إلى (OI) .
 - عين المسافة بين G والمستوي (P) .

التمرين 20:

نعتبر النقط من الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$: $A(1;-1;3)$ ، $B(0;3;1)$ ،

$C(6;-7;-1)$ ، $D(2;1;3)$ ، $E(4;-6;2)$

(1) أثبت أن E مرجح الجملة $\{(A;2), (B;-1), (C;1)\}$.

(2) عين المجموعة (γ) للنقط M من الفضاء حيث : $\|2\vec{MA} - \vec{MB} + \vec{MC}\| = 2\sqrt{21}$

(3) بين أن النقط A ، B ، C تعين مستوي .

- 4) أثبت أن المستقيم (EC) عمودي على المستوي (ABD) ، ثم عين معادلة ديكارتية للمستوي (ABD) .
 5) عين تمثيلا وسيطيا للمستقيم (EC) .
 6) عين إحداثيات H نقطة تقاطع (EC) و المستوي (ABD) .
 7) أثبت أن المستوي (ABD) والمجموعة (γ) متقاطعان في دائرة يطلب تعيين مركزها ونصف قطرها .
 8) علما أن قياس الزاوية $(\overrightarrow{BD}, \overrightarrow{DA})$ هو $\frac{\pi}{4}$ أحسب حجم رباعي الوجوه $EABD$.
 9) عين معادلة كل من (P) و (P') المستويان المماسان للمجموعة (γ) والعموديان على المستقيم (EC) .

التمرين 21:

في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط $C(3;2;4)$ ، $B(-3;-1;7)$ ، $A(2;1;3)$

- I- بين أن A و B و C ليست علي استقامة واحدة .
 II- التمثيل الوسيطى للمستقيم (d) هو :

$$(d) : \begin{cases} x = -7 + 2t \\ y = -3t \\ z = 4 + t \end{cases} ; t \in \mathbb{R}$$

- 1- بين أن (d) يعامد المستوي (ABC) .
 2- اكتب معادلة ديكارتية للمستوي (ABC) .
 III- H هي تقاطع (d) و (ABC) .

- 1- بين أن H هي مرجح الجملة $\{(A; -2), (B; -1), (C; 2)\}$.
 2- عين الطبيعة والعناصر المميزة للمجموعة (Γ_1) للنقط M من الفضاء حيث :

$$(-2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}) \cdot (\overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}) = 0$$

عين الطبيعة والعناصر المميزة للمجموعة (Γ_2) للنقط M من الفضاء حيث : $\| -2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} \| = \sqrt{29}$

بورة 2012 عت

الفضاء منسوب الي المعلم المتعامد والمتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، نعتبر المستوي (P) ذا المعادلة : $14x + 16y + 13z - 47 = 0$

والنقط : $C(-1;3;1)$ ، $B(2;2;-1)$ ، $A(1;-2;5)$.

- 1) أ - تحقق ان النقط A ، B و C ليست في استقامة .
 ب- بين ان المستوي (ABC) هو (P)
 2) جد تمثيلا وسيطيا للمستقيم (AB)
 3) أ - اكتب معادلة ديكارتية للمستوي المحوري (Q) للقطعة $[AB]$
 ب- تحقق ان النقطة $D(-1;-2;\frac{1}{4})$ تنتمي الي المستوي (Q)
 ت- احسب المسافة بين النقطة D والمستقيم (AB)

نعتبر في الفضاء المنسوب الي المعلم المتعامد والمتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ النقط : $A(-1;1;3)$ ، $B(1;0;-1)$ ، $C(2;-1;1)$ ،

$$\text{حيث } \begin{cases} x = -1 \\ y = 2 + \beta \\ z = 1 - 2\beta \end{cases} \text{ والمستوي } (P) \text{ ذا المعادلة : } 2y + z + 1 = 0 \text{ وليكن } (\Delta) \text{ المستقيم الذي تمثيل وسيطي له : } y = 2 + \beta$$

β وسيط حقيقي

- 1) اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (BC) ، ثم تحقق أن المستقيم (BC) محتوي في المستوي (P)
- 2) بين أن المستقيمين (Δ) و (BC) ليسا من نفس المستوي
- 3) أ - احسب المسافة بين النقطة A والمستوي (P)
ب- بين أن D نقطة من (P) ، وأن المثلث BCD قائم .
ت- بين أن $ABCD$ رباعي وجوه ، ثم احسب حجمه

الفضاء منسوب الي المعلم المتعامد والمتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط : $A(2;-1;1)$ ، $B(-1;2;1)$ ، $C(1;-1;2)$ ، $D(1;1;1)$

- 1) أ - تحقق أن النقط A ، B و C تعين مستويا
ب- بين أن $\vec{n}(1,1,1)$ هو شعاع ناظمي للمستوي (ABC)
ت- اكتب معادلة ديكرتية للمستوي (ABC)
- 2) لتكن النقطة G مرجح الجملة المثقلة $\{(A;1), (B;2), (C;-1)\}$
أ- احسب احداثيات G
ب- ولتكن (Γ) مجموعة النقط M من الفضاء تحقق : $\|\vec{MA} + \vec{MD} - \vec{MC}\| = 2\|\vec{MD}\|$ بين أن (Γ) هي المستوي المحوري للقطعة المستقيمة $[GD]$
ت- اثبت أن معادلة (Γ) هي : $6x - 4y + 2z + 3 = 0$
- 3) بين أن المستويين يتقاطعان و (Γ) وفق مستقيم (Δ) يطلب تعيين تمثيل وسيطي له

الفضاء منسوب الي المعلم المتعامد والمتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط : $A(2;1;0)$ ، $B(1;2;2)$ ، $C(3;3;1)$ ، $D(1;1;4)$

- 1) تحقق أن النقط A ، B و C تعين مستويا وأن $x - y + z - 1 = 0$ معادلة ديكرتية له .
- 2) بين أن المثلث ABC متقايس الاضلاع ، ثم تحقق أن مساحته هي $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ وحدة مساحة
- 3) عين تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ) العمودي علي المستوي (ABC) والذي يشمل النقطة D
- 4) النقطة E هي المسقط العمودي للنقطة D علي المستوي (ABC)
أ- عين احداثيات النقطة E ثم احسب المسافة بين النقطة D والمستوي (ABC)
ب- عين مركزي سطحي الكرتين اللذين يمسان (ABC) في النقطة E ونصف قطر كل منهما $\sqrt{3}$
- 5) احسب حجم رباعي الوجوه $ABCD$.

الفضاء منسوب المعلم المتعامد و المتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، المستقيم الذي يشمل النقطة $A(1;0;2)$ وشعاع توجيه له $\vec{u}(2,1,-1)$

$$\begin{cases} x = \lambda \\ y = 4 + \lambda \\ z = 2 + \lambda \end{cases} \quad (\lambda \in \mathbb{R}) \quad \text{وليكن } (\Delta') \text{ المستقيم المعرف بالتمثيل الوسيطى التالي :}$$

- 1 أ - اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ)
ب-بين أن المستقيمين (Δ) و (Δ') ليسا من نفس المستوي .
- 2 أ- بين أن النقطة $B(-1;3;1)$ هي المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم (Δ')
ب- تحقق أن المستقيم (AB) عمودي على كل من المستقيمين (Δ) و (Δ') .
ت- استنتج المسافة بين المستقيمين (Δ) و (Δ') .
- 3 لتكن N نقطة إحداثياتها $(-2+t; 2+t; t)$ حيث $t \in \mathbb{R}$ ولتكن h الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ : $h(t) = AN^2$
أ- بين أن النقطة N تنتمي الى المستقيم (Δ') ، ثم اكتب عبارة $h(t)$ بدلالة t
ب- استنتج قيمة العدد الحقيقي t التي يكون من اجلها المسافة AN أصغر ما يمكن ، ثم قارن بين القيمة الصغرى للدالة h والمسافة AB

- 1- نعتبر في الفضاء المزود بالمعلم المتعامد والمتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ النقط : $A(1;1;2)$ ، $B(1;0;-2)$ ، $C(-6;0;-1)$
- بين أن مجموعة النقط $M(x;y;z)$ التي تحقق : $MA^2 - MB^2 = 1$ هي مستو عمودي على المستقيم (AB) نرمل له بالرمز (P) يطلب تعيين معادلة ديكرتية له
- 2- لتكن S مجموعة النقط $M(x;y;z)$ التي تحقق : $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2y - 2z - 6 = 0$
- بين S ان هي سطح كرة يطلب تعيين مركزها ω ونصف قطرها R
- 3- G نقطة من الفضاء معرفة بالعلاقة : $\vec{GA} - \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$
أ- عين إحداثيات النقطة G ثم تأكد أنها تنتمي إلى S
ب- اكتب معادلة المستوي (Q) الذي يمس سطح الكرة S في النقطة G

الفضاء منسوب الي المعلم المتعامد والمتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقطتين : $A(3;-2;2)$ ، $B(0;4;-1)$

1. اكتب معادلة للمستوي (P_1) الذي يشمل A و $\vec{u}(1,0,-1)$ شعاع ناظمي له
2. (P_2) المستوي الذي يحوي المستقيم (AB) ويعامد المستوي (P_1)
أ- بين أن شعاع ناظمي للمستوي (P_2) $\vec{v}(1,1,1)$
ب- أكتب معادلة للمستوي (P_2)
3. نعتبر النقطتين C و D حيث $C(6;1;5)$ و D معرفة بـ : $\vec{CD}(0,0,-6)$
أ- بين أن المثلث ACD قائم في A واحسب مساحته
ب- بين أن المستقيم (AB) عمودي على المستوي (ACD)
ت- أحسب حجم رباعي الوجوه $ABCD$

الفضاء منسوب الي المعلم المتعامد والمتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط A, B, C و D حيث :

$$D(3;5;3) , C(2;8;-4) , B(3;-2;0) , A(2;0;1)$$

1. بين أن النقط A, B, C تعين مستويا .
2. بين أن المستقيم (CD) يعامد المستوي (ABD)
3. H المسقط العمودي للنقطة C علي المستقيم (AB)
 أ- بين أن المستقيم (AB) يعامد المستوي (CDH)
 ب- عين معادلة للمستوي (CDH) واكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (AB)
 ت- استنتج احداثيات النقطة H
4. احسب الاطوال AB, CD, DH ثم احسب حجم رباعي الوجوه $ABCD$.

هدية

أَلَا بِالْعِلْمِ نَنْتَصِرُ وَنَأْخُذُ مِنْهُ بُرْهَانًا

وَمَنْ لِلْعِلْمِ قَدْ عَادَى فَلَيْسَ بَعْدُ إِنْسَانًا

فَيُمَدِّحُ فِيهِ أَتْقَانًا وَيُقَدِّحُ فِيهِ أَشْقَانًا

AISSA ZERROUKI