

## التمرين رقم 03

1) لتكن الدالة  $u$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $u(x) = 3x - 2\cos x$

بين أن المعادلة  $u(x) = 0$  تقبل في  $\mathbb{R}$  حلا  $\alpha$  حيث:

$$0,56 < \alpha < 0,57$$

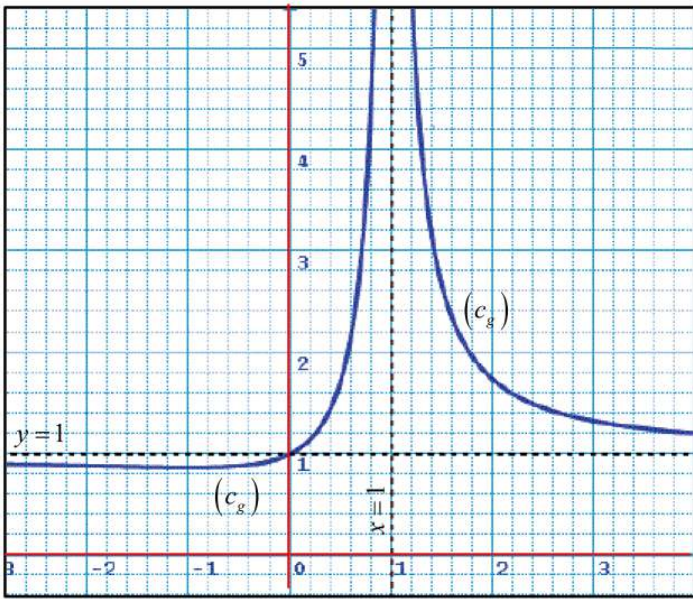
2) نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R} - \{\alpha\}$  بـ:  $f(x) = \frac{3x-2}{3x-2\cos x}$

أ- بين من أجل كل عدد حقيقي  $x > \frac{2}{3}$  أن:  $\frac{3x-2}{3x+2} \leq f(x) \leq 1$

ب- استنتج  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

3) لتكن  $g$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R} - \{1\}$  بتمثيلها البياني  $(c_g)$  في الشكل المرفق

حيث  $x=1$  و  $y=1$  مستقيمان مقاربان للمنحنى  $(c_g)$ .



بقراءة بيانية، جد  $\lim_{x \rightarrow 1} g(x)$  و  $\lim_{|x| \rightarrow +\infty} g(x)$

4) نضع  $h = g \circ f$

أ- أوجد مجموعة تعريف الدالة  $h$

ب- عين النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} h(x), \lim_{x \rightarrow +\infty} h(x), \lim_{x \rightarrow \alpha^-} h(x), \lim_{x \rightarrow \alpha^+} h(x)$$

- حقوق النشر محفوظة -

الأستاذ عبد الحميد

## التمرين رقم 01

I- لتكن  $g$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = \frac{3x^2 + ax + b}{x^2 + 1}$

جد العددين الحقيقيين  $a$  و  $b$  بحيث يقبل المنحنى  $(C_g)$  الممثل للدالة  $g$  عند

النقطة  $I(0;3)$  مماسا  $(T)$  معادلته  $y = 4x + 3$ .

II- لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = \frac{3x^2 + 4x + 3}{x^2 + 1}$

ليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  (وحدة الطول  $2cm$ ).

1) بين من أجل كل عدد حقيقي  $x$  أن:  $f(x) = \alpha + \frac{\beta x}{x^2 + 1}$

حيث  $\alpha$  و  $\beta$  عددا حقيقيان يطلب تعيينهما.

2) أ- أحسب نهايتي الدالة  $f$  عند  $-\infty$  وعند  $+\infty$  وفسر النتيجة بيانيا.

ب- أدرس تغيرات الدالة  $f$ .

ج- شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .

3) أ- جد معادلة لـ  $(T)$  مماس المنحنى  $(C_f)$  عند النقطة  $I$  ذات الفاصلة  $0$ .

ب- أدرس وضعية المنحنى  $(C_f)$  بالنسبة إلى  $(T)$ .

4) بين أن النقطة  $I$  مركز تناظر المنحنى  $(C_f)$ .

5) أنشئ  $(T)$  و  $(C_f)$ .

## التمرين رقم 02

1) لتكن  $g$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = \frac{2x}{\sqrt{1+x^2}} - 1$

أ- بين أن  $g$  قابلة للاشتقاق على  $\mathbb{R}$  وأن:  $g'(x) = \frac{2}{(1+x^2)\sqrt{1+x^2}}$

ب- بين من أجل كل عدد حقيقي  $x > 0$  أن:  $\sqrt{1+x^2} = x\sqrt{1+\frac{1}{x^2}}$

ج- بين أن  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = -3$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $g$ .

د- بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل في  $\mathbb{R}$  حلا وحيدا  $\alpha$ .

تحقق أن  $0 < \alpha < 1$ .

هـ- استنتج إشارة  $g(x)$  على  $\mathbb{R}$ .

2) لتكن  $f$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = 2\sqrt{1+x^2} - x$

أ- بين أن  $f'(x) = g(x)$  من أجل كل عدد حقيقي  $x$ .

ب- شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .

3) ليكن  $(C_f)$  المنحنى البياني الممثل للدالة  $f$  في المستوي المنسوب إلى المعلم

المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

أ- بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذا المعادلة  $y = x$  مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$ .

ب- جد معادلة لـ  $(T)$  مماس المنحنى  $(C_f)$  عند النقطة التي فاصلتها  $0$ .

ج- أنشئ  $(T)$ ،  $(\Delta)$  و  $(C_f)$ .