

سلسلة تمارين - 01 -الجزء الأولالأعداد المركبة

تمرين 01:

خواص و علاقات

BAC - 2020

أكتب على الشكل الجبري الأعداد المركبة التالية :

$$z_3 = \frac{1}{2+3i} + \frac{1}{(1+i)^2} \quad ; \quad z_2 = \frac{1}{(2-3i)(1+i)} \quad ; \quad z_1 = \frac{1}{2-i} \quad ; \quad z_0 = \frac{1}{i}$$

$$z_7 = \frac{\sqrt{3}-i}{\sqrt{3}+i} \quad ; \quad z_6 = \frac{1+i}{-1-2i} \quad ; \quad z_5 = \frac{3i}{2+i} \quad ; \quad z_4 = \frac{1+2i}{1+i}$$

تمرين 02:

الحل المفصل على القناة.

[Chaine youtube:](#)

Prof-AhmedTrir

عين العدد الحقيقيين  $x$  و  $y$  حتى يكون :

$$3x + y - 1 + i(x - y) = 4 - i \quad \bullet$$

$$2x + 3iy - 1 + i(x - yi + 2) = 3i - 1 \quad \bullet$$

$$x + 2y + i(2x - y + 5) = 0 \quad \bullet$$

تمرين 03:

عين مرافق كلا من الأعداد المركبة التالية واكتب النتيجة على الشكل الجبري:

$$z_0 = 2 - 9i; \quad z_1 = 2i + 5; \quad z_2 = i(4 + 3i); \quad z_3 = (1 + 2i)(-4 - 3i)$$

$$z_4 = \frac{1-3i}{1+2i}; \quad z_5 = \frac{3+i}{i}; \quad z_6 = \frac{1+i}{-1-2i}; \quad z_7 = \frac{\sqrt{3}-i}{\sqrt{3}+i}$$

تمرين 04:

$$\text{نضع } z_1 = 2 - 3i \quad ; \quad z_2 = 1 + i \quad \text{أحسب } |z_1| \quad ; \quad |z_2|$$

أكتب على الشكل الجبري كلا من الأعداد المركبة التالية ثم احسب

$$\text{طويلة كلا منها: } z_1^2 \quad ; \quad \frac{z_1}{z_2} \quad ; \quad z_1 \times z_2 \quad ; \quad z_1 + z_2$$

تمرين 05:

أكتب على الشكل المثلثي الأعداد المركبة التالية:

$$z_1 = 1 + i\sqrt{3} \quad ; \quad z_2 = -1 - i \quad ; \quad z_3 = \sqrt{3} - i \quad ; \quad z_4 = -1 + i\sqrt{3}$$

### تمرين 06:

الحل المفصل على القناة.  
[Chaine youtube:](#)  
Prof-AhmedTrir

$z_1$  و  $z_2$  عدنان مركبان بحيث:  
 $z_2 = 6 \left( \cos \frac{7\pi}{6} + i \sin \frac{7\pi}{6} \right); z_1 = 3 \left( \cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$   
أوجد الطويلة وعمدة لكل من  $\frac{z_1}{z_2}$  و  $z_1 \times z_2$ .

### تمرين 07:

$z_1$  و  $z_2$  عدنان مركبان بحيث  $z_2 = 1 - i$  و  $z_1 = \frac{1}{2}(\sqrt{6} - i\sqrt{2})$

(1) اكتب على الشكل المثلثي الأعداد المركبة التالية:  $z_1$ ،  $z_2$ ،  $Z = \frac{z_1}{z_2}$

$Z' = z_1 \times z_2$

(2) اكتب على الشكل الجبري كلا من  $Z$  و  $Z'$ .

(3) استنتج قيمة لكل من  $\cos \frac{\pi}{12}$ ،  $\sin \frac{\pi}{12}$ ،  $\cos \frac{5\pi}{12}$ ،  $\sin \frac{5\pi}{12}$ .

### تمرين 08:

$z$  عدد مركب بحيث  $z = \sqrt{2 - \sqrt{2}} + i\sqrt{2 + \sqrt{2}}$   
1. أحسب  $z^2$  و  $z^4$ .

2. اكتب  $z^4$  على الشكل المثلثي.

3. استنتج الشكل المثلثي للعدد  $z$

4. أحسب  $\cos \frac{3\pi}{8}$  و  $\sin \frac{3\pi}{8}$ .

5. عين قيم العدد الطبيعي  $n$  حتى يكون  $z^n$  حقيقيا.

### تمرين 09:

$z_1$ ،  $z_2$ ،  $Z$  أعداد مركبة بحيث:

$Z = z_1 \times z_2$ ،  $z_2 = \frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}$ ،  $z_1 = -1 - i$

1. اكتب على الشكل المثلثي الأعداد المركبة التالية:  $z_1$ ،  $z_2$ ،  $Z$

2. اكتب على الشكل الجبري العدد المركب  $Z$

3. استنتج قيمة لكل من  $\cos \frac{11\pi}{12}$ ،  $\sin \frac{11\pi}{12}$ .

### تمرين 10:

اكتب على الشكل الجبري كلا من :

$z_1 = 2e^{i\frac{\pi}{6}}$ ،  $z_2 = \sqrt{2}e^{-i\frac{\pi}{4}}$ ،  $z_3 = 4e^{i\frac{2\pi}{3}}$

### تمرين 11:

اكتب على الشكل الأسّي كلا من :

$z_1 = 2 \left( \cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$ ،  $z_2 = \cos \frac{-2\pi}{3} + i \sin \frac{-2\pi}{3}$ ،  $z_3 = 1 + i$

$z_4 = -2$ ،  $z_5 = -2i$

Page FB:

Prof AhmedTrir

Chaine youtube:

Prof-AhmedTrir

instagram:

ProfAhmedTrir

اكتب على الشكل الأسّي كلا من:

$$z_3 = (-1 + i\sqrt{3})^5, \quad z_2 = (2 + 2i)(\sqrt{3} - i), \quad z_1 = \frac{2 + 2i}{\sqrt{3} - i}$$

الحل المفصل على القناة.

Chaine youtube:

Prof-AhmedTrir

$$z = -\sqrt{\frac{2-\sqrt{3}}{2}} - i\sqrt{\frac{2+\sqrt{3}}{2}} \text{ بحيث}$$

1. أحسب  $z^2$ .
2. عين الطويلة وعمدة للعدد المركب  $z^2$ .
3. استنتج الطويلة وعمدة للعدد المركب  $z$ .
4. استنتج  $\sin \frac{17\pi}{12}$  ،  $\cos \frac{17\pi}{12}$ .

حل في مجموعة الأعداد المركبة  $C$  المعادلات التالية ذات المجهول  $z$  واكتب الحلول على الشكل الجبري.

$$z + 1 = (1 - i)\bar{z} + 3 + i \quad (\text{ب}) \quad i\bar{z} = 2 - 3i \quad (\text{أ})$$

أحسب  $(2 - 5i)^2$  و  $(\sqrt{3} + 2i)^2$  واستنتج الجذرين التربيعيين لكل من العددين :  $a = -21 - 20i$  ،  $b = -1 + 4i\sqrt{3}$ .

$P(Z)$  كثير حدود حيث:  $P(Z) = (Z - 1 - i)(Z^2 - 2Z + 4)$  و  $Z$  عدد مركب

Page FB:

Prof AhmedTrir

Chaine youtube:

Prof-AhmedTrir

instagram:

ProfAhmedTrir

(1) حل في المجموعة  $C$  المعادلة  $P(Z) = 0$ .

(2) نضع:  $Z_1 = 1 + i$  ؛  $Z_2 = 1 - \sqrt{3}i$

(أ) أكتب  $Z_1$  و  $Z_2$  على الشكل الأسّي.

(ب) أكتب  $\frac{Z_1}{Z_2}$  على الشكل الجبري ثم الشكل الأسّي.

(ج) استنتج القيمة المضبوطة لكل من  $\cos\left(\frac{7\pi}{12}\right)$  و  $\sin\left(\frac{7\pi}{12}\right)$

(3) (أ) عدد طبيعي. عين قيم  $n$  بحيث يكون العدد  $\left(\frac{Z_1}{Z_2}\right)^n$  حقيقياً.

(ب) احسب قيمة العدد  $\left(\frac{Z_1}{Z_2}\right)^{456}$ .

## سلسلة تمارين – 02-

## الجزء الثاني

## الأعداد المركبة

## تمرين 01:

نعتبر في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$  النقطتين  $A$  و  $B$  اللتين لاحقتهما على الترتيب:  $z_A = 1+i$  و  $z_B = 3i$ .

(1) اكتب على الشكل الآسي:  $z_A$  و  $z_B$ .

(2) ليكن  $S$  التشابه المباشر الذي يرفق بكل نقطة  $M$  لاحقتها  $z$  النقطة  $M'$  ذات اللاحقة  $z'$  حيث:

$$z' = 2iz + 6 + 3i$$

(أ) عين العناصر المميزة للتشابه المباشر  $S$ .

(ب) عين  $z_C$  لاحقة النقطة  $C$  صورة النقطة  $A$  بالتشابه المباشر  $S$ .

(ج) استنتج طبيعة المثلث  $ABC$ .

(3) لتكن النقطة  $D$  مرجح الجملة  $\{(A;2), (B;-2), (C;2)\}$ .

(أ) عين  $z_D$  لاحقة النقطة  $D$ .

(ب) عين مع التبرير طبيعة الرباعي  $ABCD$ .

(4) لتكن  $M$  نقطة من المستوي تختلف عن  $B$  وعن  $D$  لاحقتها  $z$  ولتكن  $(\Delta)$  مجموعة النقط  $M$  ذات

اللاحقة  $z$  التي يكون من أجلها  $\frac{z_B - z}{z_D - z}$  عددا حقيقيا موجبا تماما.

(أ) تحقق أن النقطة  $E$  ذات اللاحقة  $z_E = 6 + 3i$  تنتمي إلى  $(\Delta)$ .

(ب) أعط تفسيراً هندسياً لعمدة العدد المركب  $\frac{z_B - z}{z_D - z}$ . عين حينئذ المجموعة  $(\Delta)$ .

## تمرين 02:

نعتبر في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$  ، النقط  $A$  ،  $B$  و  $C$  التي لاحقاتها على

الترتيب:  $z_A = -i$  ،  $z_B = 2 + 3i$  و  $z_C = -4 + i$

1. أ - اكتب على الشكل الجبري العدد المركب  $\frac{z_C - z_A}{z_B - z_A}$ .

ب - عين طولاً العدد المركب  $\frac{z_C - z_A}{z_B - z_A}$  وعمدة له ؛ ثم استنتج طبيعة المثلث  $ABC$ .

2. نعتبر التحويل النقطي  $T$  في المستوي الذي يرفق بكل نقطة  $M$  ذات اللاحقة  $z$  ، النقطة  $M'$  ذات اللاحقة  $z'$  حيث:

$$z' = iz - 1 - i$$

أ - عين طبيعة التحويل  $T$  محدداً عناصره المميزة.

ب - ما هي صورة النقطة  $B$  بالتحويل  $T$ .

3. لتكن  $D$  النقطة ذات اللاحقة  $z_D = -6 + 2i$ .

أ - بين أن النقاط  $A$  ،  $C$  و  $D$  في استقامة.

ب - عين نسبة التحاكي  $h$  الذي مركزه  $A$  ويحول النقطة  $C$  إلى النقطة  $D$ .

ج - عين العناصر المميزة للتشابه  $S$  الذي مركزه  $A$  ويحول  $B$  إلى  $D$ .

BAC - 2020

### تمرين 03:

- 1) حل في  $\mathbb{C}$  مجموعة الأعداد المركبة، المعادلة (I) ذات المجهول  $z$  التالية:  

$$z^2 - (4\cos\alpha)z + 4 = 0 \dots\dots\dots(I)$$
 حيث  $\alpha$  وسيط حقيقي.
- 2) من أجل  $\alpha = \frac{\pi}{3}$ ؛ نرسم إلى حلي المعادلة (I)  $z_1$  و  $z_2$ . بين أن:  $\left(\frac{z_1}{z_2}\right)^{2013} = 1$ .
- 3) نعتبر في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$  النقط  $A, B, C$  التي لاحقاتها:  $z_A = 1+i\sqrt{3}$ ؛  $z_B = 1-i\sqrt{3}$  و  $z_C = 4+i\sqrt{3}$  على الترتيب.  
 أ) أنشئ النقط  $A, B, C$ .  
 ب) اكتب على الشكل الجبري العدد المركب  $\frac{z_C - z_A}{z_B - z_A}$ ، ثم استنتج أن  $C$  هي صورة  $B$  بالتشابه المباشر  $S$  الذي مركزه  $A$  ويطلب تعيين نسبته و زاويته.  
 ج) عين لاحقة النقطة  $G$  مرجح الجملة  $\{(A; 1), (B; -1), (C; 2)\}$ ، ثم أنشئ  $G$ .  
 د) احسب لاحقة النقطة  $D$ ، بحيث يكون الرباعي  $ABDG$  متوازي أضلاع.

### تمرين 04:

- 1) حل في مجموعة الأعداد المركبة  $\mathbb{C}$  المعادلة  $z^2 - 6\sqrt{2}z + 36 = 0$ .
- 2) المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$ ، لتكن النقط  $A, B, C, D$  التي لاحقاتها على الترتيب:  $z_A = 3\sqrt{2}(1+i)$ ،  $z_B = \overline{z_A}$ ،  $z_C = 6\sqrt{2}$  و  $z_D = \frac{z_C}{2}$ .  
 أ) اكتب  $z_A, z_B, z_C$  على الشكل الأسّي.  
 ب) احسب  $\left(\frac{(1+i)z_A}{6\sqrt{2}}\right)^{2014}$ .  
 ج) بين أن النقط  $O, A, B, C$  تنتمي إلى نفس الدائرة التي مركزها  $D$ ، يطلب تعيين نصف قطرها.  
 د) احسب  $\frac{z_B - z_C}{z_A - z_C}$  ثم جد قياسا للزاوية  $(\overline{CA}; \overline{CB})$ . ما هي طبيعة الرباعي  $OACB$ ؟  
 3) ليكن  $R$  الدوران الذي مركزه  $O$  و زاويته  $\frac{\pi}{2}$ .  
 أ) اكتب العبارة المركبة للدوران  $R$ .  
 ب) عين لاحقة النقطة  $C'$  صورة  $C$  بالدوران  $R$  ثم تحقق أن النقط  $A, C, C'$  في استقامة.  
 ج) عين لاحقة النقطة  $A'$  صورة  $A$  بالدوران  $R$  ثم حدّد صورة الرباعي  $OACB$  بالدوران  $R$ .

الحل المفصل على القناة.

Chaine youtube:

Prof-AhmedTrir

- (I) عيّن العددين المركبين  $\alpha$  و  $\beta$  حيث :  $\begin{cases} 2\alpha - \beta = -3 \\ 2\bar{\alpha} + \bar{\beta} = -3 - 2i\sqrt{3} \end{cases}$  مع  $\bar{\alpha}$  مرافق  $\alpha$  و  $\bar{\beta}$  مرافق  $\beta$ .
- (II) المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$  ،  $A$  ،  $B$  و  $C$  النقطة التي لاحقاتها على الترتيب :

$$z_A = z_C \cdot e^{i\frac{\pi}{3}} \quad \text{و} \quad z_B = \bar{z}_A \quad , \quad z_A = -\frac{3}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$$

(1) أ) اكتب  $z_C$  و  $z_A$  على الشكل الأسّي ثمّ عيّن قيم العدد الطبيعي  $n$  حتى يكون  $\left(\frac{z_A}{z_C}\right)^n$  حقيقياً سالباً.

ب) تحقق أنّ العدد المركب  $2\left(\frac{z_A}{\sqrt{3}}\right)^{2015} + \left(\frac{z_B}{\sqrt{3}}\right)^{1962} - \left(\frac{z_C}{\sqrt{3}}\right)^{1435}$  حقيقي.

(2)  $D$  النقطة ذات اللاحقة  $z_D = 1+i$ .

أ) حدّد النسبة وزاوية للتشابه المباشر  $S$  الذي مركزه  $O$  ويحول  $D$  إلى  $A$ .

ب) اكتب  $\frac{z_A}{z_D}$  على الشكل الجبري ثمّ استنتج القيمة المضبوطة لكل من :  $\cos\left(\frac{7\pi}{12}\right)$  و  $\sin\left(\frac{7\pi}{12}\right)$ .

(3) عيّن مجموعة النقط  $M$  ذات اللاحقة  $z$  التي تحقق :  $z = k(1+i)e^{i\left(\frac{7\pi}{12}\right)}$  حيث  $k$  يمسح  $\mathbb{R}^+$ .

المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$  . من أجل كل نقطة  $M$  من المستوي لاحقتها

العدد المركب  $z$  حيث  $(z \neq 1)$  نرفق النقطة  $M'$  لاحقتها العدد المركب  $z'$  حيث :  $z' = \frac{z-2}{z-1}$ .

(1) حل في  $C$  المعادلة ذات المجهول  $z$  :  $z' = z$ .

(2) النقطتان  $A$  و  $B$  لاحقاتهما على الترتيب  $z_1$  و  $z_2$  حيث :  $z_1 = 1-i$  و  $z_2 = \bar{z}_1$ .

أ - اكتب  $\frac{z_2}{z_1}$  على الشكل الأسّي.

ب - بين أنّ النقطة  $B$  هي صورة للنقطة  $A$  بالدوران  $R$  الذي مركزه المبدأ  $O$  ، يُطلب تعيين زاوية له.

(3) نضع  $z' \neq z$  . نعتبر النقطتين  $C$  و  $D$  لاحقتيهما 2 و 1 على الترتيب.

عيّن  $(\Gamma)$  مجموعة النقط  $M$  حيث  $M'$  تنتمي إلى محور الترتيب ثم أنشئ  $(\Gamma)$ .

(4) التحاكي الذي مركزه المبدأ  $O$  ونسبته 2.

أ - عيّن طبيعة التحويل النقطي  $S = h \circ R$  وعناصره المميزة .

ب - اكتب العبارة المركبة للتحويل  $S$ .

ج - عيّن ثم أنشئ المجموعة  $(\Gamma')$  صورة  $(\Gamma)$  بالتحويل النقطي  $S$ .

## تمرين 07:

- (1) حل في مجموعة الأعداد المركبة  $\mathbb{C}$ ، المعادلة:  $\left(z - \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i\right)(z^2 + \sqrt{3}z + 1) = 0$ .
- (2) المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$ .  $A$ ،  $B$  و  $C$  نقط المستوي التي لاحقاتها على الترتيب:  $z_A = \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i$ ،  $z_B = -\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i$  و  $z_C = \bar{z}_B$ .
- (أ) اكتب  $z_A$ ،  $z_B$  و  $z_C$  على الشكل الأسّي.
- (ب) بين أنه يوجد تشابه مباشر  $S$  مركزه  $B$  ويحول النقطة  $C$  إلى النقطة  $A$  يطلب تعيين عناصره المميزة.
- (3) (أ) عين لاحقة النقطة  $D$  حتى يكون الرباعي  $ABCD$  متوازي أضلاع، ثم حدّد بدقة طبيعته.
- (ب) عين  $(E)$  مجموعة النقط  $M$  ذات اللاحقة  $z$  والتي تحقق:  $|z - z_A| = |\bar{z} - z_B|$  حيث  $\bar{z}$  هو مرافق  $z$ .
- (ج) عين  $(\Gamma)$  مجموعة النقط  $M$  ذات اللاحقة  $z$  والتي تحقق:  $z = z_B + \sqrt{3}e^{i\theta}$  عندما  $\theta$  يتغير على  $\mathbb{R}$ . ثم تحقق أن النقطة  $A$  تنتمي إلى  $(\Gamma)$ .

## تمرين 08:

- (I) حل في مجموعة الأعداد المركبة  $\mathbb{C}$  المعادلة:  $(z+2)(z^2 - 4z + 8) = 0$ .
- (II) المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$ .
- نعتبر النقط  $A$ ،  $B$  و  $C$  التي لاحقاتها:  $z_A = 2 - 2i$ ،  $z_B = \bar{z}_A$  و  $z_C = -2$ .
- (1) اكتب كلا من  $z_A$  و  $z_B$  على الشكل الأسّي.
- (2) عين  $z_D$  لاحقة النقطة  $D$  حتى تكون النقطة  $B$  مركز ثقل المثلث  $ACD$ .
- (3)  $(\Gamma)$  مجموعة النقط  $M$  من المستوي ذات اللاحقة  $z$  ( $M$  تختلف عن  $A$  و  $B$ ) حيث  $\arg\left(\frac{z_B - z}{z_A - z}\right) = \frac{\pi}{2}$ .
- تحقق أن مبدأ المعلم  $O$  هو نقطة من  $(\Gamma)$  ثم عين طبيعة المجموعة  $(\Gamma)$  وأنشئها.
- (4) ليكن  $h$  التحاكي الذي مركزه النقطة  $C$  ونسبته 2،  $(\Gamma')$  صورة  $(\Gamma)$  بالتحاكي  $h$  عين طبيعة المجموعة  $(\Gamma')$  مع تحديد عناصرها المميزة.

Page FB:

Prof Ahmed Trir

Chaîne youtube:

Prof-Ahmed Trir

instagram:

ProfAhmedTrir

الحل المفصل على القناة.

Chaîne youtube:

Prof-AhmedTrir

## تمرين 09:

المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$ .

نعتبر النقط  $A$  ،  $B$  و  $C$  التي لآحقاتها  $z_A = -3 - 2i$  ،  $z_B = 1 + i$  ، و  $z_C = 4 - 3i$ .

(1) عيّن النسبة وزاوية للتشابه المباشر  $S$  ذي المركز  $A$  والذي يحوّل النقطة  $B$  إلى النقطة  $C$ .

(2) اكتب على الشكل الأسّي العدد المركب  $\frac{z_A - z_B}{z_C - z_B}$  ، ثم استنتج طبيعة المثلث  $ABC$ .

(3) نرسم  $G$  إلى مركز ثقل المثلث  $ABC$  و  $I$  إلى منتصف القطعة  $[AC]$

عيّن كلاً من  $z_I$  و  $z_G$  لآحقتي النقطتين  $I$  و  $G$  ، ثم بيّن أنّ النقط  $B$  ،  $G$  و  $I$  في استقامة.

(4) نعتبر النقطة  $D$  نظيرة  $B$  بالنسبة إلى  $I$  ، حدّد بدقة طبيعة الرباعي  $ABCD$ .

(5) نعتبر  $(\Gamma)$  مجموعة النقط  $M$  من المستوي التي تحقق:  $\|\overline{MA} + \overline{MC}\| = 5\sqrt{2}$ .

(أ) تحقق أنّ النقطة  $C$  تنتمي إلى  $(\Gamma)$ .

(ب) عيّن طبيعة المجموعة  $(\Gamma)$  ثم أنشئها.

## تمرين 10:

I. حل في مجموعة الأعداد المركبة  $\mathbb{C}$  المعادلة ذات المجهول  $z$  التالية:  $(z-i)(z^2-4z+5)=0$ .

II. نعتبر في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$  ، النقط  $A$  ،  $B$  و  $C$  التي لآحقاتها  $i$  ،  $2-i$  و  $2+i$  على الترتيب.

(1) اكتب العدد المركب  $\frac{z_C - z_A}{z_C - z_B}$  على الشكل الأسّي، ثم استنتج طبيعة المثلث  $ABC$ .

(2) من أجل كل عدد مركب  $z$  يختلف عن  $2+i$  نضع  $f(z) = \frac{iz-1-2i}{2z-4-2i}$

(أ) عين المجموعة  $(E)$  للنقط  $M$  من المستوي ذات اللاحة  $z$  التي تحقق:  $|f(z)| = \frac{1}{2}$

(ب) بيّن أنّ العدد  $[f(i)]^{1440}$  حقيقي موجب.

(3) نعتبر الدوران  $r$  الذي مركزه  $C$  و زاويته  $\frac{\pi}{2}$ .

(أ) عيّن لآحة  $D$  صورة  $B$  بالدوران  $r$  وبيّن أنّ النقط  $D$  ،  $A$  و  $C$  في استقامة.

(ب) استنتج أنّ  $D$  هي صورة النقطة  $A$  بتحويل نقطي بسيط يطلب تحديد طبيعته وعناصره.

Page FB:

Prof AhmedTrir

Chaîne youtube:

Prof-AhmedTrir

instagram:

ProfAhmedTrir