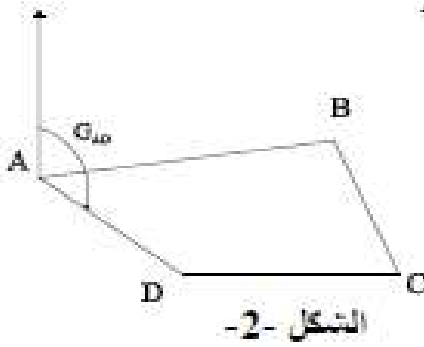


## سلسلة رقم 4 تمارين حساب المساحات

### التمرين 51

نعتبر دراسة قطعة أرض لمشروع بناية ABCD كما هو موضح في الشكل التالي:  
أحداثيات رؤوسها موضحة في الجدول التالي.



| النقاط | X(m)   | Y(m)   |
|--------|--------|--------|
| A      | 350.00 | 100.00 |
| B      | 710.00 | 150.00 |
| C      | 750.00 | 60.00  |
| D      | $X_D$  | $Y_D$  |

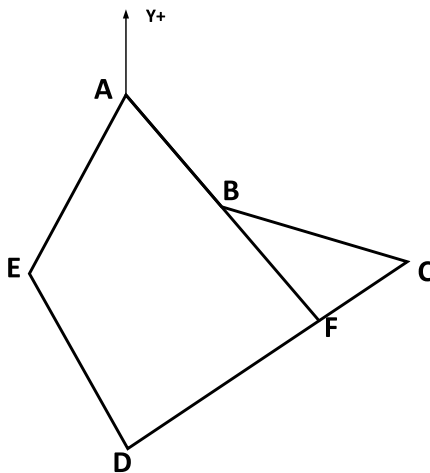
- السميت الاحداثي :  $G_{AD} = 158.40 \text{ grd}$
- المسافة الأفقية:  $AD = 50.40 \text{ m}$

#### المطلوب:

- أحسب أحداثيات النقطة D.
- أحسب مساحة القطعة ABCD.

### التمرين 52

يتمثل المشروع في قطعة أرض ABCDE خماسية الشكل معرفة بإحداثياتها القائمة الديكارتية (كما هو مبين على الرسم التالي):



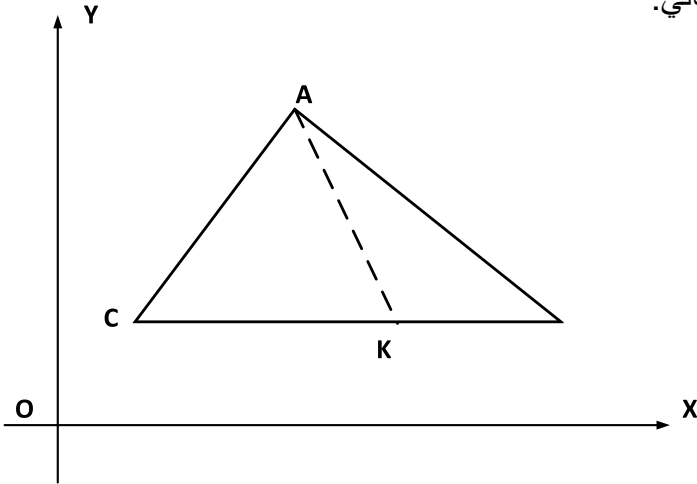
| النقاط | X (m) الفواصل | Y (m) الترتيب |
|--------|---------------|---------------|
| A      | 150           | 260           |
| B      | 254           | 138           |
| C      | 456           | 78            |
| D      | 152           | -126          |
| E      | 45            | 65            |

#### العمل المطلوب:

1. أحساب مساحة القطعة الخماسية ABCDE .
2. أ أراد المالك أن يبيع الجزء المتمثل في القطعة BCF .  
أ - أحسب زاويتي السميت :  $G_{BC}$  ,  $G_{BA}$  .  
ب - أستنتج  $G_{AB}$  و  $G_{BF}$  حيث ان النقط A ; B ; F في إستقامية .  
ج - أحسب مساحة القطعة المراد بيعها .  
هـ - أحسب الإحداثيات القائمة للنقطة F حيث  $BCF$  أن المسافة الأفقية  $BF = 163.45 \text{ m}$  .

### التمرين 53

ورث شقيقان قطعة أرض شكلها كما هو مبين على الرسم التالي:



| النقاط | X(m)   | Y(m)   |
|--------|--------|--------|
| A      | 100.00 | 160.00 |
| B      | 200.00 | 80.00  |
| C      | 40.00  | 80.00  |

### العمل المطلوب:

- أحسب مساحة القطعة ABC بالأحداثيات القائمة.
- أراد الشقيقان اقتسام هذه الأرض الى نصفين:  
- أوجد الإحداثيات القائمة للنقطة K التي تحقق  $AKC = ABK$
- أحسب السمات الإحداثي  $G_{AB}$  ,  $G_{AC}$ .
- أحسب طول كل من AB و AC.
- تأكد من مساحة القطعة ABC بطريقة ثانية.

### التمرين 54

لنكن لدينا قطعة الأرض المعرفة برؤوسها ABCD كما

في الشكل (2) حيث :

$$\alpha = 63.728 \text{ gr} , B(220 ; 580)$$

$$A(150 ; 600)$$

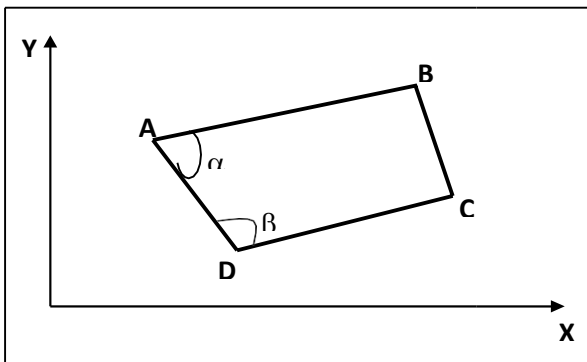
$$D(60 ; 550)$$

### المطلوب :

- أحسب السمات الإحداثي  $G_{AB}$  و الطول  $L_{AB}$ .
- أحسب إحداثيات النقطة C - يعطى  $L_{AC} = 104.403m$ .
- أحسب مساحة القطعة الأرضية ABC بإستعمال الإحداثيات القطبية، إستنتج مساحة القطعة الأرضية ABCD حيث  $S_1 = 5250 m^2$ .
- تحقق من المساحة SABCD بإستعمال الإحداثيات القائمة.

### التمرين 55

قامت فرقة طوبوغرافية بمسح أرضية على شكل رباعي (A,B,C,D) فتحصلت على الجدول التالي :



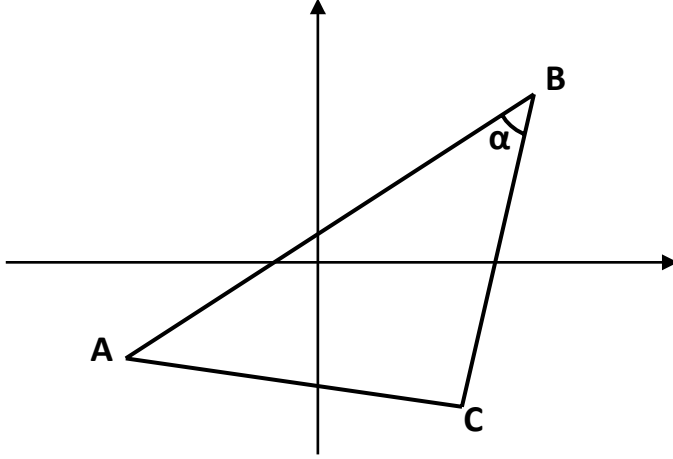
| النقاط | X(m)   | Y(m)   |
|--------|--------|--------|
| A      | 80.00  | 150.00 |
| B      | 270.00 | 200.00 |
| C      | ?      | ?      |
| D      | 140.00 | 50.00  |

### المطلوب :

- 1) أحسب السموت  $G_{AD}$  ،  $G_{DC}$  – تعطى زاوية الركن  $\beta=115.55gr$ .
- 2) عين إحداثيات النقطة C (  $Y_c ; X_c$  ) حيث  $L_{DC}=167.159m$ ، ثم احسب مساحة المضلع ABCD.

### التمرين 56

قطعة ارض (ABC) موضحة في الشكل(6)، معرفة بالإحداثيات القائمة لرؤوسها المعطاة في الجدول:



| النقاط | X(m)    | Y(m)    |
|--------|---------|---------|
| A      | -200.00 | -100.00 |
| B      | 200.25  | 175.00  |
| C      | $X_c$   | $Y_c$   |

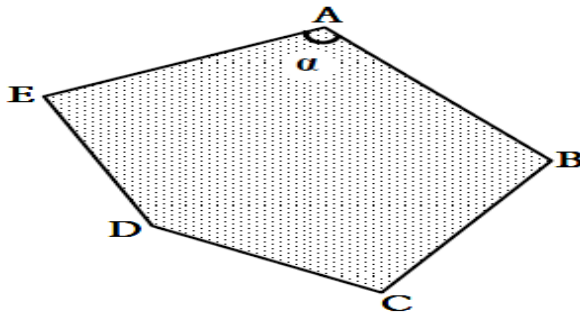
يعطى:  $\alpha = 52grd$  ;  $L_{BC}=328,86m$

### المطلوب:

1. احسب السموت الحداثي  $G_{AB}$ ، ثم استنتج السموت الحداثي  $G_{BC}$ .
2. احسب إحداثيات النقطة C.
3. احسب مساحة القطعة (ABC) باستعمال طريقة الإحداثيات القائمة.
4. تأكد من المساحة باستعمال الإحداثيات القطبية.

### التمرين 57

لدينا قطعة ارض ABCDE معرفة بالإحداثيات القائمة التالية:



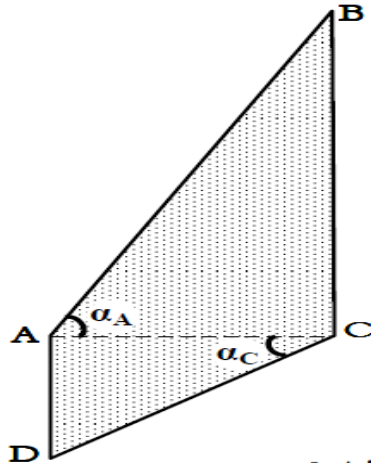
| النقاط | X (m) | Y (m) |
|--------|-------|-------|
| A      | 60    | 60    |
| B      | 100   | 40    |
| C      | 70    | 20    |
| D      | 30    | 30    |
| E      | 10    | 50    |

### المطلوب:

1. أحسب مساحة القطعة  $S_{ABCDE}$  باستعمال طريقة الإحداثيات الديكارتية ( القائمة ).
2. احسب السموت الحداثي  $G_{AB}$  و  $G_{AE}$ .
3. استنتج قيمة الزاوية  $\alpha$ .
4. أحسب طول الضلع  $L_{AB}$ .

### التمرين 58

قام طوبوغرافي بأخذ بعض القياس للقطعة الأرضية الموضحة في الشكل أسفله وتحصل على النتائج المدونة في الجدول:



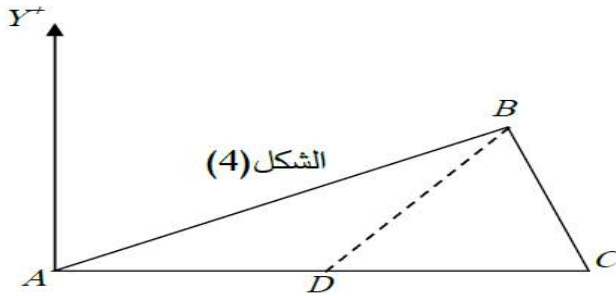
| النقاط | X (m) | Y (m) | الأطوال (m) | الزوايا (grad)     |
|--------|-------|-------|-------------|--------------------|
| A      | 100   | 100   | AB = 31.62  | $G_{CD} = 250$     |
| B      | 110   | 130   | BC = 30.00  | $\alpha_A = 79.52$ |
| C      | 110   | 100   | CD = 14.14  | $\alpha_C = 50.00$ |
| D      | ?     | ?     | DA = 10.00  |                    |

### العمل المطلوب:

- أحسب مساحة القطعة ABCD باستعمال طريقة الإحداثيات الديكارتية ( القائمة ).
- تأكد من المساحة باستعمال طريقة الإحداثيات القطبية.

### التمرين 59

ABC قطعة ارض موضحة في الشكل (4)، معرفة بالأحداثيات القائمة لرؤوسها المعطاة في الجدول التالي:



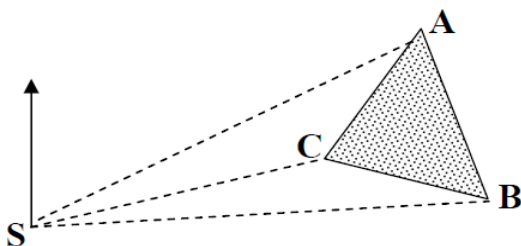
| الرؤوس | الإحداثيات القائمة |        |
|--------|--------------------|--------|
|        | X(m)               | Y(m)   |
| A      | 100.20             | 501.50 |
| B      | 218.45             | 531.50 |
| C      | 234.80             | 501.50 |
| D      | $X_D$              | $Y_D$  |

### العمل المطلوب:

- أحسب مساحة القطعة الأرضية ABC.
- أحسب السميتين الاحداثيين  $G_{AB}$ ,  $G_{AC}$  والمسافتين الأفقيتين AB و AC.
- احسب مساحة القطعة الأرضية ABC بطريقة أخرى.
- D نقطة من [AC], اذا علمت أن مساحة القطعة ABD هي نصف مساحة القطعة ABC :  
 أ - احسب المسافة الأفقية AD.  
 ب- حدد إحداثيات الرأس D.

### التمرين 60

لتكن قطعة ارض مضلعة حسب الشكل 02 معرفة بالإحداثيات القطبية حسب الجدول التالي :



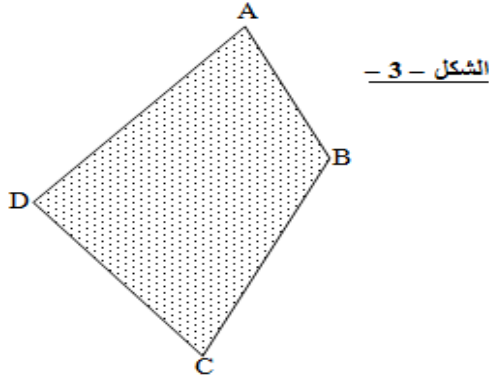
| ضلع         | SA    | SB     | SC    |
|-------------|-------|--------|-------|
| المسافة (m) | 60.00 | 108.00 | 42.00 |
| السمت (gr)  | 65.90 | 125.00 | 98.00 |

## المطلوب :

- 1 - احسب مساحة قطعة الأرض بطريقة الإحداثيات القطبية.
- 2 - احسب الإحداثيات القائمة للنقاط A و B و C علما أن إحداثيات:  $S(100.00, 100.00)$

## التمرين 61

أحدى البنايات تقع في قطعة أرض رباعية معرفة برسمها التخطيطي على الشكل -3- وأحداثياتها المستطيلة مبينة في الجدول التالي:



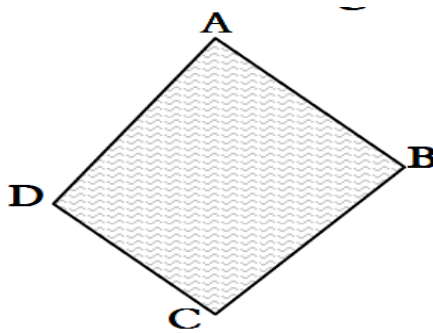
| النقاط | X(m)   | Y(m)   |
|--------|--------|--------|
| A      | 245.00 | 297.00 |
| B      | 317.00 | 239.00 |
| C      | 236.00 | 186.00 |
| D      | $X_D$  | $Y_D$  |

## العمل المطلوب :

1. اذا علمت ان السميت الأحدثي لـ AD  $G_{AD}=228.1975\text{gr}$  والمسافة AD تقدر بـ  $d_{AD}=86.33\text{m}$ .
- تحقق أن :  $X_D = 208.00$  و  $Y_D = 219.00$ .
2. أحسب مساحة القطعة ABCD بطريقة الإحداثيات المستطيلة.
3. أحسب السموت  $G_{AB}$ ,  $G_{AC}$  السميت الأحدثي لـ AB و AC عاى الترتيب .  
- أستنتج المسافة AB و AC.
4. باستخدام الإحداثيات القطبية تأكد أن مساحة القطعة ABCD تقدر بـ :  $A= 5959.5 \text{ m}^2$ .

## التمرين 62

لإنجاز مشروع قمنا بعملية مسح للقطعة الممثلة في الشكل الموالي فتحصلنا على النتائج التالية:



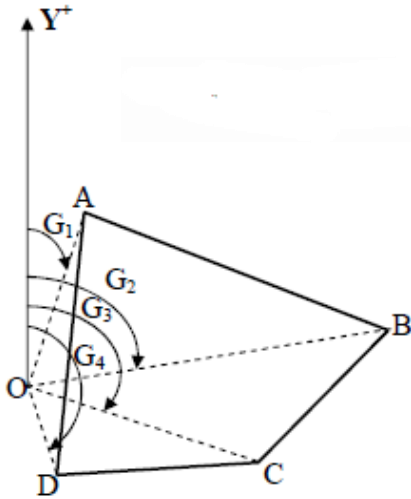
| النقاط | L(m) | G(gr) |
|--------|------|-------|
| AB     | 43   | 155   |
| AD     | 58   | 235   |
| BC     | 50   | 245   |
| DC     | 38   | 125   |

## المطلوب :

- 1) إستنتج قيم السموت الأحدثية  $G_{BA}$  و  $G_{DA}$ .
- 2) احسب مساحة قطعة الأرض ABCD

### التمرين 63

لإنجاز بناية سكنية خصصت قطعة أرض ABCD حيث تم تحديد رؤوسها بالإحداثيات القطبية التالية:



| المسافة L | السمت G | الاتجاه |
|-----------|---------|---------|
| 30        | 20      | OA      |
| 60        | 90      | OB      |
| 40        | 120     | OC      |
| 15        | 180     | OD      |

\* احسب مساحة القطعة الأرضية ABCD .

### التمرين 64

وضع الجهاز في النقطة S علما أن إحداثياتها S(100 , 110)m .

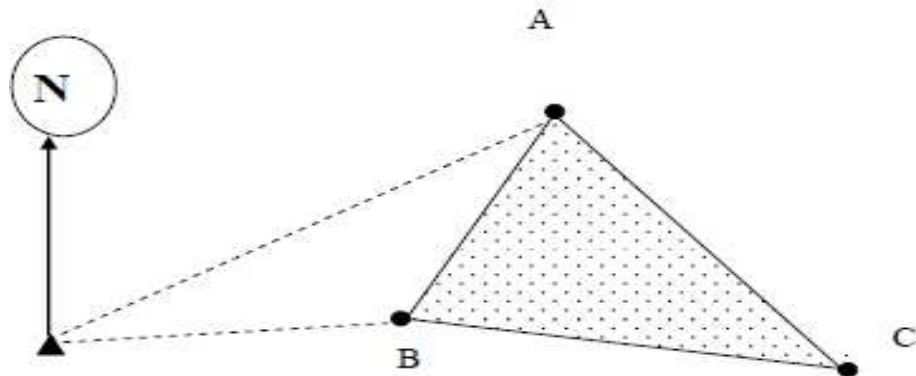
قبل القياس ضبطت الزاوية عند  $H_z = 0.00gr$  في اتجاه الشمال ثم رصدت النقطتين A و B وكانت القراءات كالتالي :

$$A \begin{cases} L_s = 2.425 \\ L_i = 1.945 \\ V = 92grd \\ H_z = 30grd \end{cases}$$

$$B \begin{cases} L_s = 3.125 \\ L_i = 2.840 \\ V = 115grd \\ H_z = 80grd \end{cases}$$

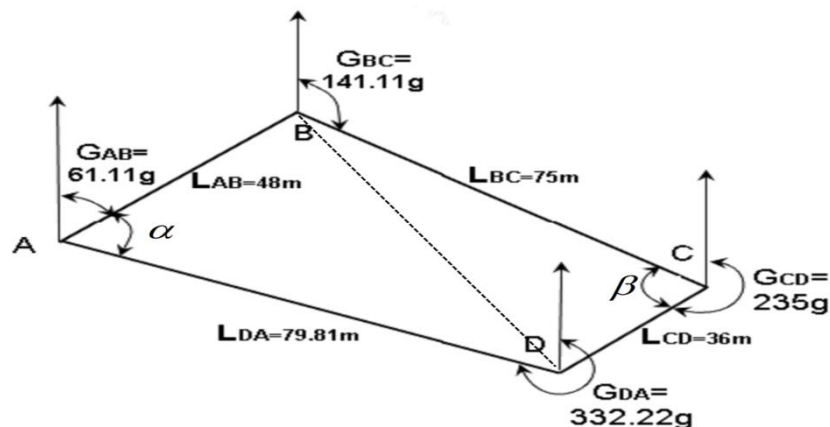
### المطلوب :

1. احسب الإحداثيات القائمة للنقاط A و B.
2. إذا كان المثلث ABC متساوي الأضلاع أ - احسب الأحداثيات القائمة للنقطة C.
- ب - احسب مساحة المثلث بطريقة الإحداثيات المستطيلة.



## التمرين 65

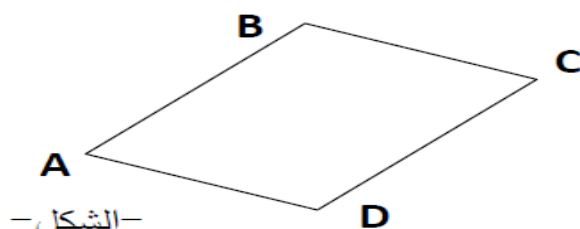
باستعمال المعطيات الموضحة في الشكل.



- 1 أحسب -الزاويا  $\alpha$  و  $\beta$
- 2- مساحة المثلثين BAD و BCD.
- 3- استنتج مساحة المضلع ABCD.

## التمرين 66

لغرض أنجاز مؤسسة تربية تتطلب مساحة قدرها  $2000m^2$  بقطعة أرض تتوسط تجمعاً سكنياً فكان علينا التوجه الى الطوبوغرافي لمسح القطعة الموضحة في الشكل ومعرفة مساحتها:



### إحداثيات النقاط:

C (80 ; 50) , B (50 ; 50) , A (30 ; 30)

$L_{CD}= 50.00m$  : المسافة الأفقية

$G_{CD}=240.97gr$  : السمت الإحداثي

-الشكل-

- اعتماداً على ماسبق تحقق اذا كانت مساحة قطعة الأرض كافية لانجاز المشروع.

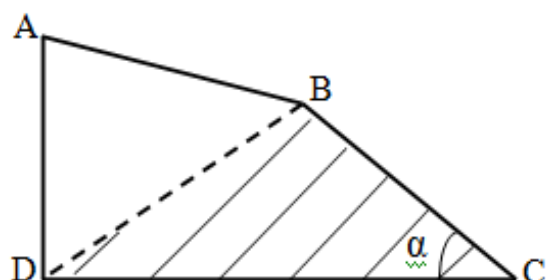
## التمرين 67

لدينا قطعة أرض مخصصة لمشروع بنايات سكنية كما هو موضح في الشكل التالي:

- 1- إحداثياته القائمة مبينة في الجدول
- 2- إحداثياته القطبية مبينة في الجدول

| الجدول -2-   |        |              |        |
|--------------|--------|--------------|--------|
| السموت ( gr) |        | الأطوال ( m) |        |
| $G_{AB}$     | 125.91 | AB           | 196.59 |
| $G_{AD}$     | ?      | AD           | 329.89 |
| $G_{CD}$     | ?      | CD           | 47.302 |
| $G_{CB}$     | ?      | CB           | ?      |

| الجدول -1- |        |        |
|------------|--------|--------|
| النقاط     | X(m)   | Y(m)   |
| A          | 221.35 | 998.73 |
| B          | 401.88 | 920.91 |
| C          | 523.82 | 668.84 |
| D          | 221.35 | 668.84 |



### العمل المطلوب:

1. أحساب مساحة القطعة ABCD .
2. إستنتج  $G_{AD}$  و  $G_{CD}$  ثم أحسب السموت :  $G_{CB}$
3. أحسب الزاوية ( $\alpha$ ) والمسافة الأفقية  $D_{CB}$  .
4. ثم أحسب مساحة القطعة BCD .
5. مساحة القطعة ABD تقدر بـ:  $29777.52m^2$  تحقق من مساحة القطعة ABCD .