



اختبار في مادة: الرياضيات

لمدة: 02 ساعات ونصف

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين :  
الموضوع الأول

التمرين الأول (06 ن)

عين الاقتراح الصحيح من بين الاقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات الخمسة مع التبرير :

الاقتراح (ج)	الاقتراح (ب)	الاقتراح (أ)	
2	9	8	1 عدد قواسم العدد 1444 هو
6	7	-1	2 إذا كان $a \equiv -1[8]$ فإن باقي قسمة $a$ على 8 هو :
3	4	2	3 العددين 2023 و 1444 متوافقان برديد :
$x^9 + y^9 \equiv 4[5]$	$x^9 + y^9 \equiv 2[5]$	$x^9 + y^9 \equiv 3[5]$	4 إذا كان $x \equiv 2[5]$ و $y \equiv 2[5]$ فإن :
$9 \equiv 7[3]$	$9 \equiv 7[2]$	$2 \equiv 7[6]$	5 لدينا $21[6] \equiv 27$ إذن :

التمرين الثاني (06 ن)

نعتبر المتتالية  $(u_n)$  المعرفة على  $\square$  بعدها الأول  $u_0 = 2$  و بعلاقة التراجع:  $u_{n+1} = 3u_n + 4$

- أحسب  $u_1$  ،  $u_2$  و  $u_3$ .
- نضع من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $v_n = u_n + 2$ 
  - أثبت أن المتتالية  $(v_n)$  متتالية هندسية يطلب تعيين أسسها و بعدها الأول .
  - عبر عن  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج عبارة  $u_n$  بدلالة  $n$
  - أحسب بدلالة  $n$  المجموع  $S_n$  حيث:  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$
  - استنتج بدلالة  $n$  المجموع  $S'_n$  حيث:  $S'_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

التمرين الثالث (08 ن)

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\square$  بـ:  $f(x) = x^3 + 3x^2 - 4$

$(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

- أحسب نهايات الدالة  $f$  عند  $+\infty$  و  $-\infty$
- عين الدالة المشتقة للدالة  $f$  أدرس إشارتها، ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .
- أ- أكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة التي فاصلتها -1 .
- بين أن  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف يطلب تعيين إحداثياتها .
- أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f(x) = (x-1)(x+2)^2$
- ب- أوجد نقط تقاطع  $(C_f)$  مع محوري الإحداثيات
- أنشئ المنحنى  $(C_f)$  و  $(T)$

## الموضوع الثاني

### التمرين الأول (06 ن)

1. أدرس حسب قيم العدد الطبيعي  $n$  بواقي القسمة الاقليدية للعدد  $2^n$  على 7 .
2. أ- تحقق أن:  $2022 \equiv -1[7]$
- ب- عين باقي قسمة العددين  $2022^{1444}$  و  $5 - 2023^{2022}$  على 7 .
3.  $A$  عدد طبيعي حيث :  $A = 23^{2020} + 2970^{1444} + 3$  ، عين باقي قسمة العدد  $A$  على 7 .
4. عين قيم العدد الطبيعي  $n$  حتى يقبل العدد  $B$  القسمة على 7 علما أن:  $B = 2022^{2n} + 1444^{2021} + 12 + n$

### التمرين الثاني (06 ن)

1.  $(U_n)$  متتالية هندسية حدها الأول  $U_1 = -1$  و أساسها  $q = 2$  .
2.  $(V_n)$  المتتالية المعرفة على  $\mathbb{N}^*$  كما يلي :  $V_n = 3 - 2n$  .
1. أحسب  $U_2$  و  $U_3$  ثم أكتب عبارة  $U_n$  بدلالة  $n$  .
2. هل العدد -16 حد من المتتالية  $(U_n)$  ؟ علل .
3. أحسب المجموع :  $S_n = U_1 + U_2 + \dots + U_n$  بدلالة  $n$  .
4. هل يوجد  $n$  علما أن :  $S_n = -127$  .
5. بين أن  $(V_n)$  متتالية حسابية يطلب تعيين أساسها و حدها الأول .
6. نضع  $W_n = U_n + V_n$  و  $L = W_1 + W_2 + \dots + W_n$  . عبر عن  $L$  بدلالة  $n$  .

### التمرين الثالث (08 ن)

- نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R} - \{3\}$  بـ :  $f(x) = \frac{2x-1}{x-3}$
- $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$
1. بين أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R} - \{3\}$  :  $f(x) = 2 + \frac{5}{x-3}$
  2. أحسب نهايات الدالة  $f$  عند  $+\infty$  و  $-\infty$  ثم فسر النتيجة هندسيا
  3. أحسب  $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x)$  ثم فسر النتيجة هندسيا
  4. عين الدالة المشتقة للدالة  $f$  ، ثم شكل جدول تغيراتها.
  5. أكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة التي فاصلتها 2
  6. مثل المنحنى  $(C_f)$  و  $(T)$