

التمرين الأول:

اختيار من متعدد : عين الإقتراح الصحيح من بين الإقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات الآتية مع التعليل

1 العددان 2023 و 1444 متوافقان بترديد :

(أ) 3 (ب) 7 (ج) 4

2 إذا كان a و b عددين صحيحين بحيث : $a \equiv -5[3]$ و $b \equiv 2[3]$ فإن

(أ) $a^2 - b^2 \equiv 1[3]$ (ب) $a^2 - b^2 \equiv 0[3]$ (ج) $a^2 - b^2 \equiv 2[3]$

3 a عدد صحيح ، إذا كان $a \equiv -1[8]$ فإن :

(أ) $a^{2023} \equiv 2[8]$ (ب) $a^{2023} \equiv 1[8]$ (ج) $a^{2023} \equiv -1[8]$

4 a عدد صحيح ، إذا كان $a \equiv -11[9]$ فإن : باقي قسمة a على 9 هو :

(أ) 7 (ب) 5 (ج) 3

5 عدد قواسم العدد $A = 2023$ هو :

(أ) 6 (ب) 1 (ج) 3

التمرين الثاني:

لتكن الأعداد a ، b و c حيث : $a = 2022$ ، $b = 1444$ و $c = 1954$.

1 عين باقي القسمة الإقليدية لكل من الأعداد a ، b و c على 7 .

2 استنتج مما سبق باقي القسمة الإقليدية لكل من العددين $a^5 \times c^4 + 4b$ و $a \times b \times c^4$ على 7 .

3 عين باقي القسمة الإقليدية للعدد $2022^{2023} + 1954^{2022} + 1444^6$ على 7 .

4 بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n فإن : $(2022^{2n+1} + 1954^{2n})$ مضاعف للعدد 7 .

5 عين قيم العدد الطبيعي n حتى تكون : $2022^{2023} + 1954^n + 1444 + n \equiv 0[7]$ • استنتج قيم n الأصغر من 20 .

التمرين الثالث:

1 عين بواقي القسمة الإقليدية لكل من الأعداد : 3^1 ، 3^2 ، 3^3 و 3^4 على 5

2 عين بواقي القسمة الإقليدية لكل من الأعداد 3^{4n} ، 3^{4n+1} ، 3^{4n+2} و 3^{4n+3} على 5 ، من أجل n عدد طبيعي

3 استنتج باقي القسمة الإقليدية للعدد : 1962^{2023} على 5

4 استنتج باقي القسمة الإقليدية للعدد : $(2 \times 3^{4n+1} - 3^{4n+2} + 3 \times 3^{4n})$ على 5