

﴿ الاختبار الثاني في مادة الرياضيات ﴾

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول: (03 نقاط)

(1) أكتب  $\frac{273}{315}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال.

(2) أكتب  $F$  على الشكل  $a\sqrt{3} + b$  حيث  $a$  و  $b$  عددان نسبيان و :  $F = \sqrt{48} - 2\sqrt{108} + 3\sqrt{4}$

(3) بين أن النسبة  $\frac{-8\sqrt{3}+6}{\sqrt{3}}$  تساوي  $-8 + 2\sqrt{3}$

التمرين الثاني: (03 نقاط)

لتكن العبارة  $L$  حيث :  $L = 25x^2 - 16 - (3x + 6)(5x - 4)$

(1) أنشر وبسط العبارة  $L$ .

(2) تأكد بالتحليل أن :  $L = (5x - 4)(2x - 2)$

(3) حل المعادلة :  $L = 0$

التمرين الثالث: (03 نقاط) [وحدة الطول هي السنتيمتر ، تدور كل الأطوال الى  $[0,1]$

الشكل المقابل غير مرسوم بأطوال حقيقية ،

المستقيمان  $(BK)$  و  $(FC)$  متعامدان في  $N$ .

(1) بين أن :  $BN = 4,8 \text{ cm}$

(2) أحسب الطول  $BC$

(3) بين أن :  $(CK) \parallel (BF)$  علماً أن  $NK = 9,6$

التمرين الرابع: (03 نقاط)

المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  ووحدة الطول هي  $\text{cm}$ .

(1) علم النقط :  $A(1; 3)$  ،  $B(4; 1)$  ،  $C(-2; 1)$

(2) أحسب القيمة المضبوطة للطول  $AC$

(3) عين النقطة  $D$  صورة  $B$  بالانسحاب الذي شعاعه  $\vec{AC}$ .

(4) بين نوع الرباعي  $ABDC$  علماً أن  $CD = \sqrt{13}$ .

- أحسب احداثيتي النقطة  $H$  مركز تناظر الرباعي  $ABDC$ .

**الجزء الثاني: (08 نقاط)**

**الوضعية الإدماجية :**

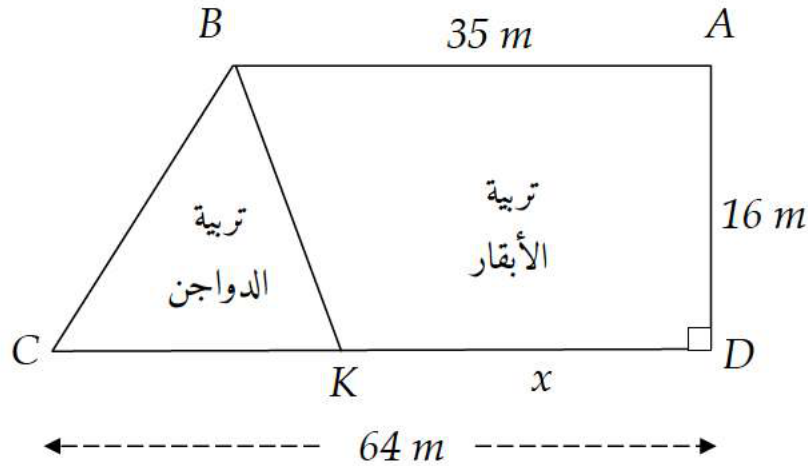
في إطار برنامج الدعم الفلاحي ، استفاد الجد حسين من قطعة أرض مستطيلة الشكل طولها يساوي  $\frac{2}{8}$  مئتي عرضها ومحيطها يساوي  $160 \text{ m}$  .  
- اوجد بُعدي هذه القطعة.

**الجزء 2 :**

خصص الجد حسين جزء من هذه القطعة وهياها لتربية الأبقار والدواجن كما هو موضح في الشكل أسفله ( الأطوال غير حقيقية).

نضع  $x = [DK]$  (  $K$  نقطة من  $[DC]$  ) ،  $S_1$  : المساحة المخصصة لتربية الأبقار ،  $S_2$  : المساحة المخصصة لتربية الدواجن .

- (1) عبر بدلالة  $x$  عن المساحتين  $S_1$  و  $S_2$  .
- (2) أوجد قيمة  $x$  حتى تكون المساحة  $S_1$  تساوي ضعف المساحة  $S_2$  .
- (3) ما هو عدد الأبقار وعدد الدواجن إذا علمت أن عدد رؤوسها 270 وعدد أرجلها 640 .



ملاحظات:

- مساحة شبه المنحرف =  $\frac{(\text{القاعدة الصغرى} + \text{القاعدة الكبرى}) \times \text{الارتفاع}}{2}$
- استعمل لوناً واحداً للكثافة والتسطير الأزرق أو الأسود فقط.

العلامة		
المجموع	مجزأة	
03,5		<p>التمرين الأول: (3,5 نقطة)</p> <p>(1) كتابة <math>\frac{273}{315}</math> على شكل كسر غير قابل للاختزال:  نحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 273 و 315 .  <math>315 = 273 \times 1 + 42</math>  <math>273 = 42 \times 6 + 21</math>  <math>42 = 21 \times 2 + 00</math>  إذن : <math>\text{pgcd}(315 ; 273) = 21</math></p> $\frac{273}{315} = \frac{273 \div 21}{315 \div 21} = \frac{13}{15}$ <p>(2) كتابة F على الشكل <math>a\sqrt{3} + b</math> حيث a و b عددان نسبيين :  <math>F = \sqrt{48} - 2\sqrt{108} + 3\sqrt{4}</math>  <math>F = \sqrt{16 \times 3} - 2\sqrt{36 \times 3} + 3 \times 2</math>  <math>F = 4\sqrt{3} - 2 \times 6\sqrt{3} + 6</math>  <math>F = (4 - 12)\sqrt{3} + 6 = -8\sqrt{3} + 6</math></p> <p>(3) نبين أن النسبة <math>\frac{-8\sqrt{3}+6}{\sqrt{3}}</math> تساوي <math>-8 + 2\sqrt{3}</math> :  <math display="block">\frac{-8\sqrt{3} + 6}{\sqrt{3}} = \frac{(-8\sqrt{3} + 6) \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{-8\sqrt{3} \times \sqrt{3} + \sqrt{3} \times 6}{3}</math> <math display="block">= \frac{-8 \times 3 + 3 \times 2\sqrt{3}}{3} = \frac{3(-8 + 2\sqrt{3})}{3} = -8 + 2\sqrt{3}</math></p>
		<p>التمرين الثاني: (03 نقاط)</p> <p>لتكن العبارة L حيث :</p> $L = 25x^2 - 16 - (3x + 6)(5x - 4)$ <p>(1) نشر وتبسيط العبارة L :</p> $L = 25x^2 - 16 - (3x + 6)(5x - 4)$ $L = 25x^2 - 16 - [15x^2 - 12x + 30x - 24]$ $L = 25x^2 - 16 - 15x^2 + 12x - 30x + 24$ $L = 10x^2 - 18x + 8$ <p>(2) التأكد بالتحليل أن : <math>L = (5x - 4)(2x - 2)</math> .</p> $L = 25x^2 - 16 - (3x + 6)(5x - 4)$ $L = (5x)^2 - 4^2 - (3x + 6)(5x - 4)$ $L = (5x - 4)(5x + 4) - (3x + 6)(5x - 4)$
03		

$$L = (5x - 4)[(5x + 4) - (3x + 6)]$$

$$L = (5x - 4)(5x + 4 - 3x - 6)$$

$$L = (5x - 4)(2x - 2)$$

(3) حل المعادلة :  $L = 0$  أي :  $(5x - 4)(2x - 2) = 0$

$$\begin{cases} 5x - 4 = 0 \\ 5x = 4 \\ x = \frac{4}{5} \end{cases} \quad \text{أو} \quad \begin{cases} 2x - 2 = 0 \\ 2x = 2 \\ x = \frac{2}{2} = 1 \end{cases} \quad \text{معناه :}$$

للمعادلة حلان هما :  $1$  و  $\frac{4}{5}$

التمرين الثالث: (03 نقاط)

(1) نبين أن :  $BN = 4,8 \text{ cm}$

بتطبيق خاصية فيثاغورس على المثلث BNF القائم في N نجد:

$$BF^2 = NF^2 + NB^2$$

$$8^2 = 6,4^2 + NB^2$$

$$NB^2 = 64 - 40,96 = 23,04$$

$$NB = \sqrt{23,04} = 4,8 \text{ cm}$$

(2) حساب الطول BC بالتدوير الى  $0,1$  :

في المثلث BCN القائم في N لدينا:

$$\sin \widehat{BCN} = \frac{BN}{BC}$$

$$\sin 20,5^\circ = \frac{4,8}{BC}$$

$$BC = \frac{4,8}{\sin 20,5^\circ} \approx 13,7 \text{ cm}$$

(3) نبين أن :  $NK = 9,6 \text{ cm}$  علماً أن  $(CK) \parallel (BF)$

نحسب أولاً  $CN$  :

في المثلث BCN القائم في N لدينا :

$$\tan \widehat{BCN} = \frac{BN}{CN} \quad ; \quad CN = \frac{4,8}{\tan 20,5^\circ} \approx 12,8 \text{ cm}$$

لدينا :

$$\frac{NB}{NC} = \frac{6,4}{12,8} = 0,5 \quad \dots \quad (1)$$

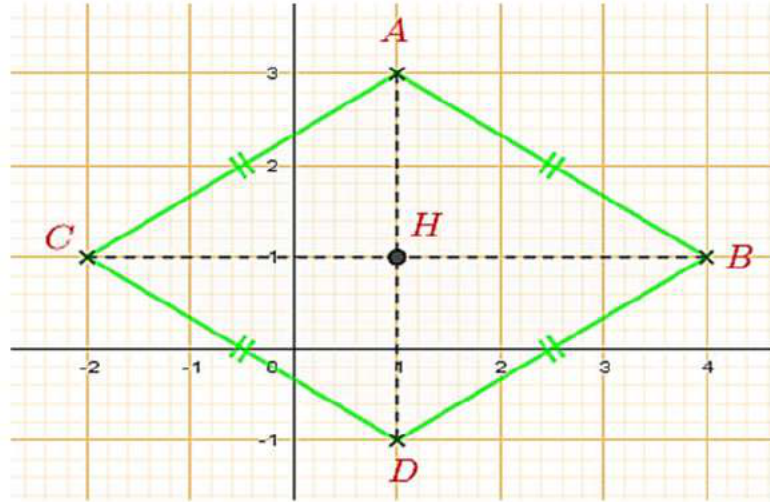
$$\frac{NB}{NK} = \frac{4,8}{9,6} = 0,5 \quad \dots \quad (2)$$

من (1) و (2) نلاحظ أن :  $\frac{NB}{NC} = \frac{NB}{NK}$  والنقط C ، F ، N في استقامية

وكذلك النقط N ، B ، K و بنفس الترتيب ينتج حسب خاصية طالس

العكسية أن المستقيمين (BF) و (CK) متوازيان.

(1) تعليم النقط :  $A(1 ; 3)$  ،  $B(4 ; 1)$  ،  $C(-2 ; 1)$  ،  $D$



(2) حساب القيمة المضبوطة للطول AC :

$$AC = \sqrt{(x_c - x_A)^2 + (y_c - y_A)^2}$$

$$AC = \sqrt{(-2 - 1)^2 + (1 - 3)^2}$$

$$AC = \sqrt{(-3)^2 + (-2)^2}$$

$$AC = \sqrt{9 + 4} = \sqrt{13}$$

(3) تعيين النقطة D صورة B بالانسحاب الذي شعاعه  $\vec{AC}$  :

نعين بالمدور النقطة D بحيث يكون الرباعي ABDC متوازي أضلاع.

(4) نبين نوع الرباعي ABDC علماً أن  $CD = \sqrt{13}$  :

لدينا النقطة D صورة B بالانسحاب الذي شعاعه  $\vec{AC}$  ينتج الرباعي ABDC متوازي أضلاع ، وبما أن  $AC = CD$  إذن الرباعي ABDC معين (المعين هو متوازي أضلاع فيه كل ضلعين متتاليين متتاليين متتاليين)

- حساب احداثيتي النقطة H مركز تناظر الرباعي ACBD :

نحسب احداثيتي H منتصف [BC]

$$y_H = \frac{y_B + y_C}{2} \quad \text{و} \quad x_H = \frac{x_B + x_C}{2}$$

$$y_H = \frac{1 + (-2)}{2} \quad \text{و} \quad x_H = \frac{4 + (-2)}{2}$$

$$H(1 ; 1) \quad \text{ومنه} \quad y_H = 1 \quad \text{و} \quad x_H = 1$$

نرمز للطول بـ  $x$  : إذن العرض هو :  $\frac{2}{8}x$

محيط القطعة يساوي  $160 m$  أي :  $(x + \frac{2}{8}x) \times 2 = 160$

$$\frac{20}{8}x = 160 : \text{إذن } \frac{16}{8}x + \frac{4}{8}x = 160 \text{ ومنه } 2x + \frac{4}{8}x = 160$$

$$\text{ومنه } x = 160 \times \frac{8}{20} \text{ أي } x = 64 m$$

- طول القطعة هو  $64 m$

- عرض القطعة هو  $16 m$   $\frac{2}{8} \times 64 = 16 m$

**الجزء 2 :**

(1) التعبير بدلالة  $x$  عن المساحة  $S_1$  :

$$S_1 = \frac{(KD + AB) \times AD}{2} = \frac{(x + 35) \times 16}{2} = \frac{16x + 560}{2}$$

$$S_1 = 8x + 280$$

التعبير بدلالة  $x$  عن المساحة  $S_2$  :

$$S_2 = \frac{KC \times AD}{2} = \frac{(64 - x) \times 16}{2} = \frac{1024 - 16x}{2}$$

$$S_2 = 512 - 8x$$

(2) إيجاد قيمة  $x$  حتى تكون المساحة  $S_1$  ضعف المساحة  $S_2$  :

$$S_1 = 2S_2 \text{ أي}$$

$$8x + 280 = 2(512 - 8x)$$

$$8x + 16x = 1024 - 280$$

$$24x = 744$$

$$x = \frac{744}{24} = 31$$

قيمة  $x$  التي تكون من أجلها المساحة  $S_1$  ضعف المساحة  $S_2$  هي  $31 m$

(3) إيجاد عدد الأبقار وعدد الدواجن :

نفرض عدد الأبقار هو  $x$  وعدد الدجاج هو  $y$

بما أن عدد الرؤوس هو  $270$  يعني :  $x + y = 270$  وبما أن عدد الأرجل هو  $640$

فإن :  $4x + 2y = 640$  أي  $2x + y = 320$

وعليه لإيجاد عدد الأبقار وعدد الدواجن يجب حل الجملة :  $\begin{cases} x + y = 270 \dots 1 \\ 2x + y = 320 \dots 2 \end{cases}$

بضرب طرفي المعادلة 1 في العدد (-1) ثم جمع المعادلتين طرفاً لطرف نجد :

$$x = 50 \text{ ومنه } -x = -50 \text{ أي } X - 2x = 270 - 320$$

بتعويض  $x$  بالعدد  $50$  في المعادلة 1 نجد :  $50 + y = 270$  أي  $x = 220$

وعليه عدد الأبقار هو  $50$  وعدد الدواجن هو  $220$